

الجُمُهُورِيَّةِ الْعَرَبِيَّةِ السُّوْرِيَّةِ

وزارة التربية

المركز الوطني لتطوير المناهج التربوية

الرياضيات

الجبر

كتاب الطالب

الصف الثامن

2022 - 2021 م

1443 هـ

حقوق التأليف والنشر محفوظة

لوزارة التربية في الجمهورية العربية السورية

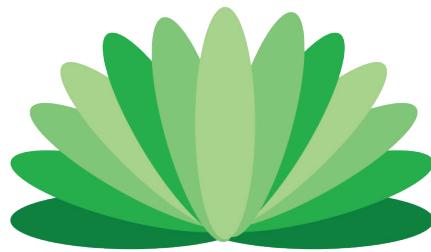


حقوق الطبع والتوزيع محفوظة

للمؤسسة العامة للطباعة

طبع أول مرة للعام الدراسي ٢٠١٦ - ٢٠١٧ م

تأليف
فئة من المختصين



مُقدمة:

التفكير الرياضي حاجة فطرية عند الإنسان نميها عند طلابنا بإعطائهم جزء يسير من المعارف الرياضياتية، التي تكسب الطالب أساليب تحليل المفاهيم والبرهنة على صحة قضایاها برهاناً منطقياً، إضافة إلى مهارات يستعملها لاتخاذ القرار السليم بشأن الظواهر التي يراها وتنمي قدرته في التنبؤ بنتائجها والوقاية من سلبياتها.

يأتي هذا الكتاب ليؤكد على ذلك وليعمق قدرات الطالب في فهم القضايا التي تتعلق بالأشياء المحسوسة واستنتاج خواصها وإثبات صحة هذه الخواص إثباتاً منطقياً ومن ثم الانتقال إلى التفكير في المفاهيم المجردة.

يشتمل الكتاب على ست وحدات يضم كل منها عدداً من الدروس. ونجد في كل وحدة عدداً من الفقرات المميزة التي تجملها فيما يأتي:

انطلاق نشطة

في بداية كل وحدة تهدف إلى تعزيز المهارات الأساسية التي يحتاجها المتعلم في هذه الوحدة والإضاءة على مفاهيمها.

نشاط

في بداية كل درس يهدف إلى طرح أسئلة تظهر مدى معرفة الطالب بمحضي الدرس أو يقدم طرق لإثبات بعض الخواص في هذا الدرس فهو بمثابة اختبار قبلي للطالب لمحتوى الدرس.

تعلم

يعرض من خلالها تعاريف وخواص وأمثلة هي في أغلب الأحيان تعرض حلواناً نموذجية جرى صوغها صياغة لغوية سليمة وبأسلوب منهجي علمي لتكون نماذج يجب اتباعها عند حل التدريبات والمسائل.

اكتساب معارف

تعزز ما تعلمته الطالب وتتضمن طرق وإرشادات على كيفية استعمال القضايا والمفاهيم الأساسية في أمثلة توضيحية.

تحقق من فهمك



تمارين ومسائل تعتبر اختبار بعدي لما تعلّمه الطالب في الدرس ويقوم المدرس بالأشراف على حلّه من قبل الطالب خلال الحصة الدراسية.

تدريب

تمارين ومسائل تعزز ما تعلّمه الطالب في الدرس ويتم من خلالها حلّ تمارين بعضها تطبيق مباشر لمفاهيم الدرس وبعضها الآخر للتحقق من فهم محتوى الدرس.

مذكرة وسائل



مجموعة من التمارين والمسائل متدرجة المستوى لتمكين المدرس من مراعات الفروق الفردية لطلابه وتمكن الطالب من ربط المفاهيم التي تعلّمها الطالب في الوحدة وأيضاً ربط هذه المفاهيم مع ما تعلّمه الطالب سابقاً.



لإحراز فهم

تأتي هذه التمارين والمسائل لتتنمي قدرات الطالب وتكون بمثابة تعلم من خلال التمارين والأنشطة وكذلك ليتعلم الطالب تحرير النصوص وحلولها فصياغة الحلّ صياغة سليمة لا تقلّ أهمية عن معرفة هذه الحلول.

للعمق

تحوي تمارين ومسائل متنوعة ومتدرجة في صعوبتها تشمل في بعض الأحيان مواقف حياتية تُشجّع للمتعلّم فرّص تعلم كثيرة وتعزز مهارات حلّ المسائل والتفكير الناقد لديه.

نأمل من زملائنا، موجّهين ومدرّسين، تزويدنا بمقترناتهم المتعلقة بهذا الكتاب وبالصعوبات التي تواجههم ومدى استجابة طلابهم لمواضيعه

المعدّون

المحتوى

الوحدة الأولى: الأعداد العادلة والعمليات عليها

9

12	1. الجمع والطرح
15	2. الضرب
19	3. القسمة
24	ثمراتنا ومسائل

32

الوحدة الثانية: قوى الأعداد العادلة

35	1. فوقي العدد 10
38	2. قواعد على فوقي العدد 10
41	3. فوقي صيغة لعدد نسبي
44	4. الجذور التربيعية وخواصها
47	ثمراتنا ومسائل

55

الوحدة الثالثة: الحساب بالرموز

57	1. نظير المجموع ونظير الفرق
60	2. حذف الأقواس
62	3. اختزال عبارة رمزية
64	4. نشر $(a+b)(c+d)$
68	5. اختبار مساواة رمزية
71	ثمراتنا ومسائل

77

الوحدة الرابعة: معادلات من الدرجة الأولى

79	1. مساواة وعمليات
83	2. حل معادلة
86	3. اصطناع معادلة
89	ثمراتنا ومسائل

95

الوحدة الخامسة: النسبة والتناسب

97	1. النسبة والتمثيل البياني
102	2. السرعة الوسطى
107	3. النسبة المئوية
109	مرينات ومسائل

117

الوحدة السادسة: الإحصاء

119	1. الجدول التماري وجدول الفئات
122	2. التماري المتجمع (المأكمي)
124	3. تمثيل بيانات إحصائية
127	4. متوسط الحسابي
132	مرينات ومسائل

خطة توزيع المنهج

الشهر	الأسبوع الأول	الأسبوع الثاني	الأسبوع الثالث	الأسبوع الرابع
أيلول	المندسة الجبر	صورة شكل وفق انسحاب تطابق المثلثات	الضرب القسمة	صورة نقطة وفق انسحاب الجمع والطرح
تشرين أول	المندسة الجبر	متضمناً ضلعين في المثلث قوى العدد 10	مستقيمات متوازية وقاطعان قوى صيغة لعدد نسي	تمرينات وسائل تمرينات وسائل
تشرين ثالثي	المندسة الجبر	مواز لصلع من منتصف صلع آخر قواعد على قوى العدد 10	مدور ضلع في المثلث تمرينات وسائل	تساوي ثلاث نسب الجدور التربيعية وخواصها المتوسط في المثلث حذف الأقواس اختلاف عبارة رمزية
كانون ثاني	المندسة الجبر	امتحان الفصل الأول والعلة الانتصافية	تمرينات وسائل تمرينات وسائل	تمرينات وسائل نشر $(a+b)(c+d)$
شباط	المندسة الجبر	دائرة مارة برأوس مثلث قائم	مبرهنة فيتاغورث- العكس مساواة وعمليات	مسافة نقطة عن مستقيم حل معادلة
آذار	المندسة الجبر	ماس دائرة اصطدام معادلة	تمرينات وسائل تمرينات وسائل	الهرم التناسب والتعميل البيني
نيسان	المندسة الجبر	الهرم النسبة المئوية	تمرينات وسائل تمرينات وسائل	حجم المخروط الدواري الجدول التكراري وجدول الفئات تمثيل بيانات احصائية
أيار	المندسة الجبر	تمرينات وسائل المتوسط الحسابي	تمرينات وسائل	المخروط الدواري

الوحدة الأولى

الأعداد العادلة والعمليات عليها

الجمع والطرح

الضرب

القسمة

انطلاق نشطة



.1. في كلٌّ مما يلي، واحدة فقط من الإجابات الثلاث ① و ② و ③ المقترحة صحيحة، أشر إليها.

1. اصطاد عامر 48 سمكة، واصطاد باسل 16 سمكة. حصة باسل مما اصطادا معاً هي

$$\frac{1}{3} \quad ③ \qquad \frac{6}{8} \quad ② \qquad \frac{1}{4} \quad ①$$

$$0.142857 \quad ③ \qquad \frac{1}{7} \quad ② \qquad \frac{60}{42} \quad ① \qquad \text{يساوي } \frac{0.6}{4.2} \quad .2$$

$$\frac{3}{5} = \frac{5}{8} \quad ③ \qquad \frac{3}{5} > \frac{5}{8} \quad ② \qquad \frac{3}{5} < \frac{5}{8} \quad ① \qquad \text{يمكن التأكيد من}$$

$$\frac{9}{15} \quad ③ \qquad \frac{45}{78} \quad ② \qquad \frac{5}{14} \quad ① \qquad \frac{4}{7} \times \frac{5}{8} \text{ يساوي} \quad .4$$

.2. اكتب كلاً من النسب المئوية الآتية بصيغة كسر عادي.

$$75\% \quad ④ \qquad 40\% \quad ③ \qquad 12\% \quad ② \qquad 5\% \quad ①$$

.3. اكتب كلاً من الكسور الآتية بصيغة نسبة مئوية.

$$\frac{7}{25} \quad ④ \qquad \frac{3}{10} \quad ③ \qquad \frac{2}{5} \quad ② \qquad \frac{9}{50} \quad ① \qquad \text{يساوي الآخر الكسر } Y.$$

.4. أوجد كسررين عاديين مقاماهما متساويان، يساوي أحدهما الكسر X ويساوي الآخر الكسر Y .

$$Y = \frac{-13}{12} \quad X = \frac{5}{8} \quad ③ \qquad Y = \frac{-5}{7} \quad X = \frac{4}{3} \quad ② \qquad Y = \frac{3}{4} \quad X = \frac{-1}{2} \quad ①$$

لا تتغير قيمة الكسر إذا ضرب كل من بسطه ومقameه بعدد معاير للصفر.

$$\frac{a}{b} = \frac{a \div c}{b \div c} \quad \text{و} \quad \frac{a}{b} = \frac{a \times c}{b \times c}$$

.5. في كلٍّ من القائمتين الآتتين كسرٌ معاير لقيمة الكسور (دخل عليه)، أشر إليه.

$$\cdot \frac{-9}{-4}, \quad \frac{27}{12}, \quad \frac{-22.5}{-10}, \quad \frac{19}{14}, \quad \frac{45}{20}, \quad \frac{-4.5}{-2} \quad ①$$

$$\cdot \frac{-16}{3}, \quad \frac{32}{-6}, \quad \frac{-160}{0.3}, \quad \frac{-80}{15}, \quad \frac{0.16}{-0.03}, \quad \frac{48}{-9} \quad ②$$

في الرياضيات، لتسهيل التعامل مع الكسور، نكتب الكسر غالباً بالصيغة $\frac{a}{b}$ أو $-\frac{a}{b}$.

(على أن يكون a موجباً و b عدد طبيعياً موجباً تماماً)

. 6. ببسط كلاً من الكسور الآتية بعد تحديد إشارته.

$$\frac{42}{-210} \quad ⑤ \quad \frac{0.84}{3.6} \quad ⑥ \frac{-90}{-75} \quad ④ \quad \frac{15}{-2.1} \quad ③ \quad \frac{-30}{150} \quad ② \quad -\frac{14}{8} \quad ①$$

. 7. اكتب خمسة كسور $\frac{a}{b}$ يساوي كل منها $\frac{5}{6}$. واحسب الجداء $a \times b$ و $b \times 5$. ماذا تستنتج؟

جاء تقاطعي.



• إذا كان $a \times d = b \times c$ ، كان $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

• إذا كان $a \times d = b \times c$ ، كان $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

. 8. استعمل قاعدة الضرب التقاطعي لحساب العدد المجهول في كل حالة.

$$-\frac{35}{x} = \frac{4}{7.2} \quad ③ \quad \frac{25}{2} = \frac{17}{x} \quad ② \quad \frac{8}{x} = \frac{5}{4} \quad ①$$

. 9. استعمل قاعدة الضرب التقاطعي للتحقق من تساوي أو عدم تساوي الكسرتين في كل حالة.

$$\frac{93.4}{537} \text{ و } \frac{24}{99.2} \quad ③ \quad \frac{15}{62} \text{ و } \frac{1534}{8821} \quad ② \quad \frac{13.8}{24} \text{ و } \frac{9.2}{16} \quad ①$$

. 10. فيما يلي أربع عبارات، أشر إلى الصححة منها وإلى الخاطئة، معللاً إجابتك.

① قال زiad: «أستطيع اختصار الكسر $\frac{60}{18}$ على 2»

② قالت Eilyin: «أستطيع اختصار الكسر $\frac{-60}{35}$ على 5»

③ قالت Eynas: «أستطيع اختصار الكسر $\frac{132}{104}$ على 3»

④ قال طارق: «أستطيع اختصار الكسر $\frac{774}{-144}$ على 9»

. 11. احسب العدد المجهول في كل حالة.

$$\frac{15}{45} = \frac{x}{18} \quad ③ \quad \frac{72}{27} = \frac{17}{x} \quad ② \quad \frac{39}{x} = \frac{13}{4} \quad ①$$

. 12. ولد أرخميدس في سيراكوزة الإيطالية في العام 287–، وُقتل بيد جندي روماني وعمره 75 سنةً.

ثُرى في أي عام قُتل؟

الجمع والطرح.



نشاط « تدید القواعد التي عرضت في الصف السابع لتشمل الكسور »

1. « المقامات متساوية »

① قام كل من الطالبين باسم و هاشم بجمع الكسرتين $\frac{9}{7}$ و $\frac{5}{7}$.

$$\frac{-9}{7} + \frac{5}{7} = -\frac{4}{7}, \quad \frac{9}{7} - \frac{5}{7} = \frac{4}{7} \quad \text{، فإذا } \frac{5}{7} > \frac{9}{7}. \quad \text{وإذ } \frac{-9}{7} + \frac{5}{7} = -\frac{9}{7} + \frac{5}{7}$$

$$\cdot \frac{-9}{7} + \frac{5}{7} = \frac{-9+5}{7} = \frac{-4}{7} = -\frac{4}{7}$$

حلّ باسم: اشرح الطريقة التي اتبّعها كُلّ منها لحساب المجموع.

2. « واحدٌ من المقامات مضاعفٌ لبقية المقامات »

$$-\frac{1}{2} + \frac{5}{8} = \dots + \frac{5}{8} = \dots$$

عندما نكتب الكسرين $\frac{1}{2}$ و $\frac{5}{8}$ بمقام مشترك 8، نقول إننا وحدنا مقامي الكسرين.

ويتم ذلك بضرب كلّ من بسط ومقام الكسر الأول بالعدد 4.

3. « كيما كانت المقامات »

$$\text{وحد مقامي الكسرين } \frac{5}{3} \text{ و } \frac{-1}{2}, \quad \text{ثُمَّ احسب } \frac{5}{3} + \frac{-1}{2} \text{ بصيغة كسر.}$$

مضاعفات العدد 2 هي: 2 ، 4 ، 6 ، 8 ، 10 ، 12 ، 14 ، 16 ، 18 ، ...

مضاعفات العدد 3 هي: 3 ، 6 ، 9 ، 12 ، 15 ، 18 ، 21 ، ...

تعلم
خاصّة.

لجمع (أو طرح) كسور عاديّة ذات مقامات متساوية، نجمع (أو نطرح) ببساطة هذه الكسور ونحتفظ بالمقام المشترك.

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{b} = \frac{a-c}{b} \quad \text{و} \quad \frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$$

$$\cdot \frac{-7}{3} + \frac{0.5}{3} = \frac{-7 + 0.5}{3} = \frac{-6.5}{3}$$

مثال



$$\cdot \frac{1}{5} - \frac{3}{5} = \frac{1 - 3}{5} = \frac{-2}{5} = -\frac{2}{5}$$

مثال



خاصة .2

لجمع (أو طرح) كسور عادية ذات مقامات مختلفة، نوحد مقاماتها، ثم نجري العمليات وفق الخاصية 1.

$$\cdot \frac{5}{6} + \frac{3}{4} = \frac{10}{12} + \frac{9}{12} = \frac{10 + 9}{12} = \frac{19}{12}$$

مثال



12 هو مضاعف مشترك للعديدين 6 و 4 فهو مقام مشترك للكسرتين. استبدلنا، بكل كسرٍ، كسراً يساويه مقامه يساوي 12.

$$\cdot -2.5 - \frac{1}{3} = -\frac{5}{2} - \frac{1}{3} = -\frac{15}{6} - \frac{2}{6} = \frac{-17}{6} = -\frac{17}{6}$$

مثال



6 هو مضاعف مشترك للعديدين 2 و 3 فهو مقام مشترك للكسرتين. استبدلنا، بكل كسرٍ، كسراً يساويه مقامه 6.

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{4}$$

مثال



$$\cdot \frac{1}{2} + \frac{3}{4} = \frac{2}{4} + \frac{3}{4} = \frac{5}{4}$$



اكتساب معارف

كيف ننجذب سلسلة من عمليات الجمع والطرح؟

لإنجاز سلسلة من عمليات الجمع والطرح على كسور عادية، يفضل أن نبدأ بإجراء العمليات على الكسور ذات المقامات المتساوية.

$$\text{مثال } A = \frac{5}{3} - \frac{7}{6} + \frac{3}{8}$$



الحل

- العدد 6 مضاعف للعدد 3، فلتتوحيد مقامات الكسور الثلاثة، يكفي إيجاد مضاعف للعديدين 6 و 8.
- مضاعفات العدد 6 هي: 6 ، 12 ، 18 ، 30 ، 24 ، ...
- مضاعفات العدد 8 هي: 8 ، 16 ، 24 ، ...
- 24 هو أصغر مضاعف للعديدين 6 و 8.

$$A = \frac{40}{24} - \frac{28}{24} + \frac{9}{24} = \frac{40 - 28 + 9}{24} = \frac{21}{24} = \frac{\cancel{3} \times 7}{\cancel{3} \times 8} = \frac{7}{8}$$

تحقق من فهمك



انسخ وأكمل: ① $\frac{5}{9} + \frac{1}{3} = \frac{5}{9} + \frac{\dots}{9} = \frac{\dots}{9}$

احسب الناتج في كل حالة من الحالات الآتية بصيغة كسر عادي. ②

$-\frac{4}{3} + \frac{5}{3}$ ③	$\frac{4}{7} - \frac{9.1}{7}$ ②	$\frac{-7}{5} + \frac{-3}{5}$ ①
$-\frac{6}{7} + \frac{21.3}{35}$ ⑥	$\frac{4}{1.2} - \frac{5.3}{1.2} - \frac{0.7}{1.2}$ ⑤	$\frac{13}{-6} + \frac{-5}{6}$ ④

اكتب طلائع مضاعفات العدد 6، ثم طلائع مضاعفات العدد 8. ③

تدريب



انسخ وأكمل. ①

$$\frac{5}{3} - \frac{7}{4} = \frac{\dots}{12} - \frac{\dots}{12} = \frac{\dots}{12} \quad ② \quad \frac{5}{8} - \frac{1}{6} = \frac{\dots}{24} - \frac{\dots}{24} = \frac{\dots}{\dots} \quad ①$$

$$\frac{7}{9} - \frac{5.1}{6} \quad ③ \quad -\frac{5}{8} + \frac{1}{12} \quad ② \quad \frac{7}{4} + \frac{2}{9} \quad ① \quad \text{احسب بصيغة كسر عادي: ②}$$

احسب بصيغة كسر، ثم اختصر ما حصلت عليه ، إن أمكن. (لاحظ أنَّ عدداً x يكتب ③

$$\frac{-13}{9} + \frac{27}{9} \quad ④ \quad \frac{-4}{5} - \frac{-3}{5} \quad ③ \quad -\frac{4}{7} + \frac{12}{7} \quad ② \quad \frac{5}{3} + \frac{-13}{3} \quad ①$$

$$-6 + \frac{3}{5} \quad ⑦ \quad -\frac{1}{4} - \frac{5}{4} + \frac{3}{4} \quad ⑥ \quad \frac{22}{15} - \frac{8}{15} + \frac{7}{15} \quad ⑤$$

خلطت زينة $\frac{3}{5}$ الليتر من عصير التفاح مع $\frac{6}{5}$ الليتر من عصير العنب لملء وعاء سعته ليتران. ④

كم ليتراً من عصير الموز تحتاج زينة إضافته؟

الضرب

2

1

$$\ll \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$



نشاط

1. في كلٍ من الحالات الآتية، احسب الناتج مستعملاً العمليات على الكسور العاديَّة، ثم تحقّق باستعمال العمليات على الكسور العشريَّة.

$$\frac{3}{-4} \times \left(-\frac{7}{5}\right) \quad \textcircled{④} \quad \frac{3}{4} \times \frac{-7}{-5} \quad \textcircled{③} \quad \frac{-3}{4} \times \frac{7}{5} \quad \textcircled{②} \quad \frac{3}{4} \times \frac{7}{5} \quad \textcircled{①}$$

2. أعطِ قاعدة لضرب كسرين عاديين.



جاء ضرب كسرين عاديين هو كسر، بسطه يساوي جداء ضرب البسطين، ومقامه يساوي جداء ضرب

$$h \times \frac{c}{d} = \frac{h \times c}{d} \quad \text{وفي حالة خاصة } (d \neq 0 \text{ و } b \neq 0) \quad \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d} \quad \text{المقامين. أي }$$

$$\cdot \frac{-5}{7} \times \frac{3}{4} = \frac{-5 \times 3}{7 \times 4} = \frac{-15}{28} = -\frac{15}{28} \quad \text{مثال}$$

$$\cdot -2 \times \frac{-5}{7} = \frac{-2 \times (-5)}{7} = \frac{10}{7} \quad \text{مثال}$$

$$\frac{-1}{2} \times \frac{4}{-5} \quad \text{إنجاز العملية} \quad \text{مثال}$$

- نضع أولاً إشارة الجداء (جاء ضرب عددين سالبين عددٌ موجب)

$$\cdot \frac{-1}{2} \times \frac{4}{-5} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{5} = \frac{1 \times \cancel{2} \times 2}{\cancel{2} \times 5} = \frac{2}{5} \quad \bullet \text{ لا نغفل الاختصار}$$

$$\frac{2}{15} \times \frac{-21}{14} = -\frac{2 \times 21}{15 \times 14} = -\frac{\cancel{2} \times \cancel{3} \times \cancel{7}}{\cancel{3} \times 5 \times \cancel{2} \times \cancel{7}} = -\frac{1}{5} \quad \text{مثال (الحساب بعد الاختصار):}$$

مثال أكلت ثلاثة أربع قطعٍ من الحلوى كانت تلك القطعة ثلثي قالبٍ، أكلت إذن نصف قالب الحلوى.

$$\cdot \frac{3}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{\cancel{3} \times 2}{4 \times \cancel{3}} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \quad \text{في الحقيقة:}$$

صيغ مبسطة

- يكتب $(-6 \times -4) \times (-6 \times 4)$ بالصيغة $-6 \times h = 6h$ ، ويكتب $b \times c$ يكتب $b \times c$ قد لا نكتب الإشارة \times عندما يكون أحد المضروبين حرفاً، مثلاً



اكتساب معارف

كيف نجز عملية ضرب؟

لإنجاز جداء ضرب من النمط $(-5) \times 4x$ ، نجري أولاً ضرب المعاملات العددية -5 و 4 ، ثم نكتب الحرف x .

مثال أنجز كلاً من العمليات الآتية.

$$-(5 \times 4z) \cdot 3 \quad -(-2) \times 3 \times (-7y) \cdot 2 \quad (-3x) \times (-6) \cdot 1$$

الحل

$$(-3x) \times (-6) \cdot 1$$

- نضرب المضاريب العددية مع التقييد بقاعدة ضرب الإشارات: $.(-3) \times (-6) = 18$
- ثم نضع الرمز x ، فنجد $.(-3x) \times (-6) = 18x$
- $-(-2) \times 3 \times (-7y) \cdot 2$
- نضرب المضاريب العددية مع التقييد بقاعدة ضرب الإشارات: $.-(-2) \times 3 \times (-7y) = -42y$
- ثم نضع الرمز y ، فنجد $-(5 \times 4z) \cdot 3$
- نضرب المضاريب العددية مع التقييد بقاعدة ضرب الإشارات: $-(5 \times 4) = -20$
- ثم نضع الرمز z ، فنجد $-(5 \times 4z) = -20z$

كيف تعرف إشارة جداء؟

عند ضرب عدة أعداد مغایرة للصفر

- إذا كان عدد الأعداد السالبة زوجياً، كان الجداء موجباً.
- إذا كان عدد الأعداد السالبة فردياً، كان الجداء سالباً

مثال إشارة $(-5) \times (20.87) \times (-3) \times (-20) \times (-33.3) \times (-24)$ سالبة. إشارة $(-3) \times (-4) \times (2) \times 5 \times 3$ موجبة.



٢) كيف ننشر عبارة ونبسطها؟

نشر

$$a \times (x - y) = ax - ay$$

طرح ضرب

نشر

$$a \times (x + y) = ax + ay$$

مجموع ضرب

في هذا النشر اعتمدنا على ما يسمى **الخاصة التوزيعية** (توزيع الضرب على الجمع)

مثال انشر، ثم أنجز العمليات الآتية.

$$C = -4 \times (-5 + 3z) \quad ③ \quad B = -5 \times (3 - 4y) \quad ② \quad A = -3 \times (4 + 5x) \quad ①$$

الحل

$$A = -3 \times (4 + 5x) = (-3) \times 4 + (-3) \times 5x = -12 - 15x \quad ①$$

$$B = -5 \times (3 - 4y) = -5 \times 3 - (-5) \times 4y = -15 + 20y \quad ②$$

$$C = -4 \times (-5 + 3z) = (-4) \times (-5) + (-4) \times 3z = 20 - 12z \quad ③$$

٣) كيف نخلل عبارة ونبسطها؟

تحليل

$$hx - hy = h \times (x - y)$$

طرح ضرب

تحليل

$$hx + hy = h \times (x + y)$$

مجموع ضرب

مثال

حلّ العبارة $A = 2x - 5x$ ، ثم بسّطها.

الحل

$$A = 2 \times x - 5 \times x = (2 - 5) \times x : 2x - 5x$$

ثم بسط الناتج:

تحقق من فهمك

أوجد إشارة كل جداء ثم احسبه.

$$\frac{0}{7} \times \frac{-3}{4} \quad ③$$

$$\frac{-25}{11} \times \frac{9}{4} \quad ②$$

$$\frac{5}{-4} \times \frac{-9}{13} \quad ①$$

أعطِ إشارة الجداء دون إنجاز الحساب.

$$-2 \times (-21.4) \times (-10) \quad ② \quad -4 \times 4 \times 7.4 \quad ①$$

$$-2(-1.55) \times (-2) \times 77 \times 18 \times (-0.14)(-0.12) \quad ③$$

٣ احسب ذهنياً.

$$(-9) \times (-6) \quad ③$$

$$4 \times (-12) \quad ②$$

$$(-5) \times 5 \quad ①$$

٤ احسب يدوياً.

$$(-8.2) \times (-4.5) \quad ③$$

$$(-8.2) - (-4.5) \quad ②$$

$$(-2.4) \times (-5.5) \quad ①$$

 مصطلحات.

١. الحساب اليدوي هو الحساب بإجراء العمليات المناسبة دون استعمال الآلة الحاسبة.

٢. الحساب الذهني هو الحساب بإجراء العمليات المناسبة ذهنياً دون كتابة العمليات.



١ فيما يلي احسب كل جداء بأسط صيغة ممكنة:

$$\frac{3}{-14} \times \frac{-7}{2} \quad ③$$

$$\frac{-2}{5} \times \frac{10}{3} \quad ②$$

$$\frac{1}{3} \times \frac{12}{7} \quad ①$$

٢ أنجز كلاً من الجداءات الآتية.

$$-(-4 \times 15x) \quad ③$$

$$(-7) \times z \times 3 \quad ②$$

$$5y \times (-8) \quad ①$$

٣ فيما يلي احسب كل جداء بأسط صيغة ممكنة مع مراعاة أن $a = \frac{a}{1}$

$$-15 \times \frac{-2}{5} \quad ④ \quad \frac{3}{10} \times 50 \quad ③ \quad \frac{9}{16} \times (-8) \quad ② \quad 7 \times \frac{3}{8} \quad ①$$

٤ عِرْ بصيغة كسر عادي أو بصيغة عدد صحيح عما يلي.

$$\frac{9}{4} - \frac{2}{3} \quad ③ \quad \frac{5}{14} \quad ② \quad \frac{7}{12} \text{ من الكسر } 18 \quad ①$$

$$\frac{2}{5} \text{ من } \frac{25}{7} \quad ⑤ \quad \frac{2}{5} \text{ من العدد } 18. \quad . \quad \frac{2}{3} \text{ من } \frac{5}{2} \quad ④$$

٥ حسب باسم جداء ضرب الكسررين $\frac{5}{2}$ و $\frac{3}{4}$ كما يلي:

$$\frac{3}{4} \times \frac{5}{2} = \frac{3}{4} \times \frac{10}{4} = \frac{30}{4} = \frac{15}{2}$$

ما رأيك بهذا الحساب؟

القسمة



نشاط «كتابة مقلوب كسر وخارج قسمة كسررين بصيغة كسر عادي»

.1 «مقلوب كسر»

$$1. \text{ احسب } \frac{3}{4} \times \frac{4}{3}. \text{ ما مقلوب } \frac{4}{3} ? \text{ وما مقلوب } \frac{3}{4} ?$$

$$2. \text{ هل أحد الكسررين } \frac{2}{7} \text{ و } \frac{7}{2} \text{ مقلوب للأخر؟}$$

$$3. \text{ ما مقلوب كل من } \frac{2}{7} \text{ و } \frac{7}{2} ? \text{ وما مقلوب } \frac{a}{b} ? \text{ مع } a \neq 0 \text{ و } b \neq 0.$$

.2 «القسمة هي الضرب بالمقلوب»

خارج القسمة على عدد (يغاير الصفر) هو جداء الضرب بمقلوب ذلك العدد. أوجد قاعدة للتقسيم على

$$\left(\text{مع } a \neq 0 \text{ و } b \neq 0 \right) \cdot \frac{a}{b}$$

.3 «القيمة التامة أو قيمة تقريبية لخارج القسمة»

1. أوجد القيمة التامة لخارج القسمة في كلٍ مما يأتي:

$$\frac{-5}{0} \cdot \frac{0}{-2} \cdot \frac{-16}{-8} \cdot \frac{-15}{-3} \cdot \frac{28}{-7} \cdot \frac{14}{7} \cdot$$

$$2. \frac{7}{-3} \text{ هو خارج قسمة } 7 \text{ على } -3.$$

استعمل آلة الحاسبة مستعملاً الزر \div لحساب خارج القسمة ستتجد على الشاشة

• هل $(-3) \times (-2.333\ 333)$ يساوي 7 ؟

• هل العدد الذي ظهر على الشاشة هو القيمة التامة لخارج القسمة $\frac{7}{-3}$ ؟

• قرب العدد $-2.333\ 333 -$ إلى منزلتين عشرتين.

تعلم

مقلوب عدد عادي

• مقلوب عدد x (مع $x \neq 0$) هو خارج قسمة 1 على x .

• نرمز إلى مقلوب x بالرمز $\frac{1}{x}$ أو بالرمز x^{-1} .

• $x \times \frac{1}{x} = 1$ و مقلوبه يتحققان

• في حالة $d \neq 0$ و $c \neq 0$ ، مقلوب $\frac{d}{c}$ هو $\frac{c}{d}$ لأن $\frac{d}{c} \times \frac{c}{d} = 1$

• $\frac{-3}{7} \times \frac{3}{-7} = \frac{-7}{3}$ هو ، فهو مقلوب $\frac{-3}{7}$ مثال 

• $\frac{5}{1} \times \frac{1}{5} = 5$ هو ، فهو $\frac{5}{1}$ مثال 

قسمة عددين عاديين

لتقسيم عدد على كسر ، نضرب العدد بمقلوب الكسر.

• في حالة $c \neq 0$ و $d \neq 0$ ، $h \div \frac{d}{c} = h \times \frac{c}{d}$

• في حالة $b \neq 0$ و $c \neq 0$ و $a \neq 0$ ، $\frac{a}{b} \div \frac{d}{c} = \frac{a}{b} \times \frac{c}{d}$

• $\frac{-1}{2} \div \frac{5}{4} = -\frac{1}{2} \times \frac{4}{5}$ مثال لإنجاز العملية 

• نضع أولاً إشارة خارج القسمة (خارج قسمة عددين إشارتهاهما مختلفتان عدد سالب)

• نضرب الكسر المقسوم بمقلوب المقسوم عليه.

• لا نغفل الاختصار $\frac{-1}{2} \div \frac{5}{4} = -\frac{1}{2} \times \frac{4}{5} = -\frac{1 \times 2}{2 \times 5} = -\frac{2}{5}$

• $\frac{3}{4} \div 2 = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{8}$ مثال 

• مثال احسب بصيغة كسر عادي كلًا من العبارات الآتية:

$$B = \frac{-\frac{2}{3}}{5} \quad \textcircled{2} \qquad A = \frac{-\frac{4}{3}}{\frac{3}{5}} \quad \textcircled{1}$$

الحل

1

① خط الكسر المحاذي للرمز «=» يدل أن العملية هي قسمة $\frac{4}{3}$ على $\frac{3}{5}$ ، إذن:

$$A = \frac{-\frac{4}{3}}{\frac{3}{5}} = -\frac{4}{3} \times \frac{5}{3} = -\frac{20}{9}$$

② خط الكسر المحاذي للرمز «=» يدل أن العملية هي قسمة $\frac{2}{3}$ على 5 ، إذن:

$$B = \frac{-\frac{2}{3}}{5} = -\frac{2}{3} \times \frac{1}{5} = -\frac{2}{15}$$

اكتساب معارف

كيف تم مراعاة الأولويات؟

- نجري العمليات داخل الأقواس.
- نجري عمليات الضرب والقسمة من اليسار إلى اليمين.
- نجري عمليات الجمع والطرح من اليسار إلى اليمين.

مثال أنجز حساب كل مما يأتي، بصيغة كسر عادي:

$$B = \frac{3}{8} - 14 \div \frac{16}{3} \quad ② \qquad A = -\frac{7}{4} \times \frac{8}{25} + \frac{7}{100} \quad ①$$



الحل

• نجري أولاً عملية الضرب: ①

$A = \frac{-56 + 7}{100} = \frac{-49}{100} = -\frac{49}{100}$

• وإذ للكسرين الآخرين مقامان متباينان، يكون: ②

• نجري أولاً عملية القسمة. وكما تعلم للتقسيم على $\frac{16}{3}$ ، نضرب بمقولبه $\frac{3}{16}$.

$$B = \frac{3}{8} - 14 \times \frac{3}{16} = \frac{3}{8} - \frac{2 \times 7 \times 3}{2 \times 8} = \frac{3}{8} - \frac{21}{8} = \frac{3 - 21}{8} = \frac{-18}{8}$$

• نختصر الكسر الأخير بتقسيم كل من بسطه ومقامه على 2، فنجد . $B = \frac{-9}{4} = -\frac{9}{4}$

كيف نقسم على عدد عادي مغایر للصفر؟

عند التقسيم على عدد عادي مغایر للصفر، نضرب بمقلوب ذلك العدد: (مع $b \neq 0$) $\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$

$$\frac{-4}{0.5} = -4 \times \frac{1}{0.5} = -4 \times 2 = -8 \quad \text{مثال} \quad \begin{array}{|c|} \hline 2+4=6 \\ \hline 6/3=2 \\ \hline \end{array}$$

ما الفرق بين النظير والمقلوب؟

مثال نظير -5 هو 5 

$$\frac{1}{-5} = -\frac{1}{5} = -0.2 \quad \text{مقلوب } -5 \text{ هو } -0.2$$

كيف نستعمل الآلة الحاسبة؟

مثال استعمل آلة حاسبة لإنجاز الحساب بصيغة كسر عادي:

$$B = \frac{27}{4} \times \frac{1}{3} - \frac{7}{100} \quad \textcircled{2} \quad A = -\frac{5}{3} + \frac{7}{6} - \frac{3}{8} \quad \textcircled{1}$$

الحل

نقوم بالعمليات

$$(-) \quad \begin{array}{r} 5 \cancel{\diagup}_c \\ 27 \cancel{\diagup}_c \end{array} \quad 3 + \begin{array}{r} 7 \cancel{\diagup}_c \\ 4 \times 1 \cancel{\diagup}_c \end{array} \quad 6 - \begin{array}{r} 3 \cancel{\diagup}_c \\ 3 - 7 \cancel{\diagup}_c \end{array} \quad 8 \quad \textcircled{1}$$

$$27 \cancel{\diagup}_c \quad 4 \times 1 \cancel{\diagup}_c \quad 3 - 7 \cancel{\diagup}_c \quad 100 \quad \textcircled{2}$$

$$. B = \frac{109}{50} \quad A = -\frac{7}{8} \quad \text{نجد الناتج كما يلي: } B = \frac{109}{50} \quad \text{و} \quad A = -\frac{7}{8}$$

▪ حساب عبارة مركبة منكسور عادي

مثال احسب بصيغة كسر عادي كلاً من العبارات الآتية: 

الحل

خط الكسر المحادي للرمز «=» يدل أن العملية هي قسمة 2 - على $3 + \frac{1}{5}$.

$$3 + \frac{1}{5} = \frac{15}{5} + \frac{1}{5} = \frac{16}{5} \quad \text{إذ}$$

$$C = \frac{-2}{3 + \frac{1}{5}} = \frac{-2}{\frac{16}{5}} = -2 \times \frac{5}{16} = -\frac{10}{16} = -\frac{10 \div 2}{16 \div 2} = -\frac{5}{8}$$

تحقق من فهمك



١ اكتب بصيغة كسر عادي مقلوب كل من الأعداد الآتية:

$$\frac{3.4}{3} \quad ④$$

$$\frac{9}{-4} \quad ③$$

$$\frac{-3}{8} \quad ②$$

$$\frac{7}{9} \quad ①$$

٢ أيمكنك إيجاد عدد تضربه بالكسر $\frac{5}{9}$ فتحصل على ١؟

$$\cdot \frac{3}{4} \div \frac{5}{7} = \frac{3}{4} \times \dots = \dots \quad ③$$

$$\frac{\frac{16}{-5}}{2} \quad ④ \quad \frac{\frac{4}{3}}{-\frac{8}{15}} \quad ③$$

$$-2 \div \frac{13}{3} \quad ② \quad \frac{-3}{5} \div \frac{-10}{11} \quad ①$$

تدريب

١ انسخ وأكمل.

$$-6.5 \times \dots = 1 \quad ③ \quad -6 \times \dots = 1 \quad ② \quad 7 \times \frac{1}{7} = \dots \quad ①$$

$$-6.5 \times \dots = -1 \quad ⑥ \quad -6.5 + \dots = 0 \quad ⑤ \quad -6.5 \times \dots = 0 \quad ④$$

٢ فيما يلي احسب خارج كل قسمة بأسهل صيغة ممكنة:

$$-2 \div \frac{4}{5} \quad ④ \quad \frac{-5}{4} \div \frac{15}{-2} \quad ③ \quad \frac{4}{5} \div \frac{-2}{3} \quad ② \quad \frac{4}{5} \div \frac{3}{7} \quad ①$$

٣ أمكن أن يكون $\frac{7}{5}$ مساوياً جداء ضرب $\frac{8}{3}$ بعده؟ في حالة الإيجاب ما هو ذلك العدد؟

٤ فيما يأتي، اكتب العدد الموصوف بالشكل العشري.

$$\text{مقلوب } 100 \quad ① \quad \frac{1}{10} \quad \text{نظير } (ناظير 2) \quad ④ \quad \text{مقلوب } (مقلوب 2) \quad ③ \quad \text{نظير } (مقلوب } ② \quad ②$$

٥ كتلة زيت الزيتون، الذي نحصل عليه من الزيتون المعصور، تعادل $\frac{2}{11}$ من كتلة الزيتون

المعصور. وبعد عصر كمية من الزيتون، حصلنا على 500 kg من الراسب.

ما هي كتلة الزيتون المعصور؟

مُنِيَّاتٍ وَمُسَائِلٍ

1 في كلّ حالة آتية، هناك إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقتربة. أشر إليها.

$-240 \quad ③ \quad 120 \quad ② \quad 240 \quad ① \quad 5 \times (-2) \times 6 \times (-4) \times (-1) \quad ①$

$\frac{2}{3} \quad ③ \quad \frac{12}{6} \quad ② \quad 4 \quad ① \quad \text{هو } \frac{7}{3} - \frac{-5}{3} \quad ②$

$\frac{4}{8} \quad ③ \quad \frac{7}{8} \quad ② \quad \frac{4}{12} \quad ① \quad \text{هو } \frac{3}{4} + \frac{1}{8} \quad ③$

$-1 \quad ③ \quad \frac{-15}{4} \quad ② \quad -\frac{3}{4} \quad ① \quad \text{هو } -4 + \frac{1}{4} \quad ④$

$\frac{-5}{2} \quad ③ \quad \frac{18 \times (-125)}{30} \quad ② \quad \frac{-75}{11} \quad ① \quad \text{هو } \frac{3}{5} \times \frac{-25}{6} \quad ⑤$

6 أكل صادق $\frac{1}{8}$ كعكة، ثم أكل صبغي $\frac{1}{7}$ ما بقي منها، إذن:

① أكل صادق أكثر من صبغي. **②** أكل صبغي أكثر من صادق. **③** أكل قطعتين متساويتين.

$-8 \quad ③ \quad 8 \quad ② \quad \frac{-24}{36} \quad ① \quad \text{يُساوي } -12 \quad ⑦$

$\frac{3}{7} \quad ③ \quad \frac{7}{3} \quad ② \quad -\frac{3}{7} \quad ① \quad \text{هو } -\frac{7}{3} \quad ⑧$ مقلوب

$-\frac{18}{7} \quad ③ \quad -\frac{63}{50} \quad ② \quad \frac{-90}{35} \quad ① \quad \text{هو } \frac{9}{5} \div \frac{-10}{7} \quad ⑨$ ناتج

$-\frac{13}{12} \quad ③ \quad \frac{9}{4} \quad ② \quad \frac{1}{6} \quad ① \quad \text{هو } \frac{5}{3} - \frac{2}{3} \times \frac{9}{4} \quad ⑩$ ناتج

2 قل إنْ كنت موافقاً أو غير موافق على الادعاء الآتي واشرح رأيك.

1 لحساب $A = \frac{6+11}{12+11}$ ، أختصر على 6 ثم على 11 فأجد

$. \quad \frac{3}{4} \times 5 \quad \frac{3}{4 \times 5} \quad ②$ يُساوي 5

3 ثلث النصف يُساوي رباع الثنين.

4 ضرب مقلوب العدد $\frac{2}{3}$ يُساوي $\frac{4}{5}$

- ٥ مقلوب مجموع عددين x و y غير معادمين، يساوي مجموع مقلوبين x و y .
- ٦ قسمة x على 3 ثم قسمة الناتج على 7 ثم قسمة الناتج على 13، يؤول إلى قسمة x على 273.
- ٧ مقلوب جداء عددين x و y غير معادمين، يساوي جداء مقلوبين x و y .
- ٨ أياً كان العدد العادي x ، كان $(3 \times 2) \times (3 \times x) = 3 \times (2x)$ مساوياً
- ٩ مقلوب أي عدد موجب غير معادم أصغر منه.
- ١٠ لا يوجد عدد يساوي مقلوبه.

٣ اختصر في كل حالة العبارة المعطاة، إن كانت قابلة للاختصار.

$$C = \frac{0.3 \times 7}{(-3) \times 0.7} \quad ③ \quad B = \frac{-3 + 7}{4 + 7} \quad ② \quad A = \frac{2 \times (-5) \times (-7)}{3 \times (-10)} \quad ①$$

٤ انسخ وأكمل.

كسر مختصر	كسر الساعة	المدة بالدقائق
$\frac{1}{60}$	$\frac{1}{60}$	1
	$\frac{30}{60}$	30
		15
		40

٥ احسب بصيغة كسر عادي:

$$\begin{array}{llll} \frac{1}{5} - \frac{-5}{-6} & ④ & -\frac{7}{9} + \frac{-1}{4} & ③ \\ \frac{-5}{20} + \frac{9}{-6} & ⑧ & \frac{7.3}{6} - \frac{4.2}{9} & ⑦ \\ \end{array} \quad \begin{array}{llll} -\frac{21}{12} - \frac{3}{4} & ② & \frac{3}{7} + 5 & ① \\ \frac{7.5}{8} - \frac{11}{6} & ⑥ & -2 + \frac{5}{4} & ⑤ \\ \end{array}$$

٦ احسب بصيغة كسر عادي:

$$Y = \frac{2}{3} + \frac{1}{4} - \frac{5}{9} \quad ② \quad X = -\frac{7}{2} + \frac{5}{3} + \frac{11.5}{7} \quad ①$$

٧ بدل ترتيب الحدود لتحسب الناتج بصيغة كسر عادي:

$$Y = \frac{5}{12} - \frac{5}{3} + \frac{2}{12} - \frac{2}{3} \quad ② \quad X = \frac{4}{7} + \frac{3}{4} + \frac{2}{7} + \frac{5}{4} + \frac{1}{7} \quad ①$$

1. لا تملك رغد سوى $\frac{2}{5}$ من سعر لعبة فيديو رغبت شراءها. دفع والدها 35% من سعر

اللعبة، ودفعت والدتها $\frac{3}{20}$ من سعرها. أليكم ما تجمّع لديها لشراء اللعبة؟

2. في عيد ميلادها، أعطاها عمّها بطاقة بقيمة 700 ليرة سورية. فإذا علمتُ رغد أنَّ سعر اللعبة هو 4200 ليرة سورية، هل تقدّم على شرائها؟

9 المربع السحري

	1	
		4
		-3

المربع السحري هو المربع الذي تكون جداءات الأعداد الواقعة في كل سطر وفي كل عمود وفي كل قطر فيه متساوية. أكمل المربع المرسوم جانباً ليكون سحرياً ويكون كل جداء مساوياً .

216.

10

احسب ذهنياً كلاً من العبارات الآتية عند $x = -4$.

$$-8 - 2x \quad \textcircled{3} \qquad -5 + 5x \quad \textcircled{2} \qquad 7x + 8 \quad \textcircled{1}$$

11

انسخ ثم أكمل الجدول المرافق مختصراً النواتج ما أمكن.

$\times \left(-\frac{3}{4} \right)$	0	1	-5	$\frac{2}{3}$	$-\frac{3}{4}$	$\frac{5}{9}$	$-\frac{4}{3}$

12

احسب بصيغة كسر عادي، فـكـر بتبسيط الكسور قبل إجراء عملية الضرب.

$$\frac{-5.5}{8} \times (-4) \quad \textcircled{2} \qquad \frac{-4}{3} \times \frac{3}{5} \quad \textcircled{1}$$

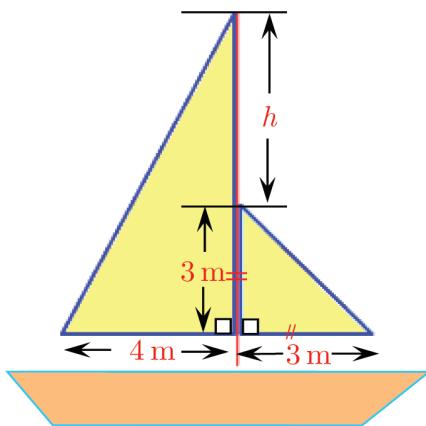
$$\frac{1}{-2} \times \frac{2}{3} \times \frac{-3}{4} \times \frac{6}{-5} \quad \textcircled{4} \qquad \frac{0.4}{0.3} \times \left(-\frac{9}{16} \right) \quad \textcircled{3}$$

$$\left(\frac{-3}{5} \right) \times \left(\frac{-5}{3} \right) \times \left(\frac{3}{-5} \right) \times \left(\frac{5}{-3} \right) \quad \textcircled{6} \qquad \frac{13}{7} \times (-14) \times \frac{5}{26} \quad \textcircled{5}$$

13

استعمل الآلة الحاسبة لحساب الناتج بصيغة كسر عشري.

$$\left(\frac{7}{12} - \frac{5}{12} \right) \times \frac{72}{21} \quad \textcircled{2} \qquad \frac{7}{12} - \frac{5}{12} \times \frac{72}{21} \quad \textcircled{1}$$



لـكـن العـبـارـة 14

1. حلـ المـقـدـار $x - 2x - 4x$ ، ثـ اـحـسـبـ نـاتـجـهـ.
2. بـسـطـ الـعـبـارـة A .

قارب شراعي

15

في الشـكـلـ الـمـجاـوـرـ قـارـبـ شـرـاعـيـ ذوـ شـرـاعـيـنـ.

1. اـكـتـبـ عـبـارـةـ مـسـاحـةـ الشـرـاعـ الـكـبـيرـ بـدـلـالـةـ h . ثـ بـسـطـ هـذـهـ الـعـبـارـةـ.
2. اـحـسـبـ بـالـأـمـتـارـ الـمـرـبـعـةـ مـجـمـوعـ مـسـاحـتـيـ الشـرـاعـيـنـ فـيـ كـلـ مـنـ

$$h = 13 \text{ dm} \quad ② \quad h = 2.7 \text{ m} \quad ①$$

خـصـصـتـ إـحـدىـ مـحـطـاتـ الـبـثـ $\frac{3}{5}$ وقتـها لـبـثـ الأـغـانـيـ. الأـغـانـيـ الـتـيـ تـبـنـهـاـ عـرـبـيـةـ.

16

1. ماـ الـوقـتـ الـذـيـ تـشـغـلـهـ الأـغـانـيـ الـعـرـبـيـةـ مـنـ زـمـنـ الـبـثـ؟

2. إـفـتـرـضـنـاـ أـنـ جـمـيعـ الأـغـانـيـ الـتـيـ تـبـثـ تـسـغـرـقـ الزـمـنـ ذـاتـهـ، وـلـيـكـ سـتـ دـقـائـقـ. اـسـمـعـتـ إـلـىـ الـمـحـطـةـ مـدـةـ سـاعـيـنـ. كـمـ أـغـانـيـ عـرـبـيـةـ تـكـونـ قدـ سـمعـتـ؟

ماـ خـارـجـ قـسـمـةـ 1ـ عـلـىـ:

$$\text{؟} \quad -\frac{1}{23} \quad ③ \quad \frac{-3}{7} \quad ② \quad \frac{4}{5} \quad ①$$

أـوـجـ ذـهـنـيـاـ الـعـدـ النـاقـصـ.

18

$$11 \times \dots = 1 \quad ③ \quad \frac{-3}{8} \times \dots = 1 \quad ② \quad \frac{5}{-4} \times \frac{-4}{5} = \dots \quad ①$$

احـسـبـ بـصـيـغـةـ كـسـرـ عـادـيـ. فـكـرـ بـالـخـتـصـارـ قـبـلـ إـجـرـاءـ الـقـسـمـةـ.

$$\begin{array}{lll} \frac{-9}{5} \div \frac{-3}{10} & ③ & \frac{5}{8} \div \frac{-5}{4} & ② & \frac{5}{6} \div \frac{3}{4} & ① \\ \frac{121}{6} \div \frac{-11}{6} & ⑥ & \frac{1}{38} \div \left(-\frac{1}{19} \right) & ⑤ & \frac{-5}{9} \div \frac{8}{3} & ④ \end{array}$$

20

أيمكنك إيجاد عدد تضربه بالكسر $\frac{5}{6}$ فتحصل على:

$$\textcircled{4} \quad ? \frac{7}{6}$$

$$\textcircled{3} \quad ? 12$$

$$\textcircled{2} \quad ? -10$$

$$\textcircled{1} \quad ? 2$$

$7 \times (-3) - 12 = 7 - 3 - 12 \quad \text{(b)}$ $2 - 5(-3) = 2 - 5 - 3 \quad \text{(a)}$ 21
ما تعليقك على ما كتبته سعاد في كل من (a) و (b) ? صَحَّ الأخطاء.

في عملية شراء، أنفق عمران ثلث ما يقتني من نقود في مخزن رياضي وربع ما يقتني في إحدى المكتبات. بقي معه 1690 ليرة. ما المبلغ الذي يقتنيه عمران قبل عملية الشراء.

22

أكمل لتحصل على مساواة صحيحة.

$$\frac{7}{3} \div \dots = 1 \quad \text{(4)} \quad \frac{7}{3} \times \dots = 1 \quad \text{(3)} \quad \frac{7}{3} - \dots = 1 \quad \text{(2)} \quad \frac{7}{3} + \dots = 1 \quad \text{(1)}$$

$B = -\frac{3}{8} \div \frac{5}{2} + \frac{13}{40} \quad \text{(2)}$ $A = \frac{7}{15} \times \frac{3}{4} - \frac{13}{20} \quad \text{(1)}$ 24
احسب بصيغة كسر عادي:

24

احسب بصيغة كسر عادي. فكر في العمليات التي لها أولوية الإنجاز.

$$C = 1 + \frac{1}{2} \times 5 - \frac{3}{4} \quad \text{(3)} \quad B = \left(\frac{2}{3} + \frac{5}{3} \right) \times \frac{3}{2} \quad \text{(2)} \quad A = \frac{2}{3} + \frac{5}{3} \times \frac{3}{2} \quad \text{(1)}$$

$$F = \frac{4}{3} \left(2 - \frac{5}{4} - \frac{3}{2} \right) \quad \text{(6)} \quad E = \frac{6}{2 - \frac{1}{4}} \quad \text{(5)} \quad D = \left(2 - \frac{1}{3} \right) \times \left(\frac{3}{5} + 2 \right) \quad \text{(4)}$$

$$I = \frac{15 + 9}{15 \times 4} \quad \text{(9)} \quad H = \frac{5 - 2}{3 \times 5} \quad \text{(8)} \quad G = \frac{8 \times 4}{44} \quad \text{(7)}$$

بِسْطُ كُلًا من العبارات الآتية.

26

$$2x - 5 + 8x - 1 \quad \text{(2)}$$

$$2x \times (-2)5 + 8x \quad \text{(1)}$$

$$2x + (-5) \times 8x + 2 \quad \text{(4)}$$

$$2x - 5 - 8x + 2 \quad \text{(3)}$$

احسب في كل من الحالتين الآتتين

27

$$\cdot c = \frac{5}{2} \quad \text{و} \quad b = -\frac{1}{2} \quad \text{و} \quad a = 2 \quad \text{(2)} \quad \cdot c = \frac{2}{5} \quad \text{و} \quad b = \frac{1}{3} \quad \text{و} \quad a = -1 \quad \text{(1)}$$

الإحراز تقدم

1

28 جمع أو طرح كسور عادي

احسب ناتج كل مما يلي بصيغة كسر عادي أو عدد صحيح:

$$\frac{2}{9} - \frac{5}{9} \quad ③$$

$$1 + \frac{2}{5} \quad ②$$

$$\frac{1}{3} + \frac{5}{3} \quad ①$$

$$\frac{5}{2} + \frac{4}{3} \quad ⑥$$

$$\frac{1}{5} - \frac{3}{10} \quad ⑤$$

$$\frac{1}{21} + \frac{1}{7} \quad ④$$

29 قسمة كسور عادي

فيما يلي احسب خارج كل قسمة بأبسط صيغة ممكنة مع مراعاة أن $a = \frac{a}{1}$

$$\frac{-2}{3} \div (-6) \quad ④ \qquad \frac{4}{5} \div (-8) \quad ③ \qquad \frac{15}{4} \div 5 \quad ② \qquad \frac{5}{4} \div 3 \quad ①$$

30 تعلم تحريك النصوص والحلول

اقرأ النص ثم الحل المعروض من قبل الطالبة علا. ثم اكتب الحل بعد الأخذ بمجمل الملاحظات على حل علا.

النص: بمناسبة عيد ميلادها، استعملت علا $\frac{7}{10}$ كمية السكر التي بحوزتها وبالبالغة 5 كغ لصنع

الحلويات، و $\frac{2}{3}$ ما تبقى لصنع العصير. احسب كمية السكر التي استعملتها علا:

① في صنع الحلويات. ② في صنع العصير.

حل علا مع ملاحظات المصحح:

رقمي الطلبات

$$\frac{7}{10} \times 5 = \frac{35}{10} = 3.5 \quad \text{ما هذه النتيجة؟}$$

$$1 - \frac{7}{10} = \underbrace{\frac{3}{10}}_{\text{لـ}} \times \underbrace{\frac{2}{3}}_{\text{لـ}} = \frac{3 \times 2}{10 \times 3} = \frac{6}{30} \quad \text{(هل العددان } \frac{3}{10} \times \frac{2}{3} \text{ و } \frac{7}{10} \text{ متساويان؟)}$$

(علام يدل العدد $\frac{6}{30}$ ؟ ولم لم تختصريه؟)

31

حذار من استخدام القيم التقريبية في مقارنة كسرain

1. اكتب كلاً من الكسرain $\frac{2}{3}$ و $\frac{87}{130}$ بالشكل العشري مقريباً الناتج لمنزلتين عشرتين.

هل هذان الكسران متساويان؟

2. استعمل آلة حاسبة للمقارنة بين قيمتي الكسرain $\frac{617\ 285}{370\ 368}$ و $\frac{41\ 152}{24\ 691}$.

هل هذان الكسران متساويان؟ تحقق من إجابتك.

32 أوجد كل ناتج مما يأتي بالشكل العشري.

- ① نصف ثلثي 24. ② ثلاثة أثمان خمس 6.4. ③ خمس سبع 2100.

33 حكاية المقلوب

1. ① احسب $\frac{1}{\frac{1}{2} + \frac{2}{3}}$. ② هل $\frac{1}{2} + \frac{2}{3}$ هو مقلوب.

34 تنوع

$$\frac{1 - \frac{1}{3}}{2 + \frac{1}{4}} \times \frac{2 - \frac{1}{4}}{1 + \frac{1}{3}} \quad \text{احسب بصيغة كسر.} \quad \frac{5 + \frac{3}{4}}{2 + \frac{3}{4}}$$

35 اختبار

أجري اختبار في مادة الرياضيات لصف ثامن قوامه 16 طالبة و 10 طلاب.

$\frac{3}{4}$ من الطالبات نلن درجة النجاح، و $\frac{3}{5}$ من الطلاب نالوا درجة النجاح. ما نسبة الناجحين من الصف؟

36 تفهم صياغة نص

ووجدت في أحد المراجع العائد للعام 1938 القاعدة الآتية: لتقسيم كسر عادي على عدد صحيح، نضرب مقام الكسر بذلك العدد ونحوظ ببساطه. أعطِ ثلاثة أمثلة تستخدم فيها هذه القاعدة.

بكم مثلٌ نضرب عدداً؟ لكي:
 ① يزداد بمقدار ثلاثة أرباعه. ② ينقص بمقدار ثلاثة أثمانه.

① سعة مرش L 18 ، ملي حتى 75% من سعته. ما كمية الماء الموجود فيه؟
 ② ملي مرش حتى ثلاثة أرباعه، فوجد فيه L 18 من الماء. ما سعة المرش؟

$$\frac{2}{3} \times x \times \frac{4}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{4}{5} \times x = \frac{8}{15}x \quad \text{مثال:}$$

بسط كلًّا من الجداءات الآتية:

$$\begin{aligned} \frac{-4}{7} \times 3x \times \left(-\frac{11}{6}\right) & \quad ③ \quad -\frac{5}{2} \times a \times \frac{4}{25} & \quad ② \quad \frac{1}{4} \times \frac{3}{2} \times x & \quad ① \\ -\frac{1}{2} \times (-1) \times x & \quad ⑥ \quad -\frac{1}{3} \times 3 \times z & \quad ⑤ \quad x \times 2 \times \frac{1}{4} & \quad ④ \end{aligned}$$

$$-\frac{1}{3}a + \frac{5}{3}a + 2 = \left(-\frac{1}{3} + \frac{5}{3}\right)x + 2 = \frac{4}{3}a + 2 \quad \text{مثال:}$$

بسط كلًّا من العبارات الآتية:

$$2x + \frac{2}{5}x - x \quad ③ \quad a - \frac{4}{5}a \quad ② \quad \frac{3}{4}x - \frac{1}{2}x \quad ①$$

$$-\frac{2}{5} \left(\frac{3}{4} - y \right) \quad ③ \quad -\frac{3}{2} \left(\frac{1}{2} + x \right) \quad ② \quad \frac{1}{3} \times (2 + x) \quad ① \quad \text{انشر ثم احسب:} \quad ④$$

من بين الجداءات الآتية، أشير إلى المتساوية منها دون إجراء العمليات.

$$(-7) \times 8 \times (-9) \times 10 \quad ② \quad 7 \times 8 \times 9 \times 10 \quad ①$$

$$-7 \times 8 \times 9 \times 10 \quad ④ \quad 7 \times (-8) \times (-9) \times (-10) \quad ③$$

$$0.7 \times (-80) \times 9 \times 10 \quad ⑥ \quad -7 \times (-8) \times (-9) \times (-10) \quad ⑤$$

الكسور والعمليات الحسابية 43

$$B = \left(\frac{2}{3} - 3 \right) \div \frac{1}{9} \quad \text{و} \quad A = \frac{12}{7} - \frac{3}{5} \times \frac{7}{9}$$

لكن

1. احسب A واتكتب الناتج بأسط كسر ممكن. 2. احسب B واتكتب الناتج بصيغة عدد عادي.

مهارات 44

استخدم مهارتك في حساب:

$$\frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{4}{5} + \frac{5}{6} - \frac{2}{4} - \frac{4}{6} - \frac{6}{8} - \frac{8}{10} - \frac{10}{12} \quad ①$$

$$-\frac{6}{5} \times \frac{-5}{4} \times \frac{-4}{3} \times \frac{-3}{2} \times \frac{-2}{1} \times \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{4}{5} \times \frac{5}{6} \quad ②$$

مجاهيل في مجموع 45

احسب قيمة المجهول في كل من المجاميع الآتية:

$$2 + x = -\frac{5}{7} \quad ③$$

$$-\frac{3}{4} + z = -\frac{5}{8} \quad ②$$

$$\frac{1}{2} + y = \frac{3}{4} \quad ①$$

مجاهيل في جداء 46

احسب قيمة المجهول في كل من الجداءات الآتية:

$$-\frac{3}{2} \times x = 9 \quad ③$$

$$-3 \times z = -\frac{1}{3} \quad ②$$

$$-\frac{1}{2} \times y = \frac{5}{3} \quad ①$$

مع حرفٍ أو حروفٍ 47

1. في كل حالة، احسب A ، عند كل من القيم الآتية للحرف x :

$$x = -\frac{2}{3}$$

$$x = \frac{7}{3}$$

$$x = -0.5$$

$$x = -2$$

$$A = \frac{x - 3}{7} \quad ②$$

$$A = 2x + 3 \quad ①$$

2. في حالة $y = \frac{3}{10}$ و $x = -\frac{7}{8}$ ، احسب:

$$x \div y + 4 \quad ④$$

$$2 - xy \quad ③$$

$$x - y \quad ②$$

$$x + y \quad ①$$

الوحدة الثانية

قوى الأعداد العادلة

١. قوى العدد 10.

٢. قواعد على قوى العدد 10.

٣. قوى صحيحة لعدد نسبي.

٤. الجذور التربيعية و خواصها.

انطلاق نشطة



في كلٌّ مما يأتي، واحدة فقط من الإجابات ① و ② و ③ صحيحة، أشر إليها.

13 800 ③ 1380 ② 138 ① 13.8×1000 ① يساوي

37 ③ 3.7 ② 0.37 ① يساوي 0.0037×1000 ②

13.52 ③ 1.352 ② 0.1352 ① يساوي 135.2×0.01 ③

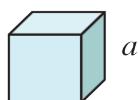
0.619 ③ 0.06 19 ② 0.006 19 ① يساوي 6.19×0.001 ④



⑤ ترمز \mathcal{A} إلى مساحة دائرة، نصف قطرها نصف قطرها R ،

$$\text{تعطى } \mathcal{A} \text{ بالصيغة } \mathcal{A} = \pi R^2 .$$

$2R$ ③ $R \times R$ ② $R + R$ ① الرمز R^2 يدل على



⑥ يرمز V إلى حجم مكعب، طول حرفه a ، يعطى V بالصيغة

$$V = a^3 . \text{ الرمز } a^3 \text{ يدل على }$$

⑦ هي ذي النتيجة التي حصلنا عليها من عملية حسابية باستعمال آلة حاسبة

إذا قرئنا هذه النتيجة إلى أقرب جزء من عشرة حصلنا على

3.5 ③ 3.53 ② 3.6 ①

إذا قرئنا إلى أقرب جزء من مائة حصلنا على

3.53 ③ 3.538 ② 3.54 ①

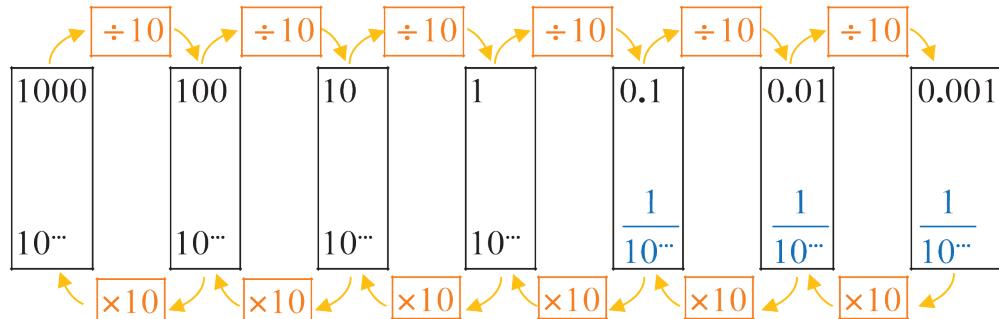
قوى العدد 10.



نشاط «حساب قوى العدد 10»



في كل إطار مما يلي تجد العدد ذاته. انسخ ثم أكمل:



تعريف 1:

• في حالة $n \geq 2$ ، يرمز 10^n إلى جداء ضرب العدد 10 بنفسه n مرات.

$$10^n = 10 \times 10 \times \dots \times 10 = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ عشرة}} \quad \underbrace{0}_{n \text{ صفرًا}}$$

• $10^0 = 1$ و $10^1 = 10$

لغويًا: 10^n يقرأ « 10 أس n » أو « 10 مرفوعاً للأس n »

مثال . $10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$



مثال . $10^6 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 1000000$



تعريف 2:

في حالة $n \geq 1$ ، يرمز 10^{-n} إلى مقلوب 10^n .

$$10^{-n} = \frac{1}{10^n} = \frac{1}{\underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ صفرًا}}} = \underbrace{0.0 \dots 01}_{n \text{ صفرًا}}$$

مثال . $10^{-3} = \frac{1}{10^3} = \frac{1}{1000} = 0.001$



مثال  $.10^{-6} = \frac{1}{10^6} = \frac{1}{1\,000\,000} = 0.000\,001$

الصيغة المعيارية لعدد عشري

الصيغة المعيارية لعدد عشري هي $a \times 10^n$ ، حيث a عدد عشري قسمه الصحيح ذو خانة واحدة مغاير للصفرا و n عدد صحيح. (الصيغة المعيارية للعدد 203.105×10^2 هي 2.03105×10^2)

مثال يكتب العدد $8.569.8 - 2.569.8 \times 10^3$ بالصيغة 2.5698×10^{-1} وبالصيغة 2.5698×10^2 ... وهكذا

لـكن الصيغة المعيارية له هي 2.5698×10^3 .

مثال الصيغة المعيارية للعدد $8.569.8 - 2.569.8 \times 10^3$ هي -2.5698×10^3 .

اكتساب معارف

 **كيف ننتقل من قوى العدد 10 إلى الشكل العشري وبالعكس؟**

يجب الانتباه جيداً إلى إشارة أنس العدد 10 عند الانتقال من 10^n إلى الشكل العشري.

مثال 

- في حالة $n = 4$ نضع 4 أصفار إلى يمين العدد 1.

- في حالة $n = -4$ نضع 4 أصفار إلى يسار العدد 1.

 **كيف نحول عدد عشري من صيغة إلى أخرى؟**

مثال اكتب 2.715×10^{14} بالصيغة $a \times 10^9$.

الحل:

نكتب 10^{14} بدلالة 10^9

$$2.715 \times 10^9 = 2.715 \times 10^{-5} \times 10^{14} = 0.02715 \times 10^{14}$$

مثال اكتب 0.075×10^{-22} بالصيغة المعيارية.

الحل:

نكتب 0.075 بدلالة 7.5

$$0.075 \times 10^{-22} = 7.5 \times 10^{-2} \times 10^{-22} = 7.5 \times 10^{-24}$$

تحقق من فهمك



① اكتب كلاً من الأعداد التالية بالشكل العَشْري:

$$10^{-8} \quad ④$$

$$10^{-6} \quad ③$$

$$10^9 \quad ②$$

$$10^7 \quad ①$$

② اكتب كلاً من الأعداد التالية بشكل 10^n :

٤ مليون

0.01

0.000 01

100 000 000

③ اكتب كلاً من الأعداد الآتية بالصيغة المعيارية:

2 365

③

853.6

②

3.7

①

0.000 005 1

⑥

0.9

⑤

566 3.3

④

تدريب

① اكتب كلاً من الأعداد الآتية بالشكل العَشْري:

$$10^2 \quad ④$$

$$10^0 \quad ③$$

$$10^4 \quad ②$$

$$10^7 \quad ① . 1$$

$$10^{-1} \quad ④$$

$$10^{-3} \quad ③$$

$$10^{-4} \quad ②$$

$$10^{-5} \quad ① . 2$$

$$10^{-6} \quad ④$$

$$10^8 \quad ③$$

$$10^{-2} \quad ②$$

$$10^9 \quad ① . 3$$

② اكتب كلاً من الأعداد الآتية بدلالة قوة للعدد 10:

$$10 \quad ③$$

$$10 000 000 \quad ②$$

$$100 000 \quad ① . 1$$

$$0.1 \quad ③$$

$$0.000 001 \quad ②$$

$$0.000 1 \quad ① . 2$$

$$1 \quad ③$$

$$\frac{1}{10 000} \quad ②$$

$$100 \times 1 000 \quad ① . 3$$

③ اكتب كلاً من الأعداد التالية بالصيغة المعيارية:

84 677

③

0.0123

②

75

①

0.000 025

⑥

0.002

⑤

0.98

④

في كل لتر من دم الإنسان يوجد بحدود 4 500 مليار كريمة حمراء

1. اكتب الصيغة العَشْريَّة لها هذا العدد.

$$0.45 \times 10^{\dots} \quad ②$$

$$45 \times 10^{\dots} \quad ①$$

2. أكمل كلاً من:

3. اكتب كلاً من هذين العددين بالصيغة المعيارية.

قواعد قوى العدد .10

2

نشاط « العمل على اكتشاف قواعد حساب قوى العدد 10 »



- .1 في كل من الحالات التالية، استخدم الصيغة العشرية لقوى العدد 10 لإتمام الحساب يدوياً. ثم اكتب كل ناتج بصيغة قوة للعدد 10

$$10^{-1} \times 10^{-2} \quad ③ \quad 10^3 \times 10^5 \quad ② \quad 10^3 \times 10^2 \quad ① .1$$

$$10^4 \times 10^0 \quad ⑥ \quad 10^3 \times 10^1 \quad ⑤ \quad 10^3 \times 10^{-2} \quad ④$$

$$\frac{10^{-2}}{10^2} \quad ④ \quad \frac{10^{-3}}{10^2} \quad ③ \quad \frac{10^3}{10^{-1}} \quad ② \quad \frac{10^5}{10^2} \quad ① .2$$

$$(10^{-3})^{-2} \quad ④ \quad (10^{-1})^2 \quad ③ \quad (10^2)^3 \quad ② \quad (10^3)^2 \quad ① .3$$

- .2 اكتب القواعد التي تسمح بالوصول إلى تلك النتائج دون استعمال اللغة العشرية.

تعلم



فيما يلي يرمز n إلى عدد صحيح.

قواعد:

$$10^6 \times 10^{-4} = 10^{6-4} = 10^2 \quad \text{مثلاً:} \quad 10^n \times 10^m = 10^{n+m} \quad \bullet \text{ الضرب:}$$

$$\frac{1}{10^{-6}} = 10^{-(-6)} = 10^6 \quad \text{مثلاً:} \quad \frac{1}{10^n} = 10^{-n} \quad \bullet \text{ المقلوب:}$$

$$\frac{10^2}{10^{-3}} = 10^{2-(-3)} = 10^5 \quad \text{مثلاً:} \quad \frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m} \quad \bullet \text{ التقسيم:}$$

$$(10^{-3})^2 = 10^{-3 \times 2} = 10^{-6} \quad \text{مثلاً:} \quad (10^n)^m = 10^{n \times m} \quad \bullet \text{ قوة قوة:}$$

اكتساب معارف



؟ كيف يتم الحساب مع أعداد مكتوبة بالصيغة $a \times 10^p$ ؟

- لإنجاز جداء ضرب أو خارج قسمة أعداد مكتوبة بالصيغة $a \times 10^n$ ، نجمع قوى العدد 10 على حدتها، ونجمع الأعداد الأخرى على حدتها.
- لإنجاز مجموع أو طرح أعداد مكتوبة بالصيغة $a \times 10^n$ ، نكتب الحدود بصيغ تتضمن القوة ذاتها للعدد 10.

مثال احسب يدوياً واتكتب الناتج بالصيغة $a \times 10^p$



$$B = 7.9 \times 10^{-9} + 1400 \times 10^{-12} \quad \textcircled{2} \qquad A = \frac{0.75 \times 10^{12} \times 4 \times 10^{-5}}{5 \times 10^{-7}} \quad \textcircled{1}$$

الحل:

$$\begin{aligned} A &= \frac{0.75 \times 10^{12} \times 4 \times 10^{-5}}{5 \times 10^{-7}} \\ &= \frac{0.75 \times 4}{5} \times \frac{10^{12} \times 10^{-5}}{10^{-7}} \\ &= \frac{3}{5} \times \frac{10^7}{10^{-7}} \\ &= 6 \times 10^{13} \end{aligned} \quad \textcircled{1}$$

$$\begin{aligned} B &= 7.9 \times 10^{-9} + 1400 \times 10^{-12} \\ &= 7.9 \times 10^{-9} + 1.4 \times 10^{-9} \\ &= (7.9 + 1.4) \times 10^{-9} = 9.3 \times 10^{-9} \end{aligned} \quad \textcircled{2}$$

كيف نحصر عدد بين قوتين متتاليتين ؟

▪ لحصر عدد بين قوتين متتاليتين للعدد 10، يمكن كتابة العدد بالصيغة المعيارية.

مثال ل يكن $B = 0.059\ 4$ و $A = 2\ 105\ 395$



احصر كلاً من A و B بين قوتين متتاليتين للعدد 10.

الحل

$$A = 2.105\ 395 \times 10^6$$

$$\cdot 10^6 < A < 10^7 \ , \text{ إذن } \left(1 \times 10^6 < A < 10 \times 10^6 \right)$$

$$B = 5.94 \times 10^{-2}$$

$$\cdot 10^{-2} < B < 10^{-1} \ , \text{ إذن } \left(1 \times 10^{-2} < B < 10 \times 10^{-2} \right)$$

تحقق من فهمك



اكتب كل ناتج بالصيغة 10^p حيث p عدد صحيح.

$$10^{-9} \times 10^{-3} \quad \textcircled{4} \quad 10^{-8} \times 10^4 \quad \textcircled{3} \quad 10^{10} \times 10^{-5} \quad \textcircled{2} \quad 10^5 \times 10^7 \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{1}$$

$$\frac{1}{10^{-4}} \times 10^4 \quad \textcircled{3} \quad \frac{1}{10^{-8}} \quad \textcircled{2} \quad \frac{1}{10^3} \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{10^{-30}}{10^{-10}} \quad \textcircled{3} \quad \frac{10^5}{10^{-8}} \quad \textcircled{2} \quad \frac{10^{11}}{10^6} \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{3}$$

$$\left(10^{-1}\right)^{-9} \quad \textcircled{3} \quad \left(10^4\right)^{-3} \quad \textcircled{2} \quad \left(10^3\right)^5 \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{4}$$

تدريب

اكتب كل ناتج بالصيغة 10^p حيث p عدد صحيح.

$$\frac{1}{10^4} \times 10^{-7} \quad \textcircled{3} \quad \left(10^{-2}\right)^4 \quad \textcircled{2} \quad \frac{10^2}{10^{-4}} \quad \textcircled{1}$$

اكتب كل ناتج مما يلي بصيغة قوة واحدة للعدد 10.

$$\frac{10^4 \times 10^9}{\left(10^5\right)^3} \quad \textcircled{4} \quad \frac{\left(10^5\right)^2}{10^7} \quad \textcircled{3} \quad 10^{-1} \times \left(10^{-2}\right)^4 \quad \textcircled{2} \quad \left(10^2\right)^3 \times 10^4 \quad \textcircled{1}$$

قطر ذرة هيدروجين هو بحدود 0.000 000 1 mm.

1. اكتب هذا العدد بصيغة قوة للعدد 10

2. احسب الطول الذي نحصل عليه إذا جاورنا على مستقيم واحد عشر ملليمتر ذرة هيدروجين.

قوى صحيحة لعدد نسبي

3

نشاط «إدخال واستعمال العدد a^n



1. احسب، مستعملاً تعريف القوة $(5^3 = 5 \times 5 \times 5 ; 3^2 = 3 \times 3)$.

$$8^5 \times 8^2 \quad ③ \qquad 7^2 \times 7^1 \quad ② \qquad 5^3 \times 5^2 \quad ①$$

$$\frac{8^4}{8^1} \quad ⑥ \qquad \frac{7^2}{7^3} \quad ⑤ \qquad \frac{5^3}{5^2} \quad ④$$

$$4^3 \times 6^3 \quad ⑨ \qquad 7^2 \times 5^2 \quad ⑧ \qquad 3^3 \times 5^3 \quad ⑦$$

2. ما هي القواعد التي تجيز الحصول على النواتج السابقة دون العودة إلى تعريف القوة في كل حالة.

تعلم

تعريف:

• في حالة $n \geq 2$ ، يرمز a^n إلى جداء ضرب العدد a بنفسه n مرات.

$$a^n = \underbrace{a \times a \times \dots \times a}_{\text{عاماً } n}$$

• $a^0 = 1$ و في حالة $a \neq 0$ ، نصطلح على أن $a^1 = a$.

• بشكل خاص $0^n = 0$ ، $n \neq 0$ وفي حالة $1^1 = 1$.

$$(-7)^3 = (-7) \times (-7) \times (-7) = -343$$

مثال



تعريف:

في حالة $a^{-1} = \frac{1}{a}$. وبشكل خاص $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ ، $a \neq 0$

$$3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}$$



قواعد حساب القوى:

$$a^3 \times a^5 = a^{3+5} = a^8 : \text{ مثل: } a^n \times a^m = a^{n+m} \quad (1)$$

$$(2 \times y)^3 = 2^3 \times y^3 = 8y^3 : \text{ مثل: } (a \times b)^n = a^n \times b^n \quad (2)$$

$$\frac{a^2}{a^3} = a^{2-3} = a^{-1} = \frac{1}{a} \quad \text{مثلاً:} \quad ; \quad \frac{a^n}{a^m} = a^{n-m} \quad (3)$$

$$\left(\frac{3}{2}\right)^3 = \frac{3^3}{2^3} = \frac{27}{8} \quad \text{مثلاً:} \quad ; \quad \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n} \quad (4)$$

اكتساب معارف

 كيف نتعامل مع أولويات العمليات؟

في غياب أقواس ضامة لعبارات جزئية من عبارة تتضمن عمليات متعددة، يكون الحساب وفق الترتيب الآتي:

1. القوى 2. عمليات الضرب والقسمة 3. عمليات الجمع والطرح

 **مثال** احسب يدوياً كلاً من:

$$x = -4 \quad C = 5x^3 + 6x^2 - 10 \quad (3) \quad B = 5 \times 4^3 \quad (2) \quad A = (5 \times 4)^3 \quad (1)$$

الحل

$$(نبدأ بإنجاز العملية داخل القوسين) \quad A = (5 \times 4)^3 \quad (1)$$

$$A = (5 \times 4)^3 = 20^3 = 8\,000$$

$$(لا توجد أقواس، نبدأ بإنجاز قوة العدد 4) \quad B = 5 \times 4^3 \quad (2)$$

$$B = 5 \times 4^3 = 5 \times 64 = 320$$

$$(نبدأ بإنجاز (-4)^2 \text{ و } (-4)^3) \quad C = 5x^3 + 6x^2 - 10 \quad (3)$$

$$\begin{aligned} C &= 5(-4)^3 + 6(-4)^2 - 10 \\ &= 5 \times (-64) + 6 \times 16 - 10 \\ &= -320 + 96 - 10 \\ &= -234 \end{aligned}$$

تحقق من فهمك



في كل حالة آتية، اكتب العدد بصيغة قوة: ①

$$1.3 \times 1.3 \times 1.3 \times 1.3 \times 1.3 \quad ② \quad 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \quad ①$$

احسب الناتج الصحيح بالصيغة الكسرية أو بالصيغة العشرية. ②

$$(-9)^2 \quad ③ \quad 5^{-2} \quad ② \quad 5^2 \quad ①$$

$$(-2)^{-5} \quad ⑥ \quad \left(-\frac{1}{4}\right)^3 \quad ⑤ \quad \left(\frac{2}{5}\right)^2 \quad ④$$

استخدم خواص القوى لكتابة النواتج بصيغة قوة واحدة. ③

$$8^2 \times 8^3 \times 8^5 \quad ③ \quad (-4)^3 \times (-4)^5 \quad ② \quad 5^3 \times 5^2 \quad ①$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^3 \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 \times \left(\frac{2}{3}\right)^7 \quad ⑥ \quad \frac{7^3}{7^2} \quad ⑤ \quad 3^4 \times 3^{-2} \quad ④$$

تدريب

في كل حالة آتية، اكتب العدد بصيغة قوة: ①

$$-32 \quad ③ \quad 25 \quad ② \quad (-2) \times (-2) \times (-2) \quad ①$$

احسب الناتج بالصيغة الكسرية أو بالصيغة العشرية. ②

$$(-0.4)^2 \quad ③ \quad 3^{-3} \quad ② \quad 1^9 \quad ①$$

$$(-0.4)^{-3} \quad ⑥ \quad \left(-\frac{2}{3}\right)^2 \quad ⑤ \quad \left(\frac{-3}{-4}\right)^3 \quad ④$$

استعمل خواص القوى لكتابة النواتج بصيغة قوة واحدة. ③

$$(-7)^{-4} \times (-7)^2 \times (-7)^{-3} \quad ③ \quad 6^4 \times 6^{-7} \quad ② \quad 2^{-3} \times 2^{-4} \quad ①$$

$$\left(-\frac{5}{7}\right)^2 \times \left(-\frac{5}{7}\right)^3 \times \left(-\frac{5}{7}\right) \quad ⑥ \quad \frac{-10}{(-10)^4} \quad ⑤ \quad \frac{2^5}{2^3} \quad ④$$

مكعب طول حرفه $\frac{3}{2}$ dm احسب حجمه بالسنتيمترات المكعبة. ④

الجذور التربيعية

4

نشاط «إيجاد الجذر التربيعي لعدد موجب»



نعلم أنَّ a^2 نسمى مربع العدد a املاً الجداول الآتية بأعداد مناسبة.

العدد	a	a^2
8	7	6
5	4	3
4	3	2
3	2	1
2	1	0
1	0	
0		

العدد	a	a^2
17	16	15
14	13	12
13	12	11
12	11	10
11	10	9
10	9	

العدد	a	a^2
20	19	18

تعلم



تعريف:

الجذر التربيعي للعدد الموجب a هو العدد الموجب b الذي مربعه يساوي a ، ونرمزه \sqrt{a}

ويقرأ الجذر التربيعي للعدد a

$$b \geq 0 \quad b^2 = a \quad \text{لأن} \quad \sqrt{a} = b$$

مثال

$$\cdot (12)^2 = 144 \quad \text{لأن} \quad \sqrt{144} = 12$$

$$\cdot (19)^2 = 361 \quad \text{لأن} \quad \sqrt{361} = 19$$

العدد 25 - ليس له جذر تربيعي لأنَّه لا يوجد عدد مربعه يساوي 25 - .

للعدد صفر جذر تربيعي هو $\sqrt{0} = 0$.

الجذر التربيعي للعدد 3 هو $\sqrt{3}$.

نتائج:

- (1) ليس للعدد السالب جذر تربيعي.
- (2) الجذر التربيعي للعدد صفر هو صفر.

خواص الجذور التربيعية:

1. الجذر التربيعي لجداء عددين موجبين

مثال  $\sqrt{9 \times 4} = \sqrt{36} = 6$ ونلاحظ أن $\sqrt{9} \times \sqrt{4} = 3 \times 2 = 6$ ويمكن تعميم ذلك.

إذا كان: $a \geq 0$ ، $b \geq 0$ فإن: $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$

إذا كانت: a ، b ، e أعداداً موجبة فإن: $\sqrt{a \times b \times \dots \times e} = \sqrt{a} \times \sqrt{b} \times \dots \times \sqrt{e}$

مثال  $\sqrt{36 \times 16} = \sqrt{36} \times \sqrt{16} = 6 \times 4 = 24$ و $\sqrt{9 \times 16} = \sqrt{9} \times \sqrt{16} = 3 \times 4 = 12$

مثال  يمكن أيضاً بعمل معاكس $\sqrt{2} \times \sqrt{8} = \sqrt{2 \times 8} = \sqrt{16} = 4$

2. الجذر التربيعي لنسبة عددين موجبين

مثال  $\frac{\sqrt{16}}{\sqrt{4}} = \frac{4}{2} = 2$ ونلاحظ أن $\sqrt{\frac{16}{4}} = \sqrt{4} = 2$ ويمكن تعميم ذلك.

إذا كان: $b > 0$ ، $a \geq 0$ فإن: $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$

مثال  $\sqrt{0 \cdot 0256} = \frac{\sqrt{256}}{\sqrt{10000}} = \frac{16}{100} = 0 \cdot 16$

مثال  $\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{22}} = \sqrt{\frac{6}{22}} = \sqrt{\frac{3}{11}}$

3. قوة جذر تربيعي لعدد موجب

مثال  $(\sqrt{2})^6 = \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} = 8$ ونلاحظ أن $\sqrt{2^6} = \sqrt{64} = 8$

ويمكن تعميم ذلك.

إذا كان: $b \geq 0$ ، فإن: $(\sqrt{b})^n = \sqrt{b^n}$ (حيث n عدد طبيعي).

مثال  $(\sqrt{3})^4 = \sqrt{(3)^4} = \sqrt{81} = 9$

4. الجذر التربيعي لقوةأسها عدد زوجي طبيعي

إذا كان: $b > 0$ ، فإن: $\sqrt{b^n} = b^{\frac{n}{2}}$ (حيث n عدد طبيعي زوجي).

مثال  $(\sqrt{3})^4 = (3)^{\frac{4}{2}} = (3)^2 = 9$

مثال بسط الجذور الآتية: $\sqrt{27}$ ، $\sqrt{50}$ ، $\sqrt{8}$



الحل

$$\sqrt{8} = \sqrt{4 \times 2} = \sqrt{4} \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = \sqrt{25} \times \sqrt{2} = 5\sqrt{2}$$

$$\sqrt{27} = \sqrt{9 \times 3} = \sqrt{9} \times \sqrt{3} = 3\sqrt{3}$$

(في بعض الآلات الحاسبة، يكتب العدد ثم الزر $\sqrt{ } \quad ()$)

الرمز $\sqrt{ }$ في آلة حاسبة، يعمل على إيجاد العدد الموجب الذي لُمِّ مربعه (أو قيمة تقريرية له).

مثال مربع مساحته تساوي 8 cm^2 .



إذا رمنا إلى طول ضلع هذا المربع بالرمز x مقداراً بالسنتيمتر، كان $x^2 = 8$.

نضغط على أزرار الآلة الحاسبة وفق النسق $\boxed{2.828427125} \quad \sqrt{ } \quad 8 =$ ، فنجد على الشاشة $\boxed{\sqrt{8}}$.
إذن $x \approx 2.8$.

يسمى العدد x «**الجذر التربيعي للعدد 8**» ويرمز إليه بالرمز $\sqrt{8}$.

تحقق من فهمك



① اكتب الجذور التربيعية للأعداد 196 ، 64 ، 1 ، 0 ، 5.

② أرض مربعة الشكل مساحتها 225 احسب طول ضلعها.

$\sqrt{(3)^6 \times (5)^4}$ ③ $(\sqrt{5})^6$ ② $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt{32}}$ ① ③ احسب ناتج كل من الأعداد الآتية:

تدريب



① احسب طول ضلع مربع مساحته 36 cm^2 ③ ② 4 cm^2 ② ① 1 cm^2 ①

② بسط الجذور الآتية: $\sqrt{108}$ ، $\sqrt{32}$ ، $\sqrt{75}$ ،

③ مساحة مربع تساوي 30 cm^2 ويرمز S إلى طول ضلعه مقاساً بالسنتيمترات.

1. هل S عدد صحيح؟

2. احص S بين عددين صحيحين متتالين.

3. استخدم آلتاك الحاسبة لحساب S مقترباً لأقرب جزء من مئة.

مُرئيات ومسائل



في كل حالة آتية، هناك إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاثة إجابات مقتربة. أشر إليها.

1

$$0.000\ 01 \quad ③ \quad -10\ 000 \quad ② \quad 0.000\ 1 \quad ① \quad 10^{-4} \text{ يساوي } ①$$

$$0.000\ 000\ 01 \quad ③ \quad 10^{-7} \quad ② \quad -10^7 \quad ① \quad \frac{1}{10^7} \text{ يساوي } ②$$

الصيغة المعيارية للعدد ③ هي: 385.2

$$0.385\ 2 \times 10^3 \quad ③ \quad 3.852 \times 10^{-2} \quad ② \quad 3.852 \times 10^2 \quad ①$$

الصيغة المعيارية للعدد ④ هي: 0.003

$$3.5 \times 10^{-3} \quad ③ \quad 35 \times 10^{-4} \quad ② \quad 3.5 \times 10^{-4} \quad ①$$

$$10^{14} \quad ③ \quad 10^4 \quad ② \quad 10^8 \quad ① \quad 10^6 \times 10^{-2} \quad ⑤$$

$$10^{14} \quad ③ \quad 10^4 \quad ② \quad 10^{-4} \quad ① \quad \frac{10^5}{10^9} \text{ يساوي } ⑥$$

$$1.8 \times 10^4 \quad ③ \quad (18 \times 10)^3 \quad ② \quad 1.8^3 \quad ① \quad \frac{3 \times 10^4 \times 12 \times 10^2}{2 \times 10^3} \quad ⑦$$

يكتب أيضاً ⑧ 3.25×10^7

$$0.325 \times 10^6 \quad ③ \quad 32.5 \times 10^6 \quad ② \quad 325 \times 10^6 \quad ①$$

$$3^6 \quad ③ \quad 3^3 \quad ② \quad \frac{1}{2} \times 3^5 \quad ① \quad \frac{3^2 \times 3^5}{3^4} = \dots \quad ⑨$$

10 مساحة مربع تساوي $35\ m^2$ ، طول ضلعه بالأمتار مقارباً إلى أقرب جزء من مئة يساوي:

$$17.50 \quad ③ \quad 5.92 \quad ② \quad 5.91 \quad ①$$

قل إن كنت موافقاً أو غير موافق على كلٍ من التأكيدات التالية. علّم إجابتك.

2

. -7^{-2} هو مقلوب ⑥	تقسيم عدد على مليون يقول إلى ضربه بالعدد ① 10^6 .
. $2^{1.001}$ نصف $2^{0.002}$ هو ⑦	يتألف العدد 21.75×10^{14} من 12 رقمًا.
. $2^0 + 2^{-1}$ يساوي ⑧	$4 \times 10^5 + 7 \times 10^3 = 11 \times 10^8$ يساوي ③
. $2x^3$ مكعب $2x$ هو ⑨	. $78\ 000\ 000$ هو 8×10^6 تقدير للعدد ④
. $-(-5)^3$ عدد سالب ⑩	. $33 + 3 \times 5^2 = 2^3 \times 3^3$ يساوي ⑤

3 من الأرقام إلى الحروف

مثال: 10^2 يكتب **مئة**. على غرار المثال السابق، عبر كتابةً عن كلٌّ من الأعداد التالية:

$$10^0 \quad \textcircled{3} \quad 10^3 \quad \textcircled{2} \quad 10^7 \quad \textcircled{1} \quad .1$$

$$10^{-8} \quad \textcircled{3} \quad 10^{-2} \quad \textcircled{2} \quad 10^{-4} \quad \textcircled{1} \quad .2$$

$$3 \times 10^{-9} \quad \textcircled{3} \quad 2 \times 10^8 \quad \textcircled{2} \quad 5 \times 10^6 \quad \textcircled{1} \quad .3$$

4 أعداد كبيرة

مثال: $370\,000\,000$ يكتب، على سبيل المثال، $37 \times 10\,000\,000$ ، أي 37×10^7 على غرار المثال السابق، عبر عن كلٍّ من الأعداد التالية بصيغتين آخريتين:

$$9\,000\,000\,000 \quad \textcircled{3} \quad 574\,000\,000 \quad \textcircled{2} \quad 120\,000 \quad \textcircled{1} .1$$

$$3.4 \times 10^8 \quad \textcircled{3} \quad 15 \times 10^{10} \quad \textcircled{2} \quad 5 \times 10^6 \quad \textcircled{1} .2$$

5 يحتوي جسم الإنسان على:

- 3 ملايين شعرة في رأسه بدءاً من ولادته حتى مماته.
 - 14 مليار خلية عصبية عائشة في دماغه.
 - 4 ملايين سنتيمتر مربع من الأمعاء للقيام بمهمة تغذيته.
 - بحدود 3 مليارات نبضة قلبية تسمح له بالحياة.
- اكتب كلاً من الأعداد السابقة بصيغةٍ تظهر فيها قوّة العدد 10.

6 أعداد صغيرة

مثال: يكتب العدد $84\,000\,01$ ، على سبيل المثال، بالشكل 84×10^{-5} ، أو 84×10^{-5}

على غرار المثال السابق، عبر عن كلٍّ من الأعداد التالية بصيغتين آخريتين:

$$0.034 \quad \textcircled{3} \quad 0.005\,37 \quad \textcircled{2} \quad 0.19 \quad \textcircled{1} .1$$

$$128 \times 10^{-6} \quad \textcircled{3} \quad 2.5 \times 10^{-5} \quad \textcircled{2} \quad 3 \times 10^{-9} \quad \textcircled{1} .2$$

7 يقدّر العلماء الفيزيائيون عمر الكون بحدود 15 مليار سنة.

باستعمال آلات الحاسبة، احسب العمر المقدر للكون بالثانوي.

$$B = -6 \times 3^2 \quad \text{و} \quad A = (-6 \times 3)^2 \quad \text{احسب ناتج كلٍّ من}$$

9

انسخ وأكمل كل مساواة فيما يلي:

$$46.147 \times 10^{\dots} = 46\ 147 \quad \textcircled{2}$$

$$121.85 \times 10^{\dots} = 12\ 785 \quad \textcircled{1}$$

$$10^{\dots} \times 0.027 = 2.7 \quad \textcircled{4}$$

$$0.04 \times 10^{\dots} = 4\ 000 \quad \textcircled{3}$$

$$10^{-2} \times \dots = 3.14 \quad \textcircled{6}$$

$$10^3 \times \dots = 6\ 000 \quad \textcircled{5}$$

$$10^{-1} \times \dots = 47.68 \quad \textcircled{8}$$

$$10^4 \times \dots = 17.5 \quad \textcircled{7}$$

اكتب كل ناتج بالصيغة 10^p .

$$10^{-8} \times 10^8 \times 10^{-5} \quad \textcircled{3}$$

$$10 \times 10^{-3} \quad \textcircled{2}$$

$$10^{17} \times 10 \quad \textcircled{1}$$

$$\frac{1}{10^4} \times 10^{-7} \quad \textcircled{6}$$

$$(10^{-2})^4 \quad \textcircled{5}$$

$$\frac{10^2}{10^{-4}} \quad \textcircled{4}$$

انسخ ثم أكمل كل مساواة آتية:

$$10^7 \times 10^{\dots} = 10^3 \quad \textcircled{2}$$

$$10^5 \times 10^{\dots} = 10^9 \quad \textcircled{1}$$

$$10^{\dots} \times 10^{-5} = 10^{-12} \quad \textcircled{4} \quad 10^{-3} \times 10^{\dots} = 10^6 \quad \textcircled{3}$$

انسخ ثم أكمل كل مساواة آتية:

$$\frac{10^{\dots}}{10^5} = 10^{-9} \quad \textcircled{4}$$

$$\frac{10^3}{10^{\dots}} = 10^{-2} \quad \textcircled{3}$$

$$\frac{10^{\dots}}{10^4} = 10^2 \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{10^3}{10^{\dots}} = 10^3 \quad \textcircled{1}$$

اكتب كل ناتج مما يلي بصيغة قوة واحدة للعدد 10.

$$\frac{10^3 \times 10^{-9}}{10^2 \times 10^{-4}} \quad \textcircled{3}$$

$$\frac{10^{-5} \times 10^2}{10^{-7}} \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{10^3 \times 10^{-6}}{10^4} \quad \textcircled{1}$$

احسب $x = -3$ عند $C = 4x^2 - 5x + 2.7$

14

1. اكتب $a \times 10^{11}$ 5 831 $\times 10^7$ بالصيغة

15

2. أوجد الصيغة المعيارية للعدد 0.061×10^{-17}

16

اكتب كلاً من الأعداد الآتية بالصيغة المعيارية:

$$3 \times 10^6 \times 6 \times 10^{-4} \quad \textcircled{2}$$

$$3\ 400 \times 10^{-5} \quad \textcircled{1}$$

$$9.2 \times 10^{-1} \times 4.3 \times 10^{-5} \quad \textcircled{4}$$

$$21.5 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^4 \quad \textcircled{3}$$

2

17

احسب ناتج كل من العدددين التاليين واكتبه بالصيغة $a \times 10^p$.

$$B = 5.7 \times 10^{-7} \times 1200 \times 10^{-10} \quad \textcircled{2}$$

$$A = \frac{0.25 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-5}} \quad \textcircled{1}$$

18

احسب ناتج كل عدد واكتبه بالصيغة المعيارية.

$$12 \times 10^7 + 15 \times 10^4 \quad \textcircled{2}$$

$$12 \times 10^7 \times 15 \times 10^4 \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{1}$$

$$591 \times 10^8 + 2.8 \times 10^8 - 0.05 \times 10^{12} \quad \textcircled{2}$$

$$8.3 \times 10^4 \times 135.2 \times 10^4 \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{18 \times 10^4 \times 5 \times 10^{-7}}{4 \times 10^{-3} \times 0.9 \times 10^{10}} \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{45 \times 10^6}{9 \times 10^3} \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{3}$$

$$49 \times 10^{-3} + 28 \times 10^{-5} \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{49 \times 10^{-3}}{28 \times 10^{-5}} \quad \textcircled{1} \quad \textcircled{4}$$

19

في كل حالة تالية، احسب ناتجي العدددين ثم قارن بينهما:

$$-2^4 \quad \text{ثم} \quad (-2)^4 \quad \textcircled{2}$$

$$-2^3 \quad \text{ثم} \quad (-2)^3 \quad \textcircled{1}$$

$$10^2 \quad \text{ثم} \quad 5^2 + 5^2 \quad \textcircled{4}$$

$$3^4 \quad \text{ثم} \quad 3^2 + 3^2 \quad \textcircled{3}$$

20

احسب ناتج كل مما يلي:

$$(5 \times 2^2 - 3) \times 8 \quad \textcircled{4} \quad 5 \times (2^2 - 3) \times 8 \quad \textcircled{3} \quad 5(2^2 - 3 \times 8) \quad \textcircled{2} \quad 5 \times 2^2 - 3 \times 8 \quad \textcircled{1}$$

21

احسب ناتج كل مما يلي:

$$\left(3 \times (-4)^2\right) + 5 \quad \textcircled{4} \quad 3 \times (4^2 + 5) \quad \textcircled{3} \quad (3 \times 4)^2 + 5 \quad \textcircled{2} \quad 3 \times 4^2 + 5 \quad \textcircled{1}$$

22

احسب ناتج كل مما يلي:

$$3 \times (5 - 7 + 2^3)^2 \quad \textcircled{3} \quad 3 \times 5 - 7^2 + (2^3)^2 \quad \textcircled{2} \quad 3(5 - 7)^2 + (2^3)^2 \quad \textcircled{1}$$

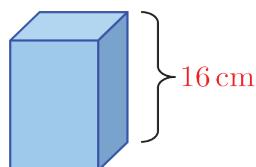
23

يقدر عمر الأرض بحوالي 454×10^7 سنة.

كم مليوناً من السنوات عمر الأرض؟ اكتبه بالصيغة المعيارية

24

متوازي مستطيلات قائم، قاعدته مربع.



ارتفاعه يساوي 16 cm وحجمه يساوي 1.550 cm^3 .

احسب القيمة التقريرية لطول ضلع قاعدة الشكل لأقرب جزء من مائة.

الإحراز تقدّم



عمليات على قوى العدد 10

25

لحساب $10^n \times 10^m = 10^{n+m}$ نجمع الأسس، أي

$$10^3 \times 10^2 = 10^{3+2} = 10^5$$

لحساب $10^n \div 10^m = 10^{n-m}$ نطرح الأسس، أي

$$10^5 \div 10^2 = 10^{5-2} = 10^3$$

لحساب $(10^n)^m = 10^{n \times m}$ نضرب الأسس، أي

$$(10^4)^2 = 10^{4 \times 2} = 10^8$$

احسب ناتج كلٌ مما يلي ثم اكتبه بالشكل 10^n

$$\frac{(10^3)^2}{(10^{-1})^4} \quad ④ \quad \frac{10^3}{10^2 \times 10^{-7}} \quad ③ \quad (10^2)^4 \times 10^{-3} \quad ② \quad 10^{15} \times 10^{-1} \times 10^3 \quad ①$$

تغيير كتابة عدد 26

مثال: لكتابية 189×10^7 بالصيغة $a \times 10^8$ ، نتصرف كالتالي:

$$189 \times 10^7 = \frac{189}{10} \times 10^7 \times 10 = 18.9 \times 10^8$$

تصرف بطريقة مماثلة لما ورد في المثال السابق.

1. اكتب 489×10^7 بالصيغة $a \times 10^8$

2. اكتب 67×10^4 بالصيغة $a \times 10^5$

3. اكتب 1.28×10^{-5} بالصيغة $a \times 10^{-4}$.

الكتابية بالصيغة المعيارية 27

مثال: $45 \times 10^8 = 4.5 \times 10 \times 10^8 = 4.5 \times 10^9$

كتبنا 45 بالصيغة $a \times 10^n$ ، حيث a عدد صحيح مغایر للصفر ذو منزلة واحدة.

تصرف بطريقة مماثلة لما ورد في المثال السابق لكتابية كلٌ من الأعداد الآتية بالصيغة المعيارية:

$$68.5 \quad ③$$

$$0.0047 \quad ②$$

$$347 \quad ①$$

$$53.18 \times 10^{-3} \quad ⑥$$

$$0.024 \times 10^{-2} \quad ⑤$$

$$936 \times 10^4 \quad ④$$

28 جمع وطرح قوى العدد

لجمع أو طرح عددين بالصيغة $a \times 10^p$ و $b \times 10^q$ ، نكتبهما بقوتين متساويتين للعدد 10.

مثال:

$$2 \times 10^3 + 4 \times 10^4 = \frac{2}{10} \times 10 \times 10^3 + 4 \times 10^4 = 0.2 \times 10^4 + 4 \times 10^4 \\ = (0.2 + 4) \times 10^4 = 4.2 \times 10^4$$

1. انسخ وأكمل:

$$2 \times 10^5 + 3 \times 10^8 = \dots \times 10^8 + 3 \times 10^8 = (\dots + 3) \times 10^8 = \dots \times 10^8$$

2. اكتب كلاماً من الأعداد الآتية بالصيغة $a \times 10^p$:

$$5 \times 10^{-3} + 6 \times 10^{-5} \quad \textcircled{2} \qquad \qquad \qquad 4 \times 10^{22} - 3 \times 10^{18} \quad \textcircled{1}$$

$$10^{17} - 2 \times 10^{15} + 3 \times 10^{13} - 4 \times 10^{11} \quad \textcircled{3}$$

29 تعلم الكتابة

اقرأ نص السؤال، ثم اقرأ حل الطالب. بعد ذلك، أجب عن السؤال آخذًا بالاعتبار مجمل الملاحظات حول حل الطالب.

النص :

$$B = \left(\frac{3}{4} \right)^2 - \frac{9}{5} \quad \text{و} \quad A = \frac{5 \times 10^{-3} \times 12 \times 10^4}{3 \times 10^5}$$

1. احسب العدد A واعطِه الصيغة المعيارية.

2. اكتب B بصيغة كسر.

حل الطالب:

$$A = \frac{0.005 \times 120000}{300000} = 0.002 \quad \textbf{1}$$

ملاحظات المصحح:

① عند كتابة $\frac{0.005 \times 120000}{300000}$ لم تستعمل قواعد العمليات على قوى العدد.

② الصيغة 0.002 ليست معيارية.

عليك أن تتجزّع الحل بالتفصيل. $B = -\frac{99}{80}$

استعمل قوى العدد 10 لإنجاز التحويلات الآتية:

$$1 \text{ km} = \dots \text{ m} \quad ② \quad 1 \text{ mm} = \dots \text{ m} \quad ① . 1$$

(m : متر ، mm : ميليمتر ، km : كيلومتر)

$$1 \text{ mg} = \dots \text{ kg} \quad ② \quad 1000 \text{ t} = \dots \text{ dcg} \quad ① . 2$$

(t : طن ، dcg : ديكاغرام ، mg : ميلigram ، kg : كيلوغرام)

$$1 \text{ mm}^2 = \dots \text{ m}^2 \quad ② \quad 10 \text{ m}^2 = \dots \text{ km}^2 \quad ① . 3$$

$$1000 \text{ mm}^2 = \dots \text{ cm}^2 \quad ④ \quad 10 \text{ cm}^2 = \dots \text{ dm}^2 \quad ③$$

$$23.7 \text{ dm}^3 = \dots \text{ L} \quad ② \quad 462 \text{ km}^3 = \dots \text{ m}^3 \quad ① . 4$$

تبسيط الكتابة

يرمز x إلى عدد غير معروف. اكتب كلاً من الأعداد الآتية، في كلّ حالة، ببساط ما يمكن:

$$x^{-2} \times x^{-3} \quad ③ \quad x^2 \times x^{-3} \quad ② \quad x^3 \times x^4 \quad ① . 1$$

$$\frac{x^{-3}}{x^4} \quad ③ \quad \frac{x^2}{x^5} \quad ② \quad \frac{x^5}{x^3} \quad ① . 2$$

$$(3x^2)^3 \quad ③ \quad (-5x)^2 \quad ② \quad (x^5)^2 \quad ① . 3$$

مساحة وحجم

1. كم يبلغ طول ضلع مربع مساحته 15^{10} cm^2 ؟

2. كم يبلغ طول حرف مكعب حجمه 7^{15} cm^3 ؟

3. كم يبلغ مجموع أطوال أحرف مكعب حجمه 12^{21} cm^3 ؟

مساحة ومعادلة

ليكن ABC مثلاً قائم الزاوية في A ، عُلِّمَ أنَّ $AC = 2AB$. نرمز بالرمز x إلى طول الضلع $[AB]$ بالسنتيمترات.

1. احسب، بدلالة x ، مساحة المثلث $.ABC$

2. عند أية قيمة للرمز x تكون مساحة المثلث 64 cm^2 ؟

- ميزان إلكتروني، يزن بدقة 0.000 000 01 غرام.
- ساعة حائط إلكترونية، ارتياها السنوي 6 0.000 000 000.
- اكتب كلاً من العددين السابقين مع قوّة للعدد 10.

انسخ وأكمل كل مساواة فيما يلي:

$$37.6 \times 10^{-3} = 0.376 \quad \text{②} \qquad 5 \times 10^{-5} = 0.000 5 \quad \text{①}$$

$$0.031 \times 10^{-3} = 0.003 1 \quad \text{④} \qquad 1 492.7 \times 10^{-3} = 1.4927 \quad \text{③}$$

كتلة قبلة هيدروجينية هي بحدود $1.66 \times 10^{-12} \text{ kg}$.

باستعمال آلة الحاسبة، احسب قيمة تقريبية لعدد القنابل في غرام واحد من الهيدروجين.

$$\text{1. اكتب } 0.057 \times 10^{-5} \text{ بالصيغة } a \times 10^7.$$

$$\text{2. أوجد الصيغة المعيارية للعدد } 2 532 \times 10^{20}.$$

في الفضاء:

يقطع الصوت متراً واحداً بحدود 3×10^{-3} ثانية. وينفذ حاسٌ عملية واحدة بحدود $10^{-9} \times 3$ ثانية.

1. اكتب كلاً من الزمنين السابقين بالصيغة العشرية.

2. عِر عن كلٍ من الزمنين السابقين كتابة.

استعمل آلة الحاسبة لحساب ناتج العملية وكتابته بالصيغة $a \times 10^p$:

$$3.2 \times 10^{15} \times 571 \times 10^{13} \quad \text{②} \qquad 3.2 \times 10^{15} + 571 \times 10^{13} \quad \text{①} \quad \text{①}$$

$$0.015 2 \times 10^{-8} \div \left(8 \times 10^{-3} \right) \quad \text{②} \qquad 934 \times 10^{-17} - 6.34 \times 10^{-15} \quad \text{①} \quad \text{②}$$

الوحدة الثالثة

الحساب بالرموز

١. نظير المجموع ونظير الفرق.

٢. حذف الأقواس.

٣. اختزال عبارة رمزية.

٤. نشر $(a + b)(c + d)$.

٥. اختبار مساواة رمزية.

انطلاق نشطة



معنى الكلمات:

- الحساب الرمزي يعني أن نعمل مع العبارات التي تحوي الحروف ...
- كل حرف من تلك الحروف يرمز إلى عدد (أسميه رمزاً)

في كل مما يلي، هناك واحدة فقط من الإجابات ① و ② و ③ مقرحة صحيحة، أشر إليها:

في حالة $x = 3$ ، قيمة العبارة $5x - 1$ تساوي ①

$$14 \quad ③$$

$$10 \quad ②$$

$$7 \quad ①$$

في حالة $x = 5$ ، قيمة العبارة $-3x + 7$ تساوي ②

$$2(9 - x) \quad ③$$

$$2x - 9 \quad ②$$

$$2(x - 9) \quad ①$$

جمع العدد 2 مع جداء ضرب x بالعدد 4 فكان الناتج ③

$$2 + 4x \quad ③$$

$$2(4 + x) \quad ②$$

$$(2 + 4)x \quad ①$$

ضرب العدد 2 بمجموع العددين x و 4 فكان الناتج ④

$$2 + 4x \quad ③$$

$$2(4 + x) \quad ②$$

$$(2 + 4)x \quad ①$$

يعطى محيط المستطيل المرسوم جانباً بالصيغة ⑤

$x \text{ cm}$



$$2 \times 9 + x \quad ③$$

$$2(x + 9) \quad ②$$

$$2x + 9 \quad ①$$

تعطى مساحة سطح هذا المستطيل بالصيغة . ⑥

$$9x \quad ③$$

$$2 \times 9 \times x \quad ②$$

$$x + 9 \quad ①$$

يرمز x إلى عدد. الصيغة المختزلة للعبارة $5x + x$ هي ⑦

$$5x^2 \quad ③$$

$$6x \quad ②$$

$$5x \quad ①$$

يرمز a إلى عدد. الصيغة المختزلة للعبارة $5a - a$ هي ⑧

$$4a \quad ③$$

$$5 - 2a \quad ②$$

$$5 \quad ①$$

يرمز z إلى عدد. بعد نشر الجداء $(z + 2)7$ نحصل على ⑨

$$z + 14 \quad ③$$

$$7z + 14 \quad ②$$

$$7z + 2 \quad ①$$

نظير المجموع ونظير الفرق.



نشاط «التخمين وإنجاد النظير»



.1 انسخ وأكمل الجدول التالي:

a	b	$a + b$	$a - b$	$-(a + b)$	$-(a - b)$	$-a - b$	$-a + b$
2	1						
-1	-2						
-5	3						
-2	8						

.2 ما نظير $a + b$ ؟ وما نظير $a - b$ ؟

.3 ارسم كلاً من الأشكال التالية، ووضع على المستقيم الموجه، مستعيناً بالفرجاري:

$$-a - b \text{ و } -(a + b) \text{ و } -b \text{ و } -a \text{ و } a + b \text{ و } a \text{ و } b \text{ موجبان:}$$



يمكن تذكر أن $-a - b = -a + (-b)$ وأن نظير المجموع هو مجموع النظيرين.

.4 سالبان:

: b سالب و a موجب و a أقرب إلى O من b

: b سالب و a موجب و a أبعد عن O من b



.5 طرح عدد b من آخر a هو مجموع a ونظير b .

باستعمال المعلومة السابقة، يكون $a - b$ هو $(-b) + a$. وباستعمال نظير المجموع، يكون نظير

$a - b$ هو نظير $(-b) + a$ ، فهو $-a + b$

أي أن $-a + b = a - b$

فيما يلي ترمز a و b و c و d و x إلى أعداد صحيحة.

خواص:

- نظير المجموع $a + b$ هو مجموع نظيري a و b ، أي $- (a + b) = (-a) + (-b) = -a - b$
- نظير الفرق $a - b$ هو مجموع b و نظير a ، أي $- (a - b) = (-a) + (b) = -a + b$

مثال اكتب نظير كل عبارة: 

الحل:

$$-(x + 2) = -x - 2 \text{ هو: } x + 2 \text{ نظير}$$

$$-(9 - 6x) = -9 + 6x \text{ هو: } 9 - 6x \text{ نظير}$$

$$-(3x^2 - 5x) = -3x^2 + 5x \text{ هو: } 3x^2 - 5x \text{ نظير}$$

$$-((a + b) + c) = -(a + b) - c = -a - b - c \text{ هو: } a + b + c \text{ نظير}$$

مثال احسب A و B في حالة: 

$$c = -5 \text{ و } b = 7 \text{ و } a = 4 \text{ ماذا تستنتج؟}$$

الحل:

نوعٌ قيمة الرموز a و b و c :

$$A = 4 - 7 - (+5) = -3 - (+5) = -3 - 5 = -8$$

$$B = -4 + 7 + (-5) = 3 + (+5) = 3 + 5 = 8$$

بالموازنة بين A و B نجد أن $A = -B$ ومنه نستنتج أن نظير A هو

تحقق من فهمك



① اكتب كلاً من العبارات التالية دون أقواس:

$$-(3 + x) \quad ③$$

$$-(5 + 2a) \quad ②$$

$$-(x + 2) \quad ①$$

$$-(-6 - 4x) \quad ⑥$$

$$-(7 - 2y) \quad ⑤$$

$$-(5 - x) \quad ④$$

إذا كان $B = -a + b + c$ و $A = a - b - c$ ②

1. احسب A و B في حالة: $c = 9$ و $b = -4$ و $a = -3$

2. ماذا تستنتج من السؤال 1؟

3. اختر قيمة للرمز a و قيمة للرمز b و قيمة للرمز c ، هل النتيجة السابقة مؤكدة؟

تدريب

① اكتب نظير كل عبارة:

$$x^2 + 2x + 4 \quad ④$$

$$4a + 9 \quad ③$$

$$7 + 3x \quad ②$$

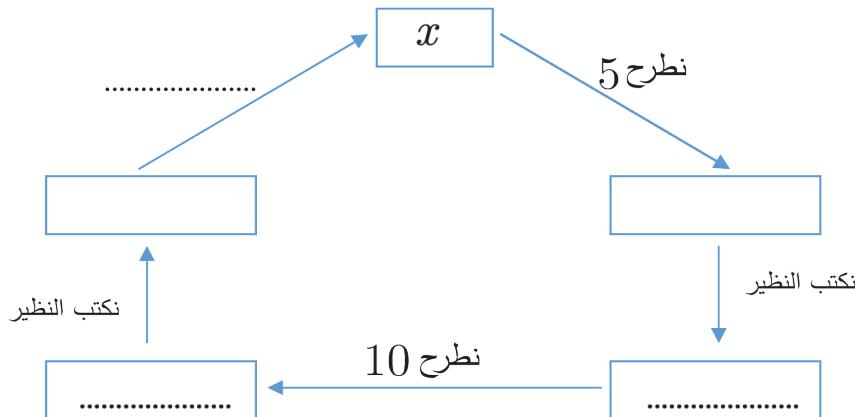
$$5 + a \quad ①$$

$B = -13 - 29 + 74 - 56$ و $A = 13 + 29 - 74 + 56$ ②

1. احسب قيمة A .

2. احسب قيمة B دون إجراء عمليات الحساب شارحاً ما قمت به.

3. انسخ وأكمل المخطط التالي بوضع العبارة المناسب في كل مستطيل وملء الفراغات في كل انتقال:



٢ حذف الأقواس.



نشاط « بيان معنى حذف الأقواس »

١. موقف أول: لدى ماهر 1250 ليرة سورية. ليربح مبلغاً إضافياً ساعد والدته في أعمال المطبخ، فكافأته أمه بمبلغ 350 ليرة سورية. اشتري ماهر مما معه كتاباً بمبلغ 225 ليرة سورية.
- موقف ثان: لدى سلمى 1250 ليرة سورية. اشتربت مما معها هديةً لصديقتها بمبلغ 350 ليرة سورية وكتاباً بمبلغ 225 ليرة سورية.

١. اثنان فقط من العبارات التالية تسمحان بحساب رصيد ماهر. أشير إليهما.

$$1250 - 350 + 225 \quad ②$$

$$1250 + 350 - 225 \quad ①$$

$$1250 + (350 - 225) \quad ④$$

$$1250 - 350 - 225 \quad ③$$

٢. اكتب عبارتين مختلفتين تسمح كلّ منها بحساب رصيد سلمى.

٣. احسب الرصيد الجديد لكلٍ من ماهر وسلمى.

.٢ ترمز a و b و c إلى ثلاثة أعداد.

١. اكتب $(b + c) + a$ بدون أقواس.

٢. اكتب $b - c + a$ بدون أقواس مستخدماً $(b - c)$.

٣. اكتب $a - (b - c)$ و $(b + c) - a$ بدون أقواس مستخدماً نظير المجموع ونظير الفرق.



أقواس مسبوقة بالإشارة +

في نسق من عمليات الجمع والطرح، يمكن حذف الأقواس المسبوقة بالإشارة + دون تغيير محتويات هذه الأقواس.

$$\cdot + b : a + (b + c) = a + b + c \quad \bullet$$

$$\cdot - b : a + (-b + c) = a - b + c \quad \bullet$$

. إشارة $(a + b)$ هي + ضمناً.

أقواس مسبوقة بالإشارة -

طرح $(a + b)$ أو $(a - b)$ من c ، نجمع نظير $(a + b)$ أو نظير $(a - b)$ أي

$$\cdot c \text{ مع } -a + b$$

- $a + b - a - b$: $c - (a + b) = c - a - b$ •
- $a - b - a + b$: $c - (a - b) = c - a + b$ •
- $-a + b + a - b$: $c - (-a + b) = c + a - b$ •

حذف أقواس مسبوقة بإشارة:

مثال لحذف الأقواس في العبارة $3 - (2x - 5 + x^2)$ ، نكتب:
 $3 - (2x - 5 + x^2) = 3 + (-2x + 5 - x^2) = 3 - 2x + 5 - x^2$



تحقق من فهمك



① اكتب كل عبارة دون أقواس ثم احسب الناتج:

$$-\frac{5}{3} - \left(1 + \frac{4}{3} + 4\right) \quad ② \qquad -\frac{1}{2} + \left(-\frac{9}{2} - 2\right) + \frac{3}{4} \quad ①$$

لدينا العبارة ②

اكتب A دون أقواس.

② اختبر المساواة التي حصلت عليها بوضع $x = 1$.

تدريب



① اكتب كل عبارة دون أقواس ثم احسب الناتج:

$$(0.3 - 6) + (5 - 2.1) - (2.9 - 7) \quad ② \qquad (5 - 7 + 4) - (2 - 3 + 4) \quad ①$$

$$(2872 + 324) - (-128 + 324) \quad ④ \qquad (340 - 534) - (66 - 600) \quad ③$$

$$-\left(\frac{3}{4} - \frac{4}{5}\right) + \frac{1}{5} \quad ⑥ \qquad \frac{1}{3} - \left(\frac{1}{2} + \frac{2}{3}\right) + \frac{1}{2} \quad ⑤$$

1. أي من العبارات التالية هو ناتج $A = -(a - b) - (c - d)$ دون أقواس ؟ ②

$$-a - b + c - d \quad ③ \qquad -a - b - c - d \quad ② \qquad -a + b - c + d \quad ①$$

2. تحقق من إجابتك بوضع $d = 4$ و $c = 2$ و $b = 5$ و $a = 3$.

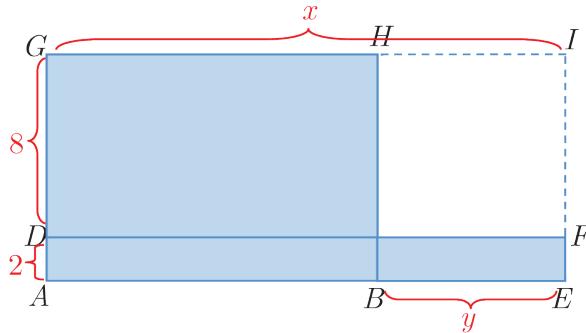
$$B = -(2x + 5) + (x - 3) \quad ③$$

اكتب B دون أقواس.

2. اختبر المساواة التي حصلت عليها بوضع $x = 1$.

$$C = (x - 1) - (7x + 3) \quad ③$$

اختزال عبارة رمزية.



نشاط «استخدام الحساب الرمزي»

في الشكل المرسوم، السطح الملون بالأزرق مكون من مستطيلات مختلفة. طلب مدرسٌ من تلاميذه أن يعبروا عن مساحة السطح الملون بدلالة x و y . فُطِرَت أربع إجابات مختلفة:

$$10x - 8y \quad ② \quad 8(x - y) + 2x \quad ①$$

$$10(x - y) + 2y \quad ④ \quad 2(x + y) + 8x \quad ③$$

1. أوجد، مستعيناً بالشكل، الإجابات الصحيحة من تلك التي عُرضت. تحقق بعدئذ بالحساب.

2. احسب مساحة السطح الملون: في حالة $x = 33$ و $y = 12$

تعلم

اختزال عبارة رمزية، هي كتابة العبارة بأقل عدد من الحدود.



مثال

اختزل العبارة

$$\begin{aligned} A &= 3x^2 + x - (x^2 + 3x - 1) \\ A &= 3x^2 + x - (x^2 + 3x - 1) = 3x^2 + x - x^2 - 3x + 1 \\ &= 3x^2 - x^2 + x - 3x + 1 = (3 - 1)x^2 + (1 - 3)x + 1 \\ &= 2x^2(-2)x + 1 = 2x^2 - 2x + 1 \end{aligned}$$

في الخطوة الثالثة جمعنا الحدود التي تحوي x^2 على حدتها والتي تحوي x على حدتها.



مثال

لإنجاز جداء ضرب الحدين $3a$ و $-5b$:

- نجري ضرب العددين 3 و 5، ثم ضرب الرمزين a و b .

$$3a \times (-5b) = 3 \times (-5) \times a \times b = -15ab \quad •$$

انسخ وأكمل جدول الضرب التالي:

\times	3	6	$5x$	$-4a$
7				
$9a$				
$-5x$				
$2x^2$				

تحقق من فهمك



١. اخترل كلاً من العبارات التالية:

$$5x^2 - 4x + 7 - 3x^2 - 9x - 11 \quad ② \quad \frac{2}{3}a \times (-6a) \quad ①$$

لدينا العبارة $B = x(-x + 3) - 3(x^2 + 2x)$ $②$

١. انشر ثم اخترل B .

٢. احسب قيمة B في كل من الحالات التالية: $x = -1.5$ $③$ $x = 2$ $②$ $x = -1$ $①$

تدريب

١. اخترل كلاً من العبارات التالية:

$$\begin{array}{lll} 4x \times (-5) & ③ & -5y \times (-2) & ② & 2x \times 7 & ① \\ 5b \times (-2b) & ⑥ & -2x + 3 - 9x - 4 + 3x & ⑤ & -5x \times 9a & ④ \\ -3x \times x & ⑨ & 3x - 5 + 4x - 13 - 9x & ⑧ & \frac{3}{4}x \times 2x & ⑦ \end{array}$$

٢. احذف الاقواس ثم اخترل ناتج كل عبارة

$$\begin{array}{lll} -(x - 8) + (6x - 1) - (7 - x) & ② & 25 - (2a - 3) & ① \\ (x^2 - 5x) + (2x^2 + 7x - 8) & ④ & -(a + 3b) + (b - 2a) & ③ \\ (x^2 - 5x - 4) - (-4x^2 + 7x + 5) & ⑥ & (5 + x) - (7x - 5) & ⑤ \\ \left(\frac{3}{4}a^2 + \frac{2}{3}a - 4 \right) - \left(\frac{1}{2}a^2 + \frac{1}{3}a + 3 \right) & ⑧ & 3a - (-2a + 7) & ⑦ \end{array}$$

٣. ليكن $B = 2(-3x + 4)$ و $A = 4(2x - 1)$

١. انشر A ثم B .

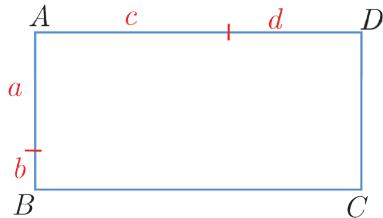
٢. اخترل كلاً من $A - B$ و $A + B$.

٤. ليكن $Z = 3(5x - 1) - 4(-2x + 3)$

١. انشر ثم اخترل Z .

٢. احسب قيمة Z في كل من الحالات التالية: $x = \frac{15}{23}$ $③$ $x = -1$ $②$ $x = 0$ $①$

نشر (4)



نشاط «إعطاء هذا النشر معنى هندسياً»

1. نشر (هندسي)

تكتب مساحة سطح المستطيل المرسوم جانباً بالعبارة:

$$(a+b)(c+d)$$

1. أقسم هذا المستطيل إلى أربعة مستطيلات، ثم اكتب مساحته بصيغة أخرى.

2. انسخ وأكمل: $(a+b)(c+d) = \dots + \dots + \dots + \dots$

2. إثبات

و b و c و d و k ترمز إلى أعداد صحيحة.

1. انشر الجداء $(a+b)k$.

2. استخدم النشر السابق لشرح كيفية الحصول على المساواة التالية:

$$(a+b)(c+d) = a(c+d) + b(c+d)$$

3. أكمل النشر واكتب $(a+b)(c+d)$ بشكل مجموع أربعة حدود.

تعلم

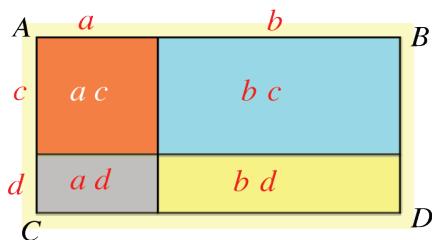
نشر

$$\begin{aligned} (a+b) \times (c+d) &= \underbrace{a \times (c+d)}_{= a \times c + a \times d} + \underbrace{b \times (c+d)}_{= b \times c + b \times d} \\ &= ac + ad + bc + bd \end{aligned}$$

توضيح هندسي

في الشكل المرافق:

مساحة المستطيل $ABCD$ تساوي مجموع مساحات المستطيلات الأربعة الملونة.



المساواة السابقة صحيحة عند جميع قيم a و b و c و d . نقول إنها **مطابقة**.



مثال نشر واختصار $(x+5)(2x+1)$



$$\begin{aligned}
 (x+5)(2x+1) &= \underbrace{x(2x+1)}_{x \times 2x + x \times 1} + \underbrace{5(2x+1)}_{5 \times 2x + 5 \times 1} \\
 &= 2x^2 + (1+10)x + 5 \\
 &= 2x^2 + 11x + 5
 \end{aligned}$$

اكتساب معارف

كيف ننشر عبارة من الصيغة $? a - b(c + d)$

مثال يرمز x إلى عدد. انشر ثم أنجز ناتج $. A = 2 - 3(x+5)$

لنشر عبارة من هذه الصيغة، نطبق قاعدة الأولويات في العمليات.

الحل

للضرب أولوية على الطرح، فننشر بدايةً $. 3(x+5)$

$$A = 2 - 3(x+5) = 2 - (3 \times x + 3 \times 5)$$

والقوس مسبوق بالإشارة $-$ ، فيجب إنجاز عملية الضرب داخل القوسين.

$$A = 2 - (3x + 15)$$

نحذف الأقواس: $A = 2 - 3x - 15$

ننجز اختزال العبارة: $. A = -3x + 2 - 15 = -3x - 13$

كيف ننشر عبارة من الصيغة $? (a - b)(c + d)$

مثال يرمز x إلى عدد، و $A = (x-2)(2x+5)$ انشر العبارة A ثم اختزله .

الحل

نبدأ بالنشر وفق $(a - b)k = ak - bk$

$$A = (\textcolor{red}{x-2})(2x+5) = \textcolor{green}{x}(2x+5) - \textcolor{red}{2}(2x+5)$$

نشر كل حد وفق $k(a+b) = ka + kb$

$$A = (x \times 2x + x \times 5) - (2 \times 2x + 2 \times 5) = (2x^2 + 5x) - (4x + 10)$$

نشر الحد الأول وفق $(a+b) = 1(a+b) = a+b$

والحد الثاني وفق $-(a+b) = -1(a+b) = -a-b$ ، فنحصل على:

$$A = 2x^2 + 5x - 4x - 10 = 2x^2 + (5-4)x - 10$$

نشر $A = 2x^2 + x - 10$ ، فنحصل على $(5-4)x = 1 \times x = x$

كيف ننشر عبارة من الصيغة $(a - b)(c - d)$

مثال يرمز x إلى عدد، و $A = (x - 1)(x - 2)$ انشر العبارة A ثم اخترله.

الحل

نبدأ بالنشر وفق $(a - b)k = ak - bk$

$$A = (\textcolor{red}{x} - \textcolor{blue}{1})(x - 2) = \textcolor{red}{x}(x - 2) - \textcolor{blue}{1}(x - 2)$$

نشر كل حد وفق $k(a - b) = ka - kb$

$$A = (\textcolor{red}{x} \times x - x \times 2) - (\textcolor{red}{1} \times x - \textcolor{blue}{1} \times -2) = (x^2 - 2x) - (x - 2)$$

نستعمل فكرة أن الطرح هو الجمع مع النظير، مع الأخذ بأن نظير 2 هو $-x + 2$ ، فنحصل على:

$$A = (\textcolor{red}{x} \times x - x \times 2) - (\textcolor{red}{1} \times x - \textcolor{blue}{1} \times -2) = (x^2 - 2x) + (-x + 2)$$

نشر الحد الأول وفق $(a - b) = 1(a - b) = a - b$

والحد الثاني وفق $(-a + b) = 1(-a + b) = -a + b$ ، فنحصل على:

$$A = x^2 - 2x - x + 2 = x^2 + (-2 - 1)x + 2$$

$$A = 2x^2 - 3x + 2 \quad \text{، فنحصل على } (-2 - 1)x = -3 \times \textcolor{red}{x}$$

تحقق من فهمك

① انشر ثم اخترل كلًّا من العبارتين $B = 1 - 4x - 5(7 - 3x)$ و $A = 3x - 2(3x - 5)$

② انشر ثم اخترل ناتج كل عبارة: $(3x - 7)(2 + x)$ ② $(x + 5)(x - 3)$ ①

$(4x - 2)(5x - 3)$ ④ $(5x - 1)(2x - 3)$ ③

تدريب

① انشر ثم اخترل ناتج كل عبارة:

$$B = (2x + 1)(x + 4) \quad \textcircled{2} \qquad A = (x + 3)(x + 2) \quad \textcircled{1}$$

$$D = (7x + 55)(8 + 9x) \quad \textcircled{2} \qquad C = (5x + 6)(2x + 3) \quad \textcircled{1}$$

$$F = \left(\frac{1}{2}x + 3\right)(x + 2) \quad \textcircled{2} \qquad E = \left(x + \frac{1}{3}\right)(x + 2) \quad \textcircled{1}$$

هي ذا خلاصة كتابة تلميذ لنشر العبارة ②

$$A = (x - 6)(x + 4) = x^2 - 24$$

3

1. رغم الشطب، ناتج النشر خاطئ. لماذا؟

. $A = (x - 6)(3x + 4)$

انشر ثم اخترل ناتج كل عبارة: ③

$$(4x + 1)(-4x - 1) \quad ②$$

$$(-x + 6)(2x - 3) \quad ①$$

$$\left(\frac{x}{2} + 6\right)(8x - 4) \quad ②$$

$$\left(\frac{1}{3}x - 4\right)(x - 3) \quad ①$$

تذكرة:  $(a - b)^2 = (a - b) \times (a - b)$ و $(a + b)^2 = (a + b) \times (a + b)$

انشر ثم اخترل ناتج كل عبارة مما يأتي: ④

$$(2x - 3)^2 \quad ②$$

$$A = (x + 1)^2 \quad ①$$

$$(4 - 3x)^2 \quad ④$$

$$(1 + 3x)^2 \quad ③$$

ليكن ⑤ $A = 3x(2x - 5)(x + 2)$

1. A هو جداء ضرب الحد $3x$ بالعبارة ①

• تحقق من أن ② يكتب $2x^2 - x - 10$ $(2x - 5)(x + 2)$

• انشر ثم اخترل ناتج ③ $3x(2x^2 - x - 10)$

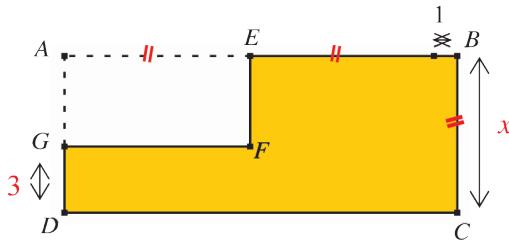
2. A هو أيضاً جداء ضرب العبارتين ④ $3x(2x - 5)$ و ⑤ $(x + 2)$

• انشر ⑥ $3x(2x - 5)$

أكمل النشر واختزال A . (يجب الحصول على ناتج السؤال في الطلب الأول)

يرمز x إلى عدد أكبر من ⑦ 3.

نرمز إلى مساحة السطح الملون بالرمز \mathcal{A} ، ونعتزم التعبير عن \mathcal{A} بدلالة ⑧ x .



1. ① اشرح لماذا مساحة المستطيل $ABCD$

تساوي $x(2x + 1)$ ؟ ولماذا مساحة المستطيل

تساوي $x(x - 3)$ ؟

• بعد نشر العبارتين السابقتين، اكتب \mathcal{A} بدلالة x .

2. أثبت أن يكتب أيضاً بالصيغة ⑨ $A = (x + 1)(x - 3) + 3(2x + 1)$. انشر ثم اخترل هذا

العبارة.

اختبار مساواة رمزية.



نشاط «تحقق من مثال عكسي»

نشر طالب الجاء $(3x + 1)(x + 2)$ ثم اخترل الناتج فكتب:

$$(3x + 1)(x + 2) = 3x^2 + 6x + 2$$

1 اختبار أول

1. احسب قيمة كلٌ من $x = 0$ و $x^2 + 6x + 2$ عند $x = 0$.

2. هل المساواة التي كتبها الطالب صحيحة عند $x = 0$ ؟

2 اختبار ثان

1. احسب قيمة كلٌ من $x = 1$ و $x^2 + 6x + 2$ عند $x = 1$.

2. هل المساواة التي كتبها الطالب صحيحة عند $x = 1$ ؟

3. أمن الضروري أن يقوم الطالب باختبار آخر؟ ماذا تتصحه؟

3 بدورك

1. انشر ثم اخترل العبارة $(3x + 1)(x + 2)$. 2. اختبر المساواة التي حصلت عليها.

نُبه الطالب إلى أنَّ صحة المساواة بعدِ من الاختبارات لا يعني صحتها أياً كانت قيمة x .

تعلم

مثال نشر الطالب ثم اخترل. هو ذا ناتجه النهائي:

$$x^2 - 3x - (x + 2x^2) = 3x^2 - 4x$$

لكي يتحقق من صحة ناتجه، يمكنه إعطاء قيمةٍ للرمز x . لكن $x = 1$:

$$3x^2 - 4x = 3 - 4 = -1 \quad x^2 - 3x - (x + 2x^2) = 1 - 3 - (1 + 2) = -5$$

فالمساواة التي كتبها الطالب خاطئة. ولا ضرورة لإعطاء x قيمةً أخرى.

يمكننا إذن استنتاج أنَّ الطالب قد أخطأ، إما في النشر وإما في الاختزال. لكننا لا نعلم بالضبط أين الخطأ.

إنَّ حالة صحة المساواة عند كلٍ قيمة جُربت للرمز x ، لا يبرر صحة النشر أو الاختزال.

(ولكن ذلك يزيدنا ثقةً بالتحقق من الناتج الذي وجدناه).

اكتساب معارف

كيف يتم حساب قيمة عبارة رمزية



مثال يرمز x إلى عدد، و

1. انشر العبارة A ثم اخترله.

2. احسب قيمة A في حالة $x = -30$ بالتعويض في الصيغة الأكثر اختزالاً.

الحل

$$A = (x + 1)(x + 5) - 6x = x \times x + x \times 5 + 1 \times x + 1 \times 5 - 6x \quad .1$$

$$= x^2 + 5x + x - 5 - 6x = x^2 + 5x + x - 6x + 5$$

$$= x^2 + (5 + 1 - 6)x + 5$$

$$\text{ولما كان } A = x^2 + 5(5 + 1 - 6)x = 0 \times x = 0$$

2. حساب A عند $x = -30$ هو الأسهل عند التعويض في الصيغة المختزلة

$$A = (-30)^2 + 5 = 900 + 5 = 905$$

ثمة حالات يكون حساب القيمة العددية أسهل في الصيغة غير المختزلة، كما هي حالة:

$$. x = 20 \text{ عند } A = x^2 + 5(x - 20)(x^2 - x + 5)$$

$$. 5(x - 20)(x^2 - x + 5) = 0, \text{ إذن } (x - 20) = 0$$

$$. A = (20)^2 + 0 = 400 + 0 = 400$$

تحقق من فهمك



$$Z = 3(5x - 1) - 4(-2x + 3) \quad ① \text{ لیکن}$$

1. انشر ثم اخترل Z .

2. احسب قيمة Z في كلٍ من الحالات التالية:

$$x = \frac{15}{23} \quad ③$$

$$x = -1 \quad ②$$

$$x = 0 \quad ①$$

$$B = x(-x + 3) - 3(x^2 + 2x) \quad ② \text{ لیکن}$$

1. انشر ثم اخترل B .

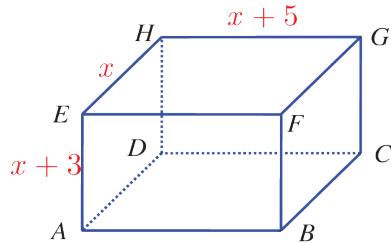
2. احسب قيمة B في كلٍ من الحالات التالية:

$$x = -1,5 \quad ③$$

$$x = 2 \quad ②$$

$$x = -1 \quad ①$$

تدرِّب



١ يرمز x إلى عددٍ موجب.

الشكل المравق هو متوازي مستطيلات أعطيت أبعاده الثلاثة بالسنتيمترات.

١. عِرِّبْ بدلالة x عن مساحة كل سطح من سطوحه.
انشر، ثم احتزل العبارات التي حصلت عليها.

٢. عِرِّبْ بدلالة x عن مساحة السطح الكلّي للأوّلية الستة.

٣. احسب هذه المساحة في حالة $x = 5$.

٤. نعتزم التحقق من المساواة $(x+3)(x+4) = x^2 + 7x + 12$

١. أنجَّرْ حسان هذه المهمة كما يلي:

• حسب $(x+3)(x+4)$ عند $x = 1$ ، فوجد:

$$\cdot (x+3)(x+4) = (1+3)(1+4) = 4 \times 5 = 20$$

• حسب $x^2 + 7x + 12$ عند $x = 1$ ، فوجد

$$\cdot x^2 + 7x + 12 = 1^2 + 7 \times 1 + 12 = 1 + 7 + 12 = 20$$

• كتب حسان: نستنتج أنَّ المساواة صحيحة.

هل أفلح حسان في المهمة؟ علقَ على إنجازه.

٢. أنجَّرْ وضاح هذه المهمة كما يلي:

$$\begin{aligned} (x+3)(x+4) &= x(x+4) + 3(x+4) = x \times x + x \times 4 + 3 \times x + 3 \times 4 \\ &= x^2 + 4x + 3x + 12 = x^2 + (4+3)x + 12 = x^2 + 7x + 12 \end{aligned}$$

هل أفلح وضاح في المهمة؟

٣. أنجَزْتْ لينا هذه المهمة كما يلي:

$$\begin{aligned} (x+3)(x+4) &= x \times x + x \times 4 + 3 \times x + 3 \times 4 \\ &= x^2 + (4+3)x + 12 \\ &= x^2 + 7x + 12 \end{aligned}$$

هل أفلحت لينا في المهمة؟ اشرح إنجازها.

اللعبة

1 في كلّ حالة آتية، هناك إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقتربة. أشر إليها.

العبارة $a + (b - 2)$ تساوي: **1**

$$a - b + 2 \quad \textcircled{3} \qquad a + b - 2 \quad \textcircled{2} \qquad a + b + 2 \quad \textcircled{1}$$

العبارة $9x^2 - 5x + 7 - 3x^2 - 4$ تساوي: **2**

$$x^2 + 3 \quad \textcircled{3} \qquad 13x^2 - 5x - 4 \quad \textcircled{2} \qquad 6x^2 - 5x + 3 \quad \textcircled{1}$$

العبارة $x - (-3 + x) + (x - 7)$ تساوي: **3**

$$x + 4 \quad \textcircled{3} \qquad x - 4 \quad \textcircled{2} \qquad 3x - 10 \quad \textcircled{1}$$

عند $x = -2$ ، قيمة العبارة $3x^2 - 5x + 4$ هي: **4**

$$26 \quad \textcircled{3} \qquad 6 \quad \textcircled{2} \qquad 2 \quad \textcircled{1}$$

عند الانتقال من $5x^2 - 7x + 2$ إلى $(5x - 2)(x - 1)$: **5**

نحلٌ **3** ننشر **2** نختزل **1**

عند الانتقال من $7x - 3$ إلى $5x - 2 + 2x - 1$: **6**

نحلٌ **3** ننشر **2** نختزل **1**

العبارة $x(x - 4) - 5(x^2 + 2x)$ تساوي: **7**

$$-4x^2 - 14x \quad \textcircled{3} \qquad 6x^2 - 2x \quad \textcircled{2} \qquad -4x^2 + 2x - 4 \quad \textcircled{1}$$

العبارة $(2x - 5)(x - 4)$ تساوي: **8**

$$2x^2 + 20 \quad \textcircled{3} \qquad 2x^2 - 13x + 20 \quad \textcircled{2} \qquad 3x - 9 \quad \textcircled{1}$$

بعد نشر واختزال $y - 4$ ، طرفا المساواة التي حصلنا عليها يأخذان القيمة ذاتها عند

$y = 3$ ، إذن نتيجة النشر والاختزال:

صحيحة **1** خاطئة **2** التحقق منها غير ممكن **3**

بعد نشر واختزال $(a + 5)(5a - 3)$ ، طرفا المساواة التي حصلنا عليها لا يأخذان القيمة ذاتها

عند $a = -2$ ، إذن نتيجة النشر والاختزال:

صحيحة **1** خاطئة **2** التتحقق منها غير ممكن **3**

لإحراز تقدّم

الصيغة المعيارية

2

الصيغة المعيارية	العدد
3.17×10^0	317
3.17×10^5	0.317
3.17×10^{-1}	317 000
3.17×10^{-2}	0.000 317
3.17×10^2	3.17
3.17×10^{-4}	0.0 317

انسخ الجدول المرسوم جانباً وأشرك كل عدد بصيغته المعيارية.

3 حذف أقواس مسبوقة بإشارة

مثال: لحذف الأقواس في العبارة $(2x - 5 + x^2) - 3$ ، نكتب:

$$3 - (2x - 5 + x^2) = 3 + (-2x + 5 - x^2) = 3 - 2x + 5 - x^2$$

1. لدينا العبارة $A = 5x - (x^2 + 1 - x)$

اكتب A دون أقواس.

2. اختبر المساواة التي حصلت عليها بوضع $x = 1$.

أجب عن السؤال السابق لكلٍ من العبارتين التاليتين:

$$C = (x - 1) - (7x + 3) \quad ② \quad B = -(2x + 5) + (x - 3) \quad ①$$

4 نشر $a(b + c)$

مثال: نشر $A = 2a(-5 + 3a)$

$$A = 2a(-5 + 3a) \quad \bullet$$

$$A = 2a \times (-5) + 2a \times (+3a) = -10a + 6a^2 \quad \bullet$$

طريقةٌ مماثلة، انشر كلاً من العبارات التالية:

$$B = -4x(-2x + 3) \quad ② \quad A = 3a(5a + 2) \quad ①$$

$$D = 3x(-5x^2 + 2x) \quad ④ \quad C = -11a(-2 - 5a) \quad ③$$

نشر ($a + b$)($c + d$)

5

مثال: نشر ($A = (a + 4)(-5 + 2a)$)

$$A = (a + 4)(-5 + 2a)$$

$$A = a \times (-5) + a(2a) + 4 \times (-5) + 4 \times (2a) = -5a + 2a^2 - 20 + 8a = 2a^2 + 3a - 20$$

بطريقةٍ مماثلة، انشر واحتزل كلاً من العبارات التالية، ثم اختبر كلَّ مساواة تحصل عليها:

$$B = (2x - 3)(-3x + 4) \quad ②$$

$$A = (x + 5)(-4 + 3x) \quad ①$$

$$D = (x - 7)(8 - x) \quad ④$$

$$C = (x + 4)(3 - 2x) \quad ③$$

6 تعلم صياغة النصوص

3

اقرأ النص واقرأ الحل المعروض من قبل أحد التلاميذ، ثم أنجز حلًا آخذهً بالاعتبار مجمل ملاحظات المصحح:

النص:

في إحدى الرحلات السياحية، توقف فريق من 40 شخصاً في أحد المطاعم التي تقدم وجبات سريعة بسعر 255 ليرة لوجبة البالغين و 175 ليرة لوجبة الأطفال.

يرمز x إلى عدد الأشخاص البالغين في الفريق السياحي.

1. عبر بدالة x عن كلفة الوجبات التي قدمت للفريق السياحي.

2. انشر ثم احتزل العبارة التي حصلت عليها.

حل الطالب وملاحظات المصحح:

$$1. 225x + 175(40 - x)$$

اشرح ما استوجب هذه الكتابة.

$$2. 225x + 7000 + 175x$$

• خطأ في الإشارة $+ 175x$.

• أنت لم تختزل.

• اشرح لغويًا.

إثبات مساواة

7

يرمز x إلى عدد صحيح.

$$(3x - 4)(2x + 3) = (3x - 2)(x + 6) + 3x(x - 5)$$

1. انشر واحترل $A = (3x - 4)(2x + 3)$

2. انشر واحترل $B = (3x - 2)(x + 6) + 3x(x - 5)$

3. تحقق من أن ناتجي A و B متساويان.

لإثبات صحة مساواة من النمط $A = B$ ، يمكن:

• حساب A • التتحقق من أن ناتجي A و B متساويان.

مع أعداد طبيعية متتالية

8

أكّد عمار: «مجموع كل ثلاثة أعداد طبيعية متتالية يساوي ثلاثة أمثل ثانيها»

1. اختر ثلاثة أعداد طبيعية متتالية، احسب مجموعها واحبّر تأكيد عمار.

2. ارمز إلى أصغر هذه الأعداد المتتالية بالرمز n ، كيف يكتب العددان الآخرين بدلالة n ؟

3. أثبت تأكيد عمار.

هي ذي الأعداد الطبيعية المتتالية: $0, 1, 2, 3, \dots, n, ?, ?, ?$

كل عدد مغایر للصفر يساوي سابقه مزيداً.

استخدام الأقواس

9

انسخ ووضع الأقواس الضرورية لتصبح المساواة صحيحة في كلٌّ مما يلي:

$$-4 - 15 - 12 - 7 = 6 \quad \text{②} \qquad 12 - 5 + 6 + 4 - 9 = -4 \quad \text{①}$$

$$-b - a + 3 - a - 6 = -b + 3 \quad \text{④} \qquad 13 - 14 + 7 - 3 + 4 = -15 \quad \text{③}$$

عبارة ناقصة

10

في كلٍّ من الحالات التالية، أوجد العبارة A كي تصبح المساواة صحيحة:

$$5x + 6 - A = -6x + 3 \quad \text{②} \qquad 3x + 4 + A = -2x + 5 \quad \text{①}$$

$$A \times (2x + 1) = 6x^2 + 3x \quad \text{④} \qquad A - (-4x + 6) = 2x - 9 = -15 \quad \text{③}$$

حساب ذهني 11

و b عددان

$$1. \text{ انشر واحترل } (a+b)(a-b)$$

2. استنتاج نشر واحترال كل من:

$$(a+5)(a-5) \quad ③ \quad (a+3)(a-3) \quad ② \quad (a+2)(a-2) \quad ①$$

3. باستعمال السؤال الأول، احسب ذهنياً كلاً من الجداءات التالية:

$$103 \times 97 \quad ③ \quad 65 \times 55 \quad ② \quad 52 \times 48 \quad ①$$

نشر 12

مثال: $A = (a-3)(2a^2 + 5a - 1)$ هو:

$$\begin{aligned} A &= a \times 2a^2 + a \times 5a + a \times (-1) - 3 \times 2a^2 - 3 \times 5a - 3 \times (-1) \\ &= 2a^3 + 5a^2 - a - 6a^2 - 15a + 3 = 2a^3 - a^2 - 16a + 3 \end{aligned}$$

بطريقة مماثلة، انشر واحترل كلاً من العبارات التالية:

$$\left(\frac{x}{2} - 5 \right) (2x^2 - 4x + 3) \quad ③ \quad (7x^2 - 2x - 3)(-4x - 2) \quad ② \quad (2x - 5)(3x^2 - 5x + 7) \quad ①$$

ملء فراغات 13

انسخ ثم أكمل كل مساواة تالية:

$$(-x + 6)(4x - \dots) = \dots x^2 + 27x - \dots \quad ①$$

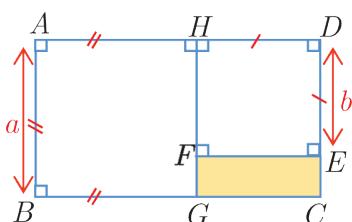
$$(2x + 5)(\dots + 2) = 6x^2 + \dots x + 10 \quad ②$$

$$(5x + \dots)(3x + 6) = \dots x^2 + 36x + \dots \quad ③$$

مربعان 14

يرمز كلاً من a و b إلى عدد موجب و . $a > b$

نرمز إلى مساحة السطح الملون بالرمز \mathcal{A} .



1. اشرح لماذا تُعطى \mathcal{A} بالعبارة $\mathcal{A} = a(a+b) - (a^2 + b^2)$.

2. انشر واحترل العبارة السابقة.

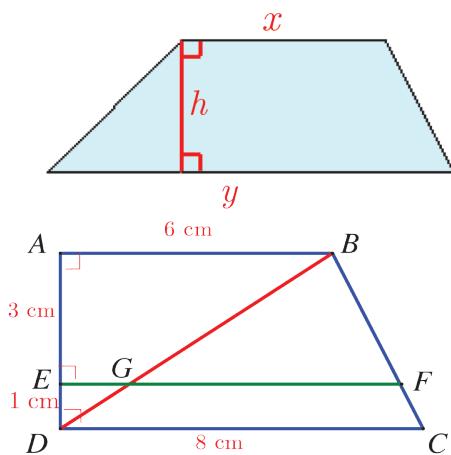
3. عِّزْ عن \mathcal{A} بطريقة ثانية. تحقق من أن الناتج يتطابق $\cdot a(a+b) - (a^2 + b^2)$

4. احسب المساحة \mathcal{A} في حالة $\mathcal{A} = 15$ و $a = 8$ و $b = 3$.

يرمز a و b إلى عددين، اكتب:

- ① مجموع مربعين هذين العددين، ثم فرق مربعين هذين العددين، ثم مربع مجموع هذين العددين.
- ② مربع فرق هذين العددين، ثم مجموع مربع فرق هذين العددين ومثلثي جداء ضربهما.

16 مع شبه منحرف قائم



مساحة شبه منحرف بدلالة قاعديه x و y ، وارتفاعه h ،

$$\mathcal{A} = \frac{(x + y) \times h}{2}$$

في الشكل المравق: $ABCD$ شبه منحرف،
 $(CD) \perp (AD)$ و $(AB) \perp (AD)$
 نقطتان من $[AD]$ و $[BC]$ على التوالي وتحققان $(EF) \parallel (AB)$.

1. يرمز a إلى طول $[EF]$ بالسنتيمترات.
- ويرمز \mathcal{A} إلى مساحة شبه المنحرف $ABCD$.

① احسب \mathcal{A} بالسنتيمترات المربعة.

② عِزْ، بدلالة a وبالسنتيمترات المربعة، عن مساحة كلٌّ من $CDEF$ و $ABFE$.

③ نرمز إلى مساحتى $CDEF$ و $ABFE$ على التوالي بالرمزين \mathcal{A}_1 و \mathcal{A}_2 .

نعلم أنَّ $\mathcal{A} = \mathcal{A}_1 + \mathcal{A}_2$. احسب قيمة a .

2. نرمز إلى طول $[GF]$ بالسنتيمترات بالرمز x ، وإلى مساحة المثلث BCD بالرمز S .

① احسب S .

② نرمز إلى مساحة المثلث BGF بالرمز S_1 ، وإلى مساحة شبه المنحرف $CDGF$ بالرمز S_2 .

احسب بدلالة x كلاً من S_1 و S_2 .

③ نعلم أنَّ $S = S_1 + S_2$. احسب قيمة x .

3. أيمكن القول بأنَّ الرباعي $ABFG$ هو متوازي أضلاع؟ تحقق من إجابتك.

الوحدة الرابعة

معادلات من الدرجة الأولى

١ مساواة وعمليات.

٢ حل معادلة.

٣ اصطناع معادلة.

انطلاق نشطة



في كلٌ مما يلي، واحدة فقط من الإجابات ① و ② و ③ صحيحة، أشر إليها:

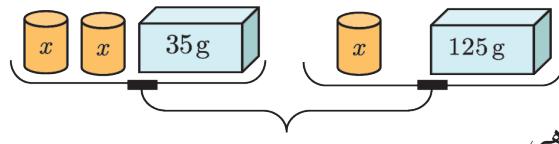
① نختار عدداً n ، نضيف إليه 10 ، ثم نضاعف الناتج. الناتج الأخير هو

$$n \times 2 + 10 \quad ③ \quad n + 10 \times 2 \quad ② \quad (n + 10) \times 2 \quad ①$$

المساواة ② صحيحة في حالة $2x + 35 = x + 125$

$$x = 160 \quad ③ \quad x = 90 \quad ② \quad x = 10 \quad ①$$

يرمز x إلى كتلة الأسطوانة الملونة بالبرتقالي وكفتا الميزان متوازنان.



المساواة الممكنة بين الكفتين هي

$$35 + 2 \times x = 125x \quad ③ \quad 2x + 35 = x + 125 \quad ② \quad 35x^2 = 125x \quad ①$$

④ في حالة $3 - x = 5$ يكون x مساوياً

$$6,5 \quad ③ \quad \frac{2}{13} \quad ② \quad -\frac{13}{2} \quad ① \quad \text{في حالة } 2x = 13 \text{ يكون } x \text{ مساوياً} \quad ⑤$$

$$-1 \quad ③ \quad 12 \quad ② \quad -12 \quad ① \quad \text{في حالة } \frac{x}{4} = 3 \text{ يكون } x \text{ مساوياً} \quad ⑥$$

⑦ إذا طُرح 10 من جداء ضرب a بالعدد 3 وكان الناتج النهائي مساوياً 8 ، كان a مساوياً

$$-6 \quad ③ \quad 6 \quad ② \quad 0 \quad ①$$

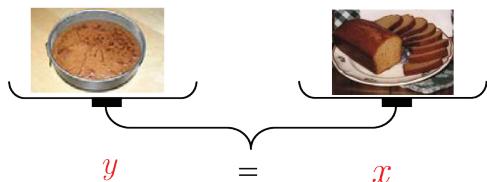
مساواة وعمليات.



« $ac = bc$ و $a + c = b + c$ ، كان $a = b$ » الأخذ بالقاعدة: إذا كان



1. اختبار



هذا الميزان هو في حالة توازن:

في الكفة اليمنى صحن من قطع الكعك نرمز إلى كتلتها بالرمز x ، وفي الكفة اليسرى صحن كاتو، نرمز إلى كتلته بالرمز y .

في كل من الحالات التالية، وضح إن كان الميزان في حالة توازن أم ترائح. وفي حالة التوازن، اكتب المساواة الموافقة للحالة.

① نضيف إلى كل كفة غرضاً كتلته 30 g .

② أكل عدنان 100 g من الكيك وأكل غسان 100 g من الكاتو.

③ نضع صحنين من الكيك في الكفة اليمنى وصحنين كاتو في الكفة اليسرى.

④ أكل فارس ربع كمية الكيك وأكل سامر ربع كمية الكاتو.

2. تخمين

انطلاقاً من المساواة $y = x$ ، كيف يمكن الانتقال إلى مساواة جديدة؟



قاعدة (1)

إذا جمعنا إلى كل من طرفي مساواة، أو طرحنا من كل من طرفيها العدد ذاته، حصلنا على مساواة جديدة.

$a - c = b - c$ ② $a + c = b + c$ ① إذا كان $a = b$



مثال في حالة $x + 3 = 2$ ، يمكن تأكيد أن $x + 3 = 2 - 3$.



قاعدة (2)

إذا ضربنا كل من طرفي مساواة بالعدد ذاته، أو قسمنا كل من طرفيها على العدد غير المعدوم ذاته، حصلنا على مساواة جديدة.

$a \div c = b \div c$ ② $a \times c = b \times c$ ① إذا كان $a = b$ و $c \neq 0$



مثال في حالة $2x = 6$ ، يمكن تأكيد أنَّ $2x \div 2 = 6 \div 2$ 

مثال حل المعادلة $x - 1 = 5$ 

الحل:

• نجمع العدد 1 إلى كلٌ من طرفيها: $x - 1 + 1 = 5 + 1$

• فنحصل على $x = 6$.

اكتساب معارف

 **كيف تثبت صحة علاقة؟**

ترمز a و b و c إلى أعداد و d غير معدوم.

. **مثال** إذا كان $a = b$ ، فأثبت أنَّ $a + c = b + c$ 

 لإثبات تساوي عددين x و y ، يمكن إثبات أنَّ $x - y = 0$. (إضافة أو طرح العدد ذاته)

توجيه للحل:

. بافتراض أننا علمنا أنَّ $a = b$ ، وهذا يعني أنَّ $a - b = 0$ ، إذن $0 = a - b$

. بطريقةٍ مماثلة، أثبت أنَّه إذا كان $a = b$ ، لكان $a - c = b - c$

. **مثال** أثبت أنَّه إذا كان $a = b$ ، كان $ac = bc$ 

 العمليات التي نجريها على أحد طرفي مساواة، يجب أن نجريها على الطرف الآخر.

توجيه للحل:

. بافتراض أننا علمنا أنَّ $a = b$ ، وهذا يعني أنَّ $a - b = 0$ ، إذن $0 = a - b$

. أثبت أنَّه إذا كان $a = b$ ، كان $\frac{a}{d} = \frac{b}{d}$

تحقّق من فهمك



① انسخ واربط بين كل مساويتين متكافئتين:

$x - 5 = 3$	→	$x = 3 - 5$
$2x = 12$	↓	$x = 12 - 2$
$5x = 3$		$x = 3 + 5$
$2 + x = 12$		$x = 6$
$x + 5 = 3$		$x = 3 \div 5$

② انسخ ثم أكمل:

: $7 - x = 3$ ② حل المعادلة

..... :

• فنحصل على

: $x + 5 = -2$ ① حل المعادلة

..... :

• فنحصل على

4

: $-2 - z = -8$ ② حل المعادلة

..... :

• فنحصل على

: $-5x = 3$ ④ حل المعادلة

.....

فنحصل على

: $4z = \frac{2}{3}$ ⑥ حل المعادلة

..... :

فنحصل على

نقسّم الطرفين على، فجد

تدريب

① انسخ ثم أكمل:

: $4 + y = -9$ ① حل المعادلة

..... :

• فنحصل على

: $7x = -4$ ③ حل المعادلة

.....

فنحصل على

: $\frac{2}{3}y = 5$ ⑤ حل المعادلة

..... :

فنحصل على

نقسّم الطرفين على، فجد

إذا علمت أن $x + 2 = 7$ ، فأعط قيمة كلٍ من:

$-3x - 6$ ③

$2x + 4$ ②

$x + 8$ ①

③ إذا علمت أن $3x + 20 = 7$

1. اطرح العدد 20 من كلٌ من طرفي المساواة. ما المساواة الجديدة التي تحصل عليها؟

2. ما الإجراء اللاحق للحصول على مساواة من الصيغة $\dots = x$ ؟ اكتب هذه المساواة.

③ إذا علمت أن $\frac{x}{3} - 4 = 2$

1. اجمع العدد 4 إلى كلٌ من طرفي المساواة. ما المساواة الجديدة التي تحصل عليها؟

2. ما الإجراء اللاحق للحصول على مساواة من الصيغة $\dots = x$ ؟ اكتب هذه المساواة.

⑤ عمر لانا بالسنوات هو a . ويزيد 3 سنوات عن عمر أخيها مجد.

1. اكتب مساواةً تعبّر عن النص السابق.

2. إلام تقول المساواة بعد 5 سنوات؟

3. ما المساواة التي كانت قبل سنة؟

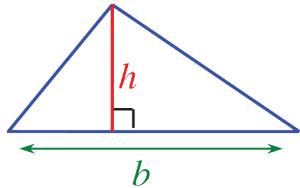
⑥ مساحة المثلث المرسوم جانباً، ولتكن A

$$\text{تعطى بالعلاقة } A = \frac{1}{2}bh.$$

1. انسخ وأكمل: $2A = \dots$

2. عبّر عن h بدلالة A و b .

3. تطبيق عددي: احسب h إذا علمت أن $A = 15 \text{ cm}^2$ و $b = 4 \text{ cm}$.



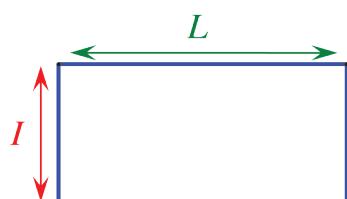
⑦ محيط المستطيل المرسوم جانباً، ول يكن P

يعطى بالعلاقة $P = 2LI$.

1. انسخ وأكمل: $2L = \dots$

2. عبّر عن L بدلالة P و I .

3. تطبيق عددي: احسب L إذا علمت أن $P = 31 \text{ cm}$ و $I = 6.4 \text{ cm}$.



حل معادلة.

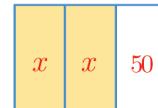
2

نشاط «إدراك حل المعادلة $ax + b = c$ خطوة فخطوة»

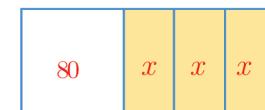
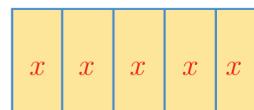
1. حساب ذهني

في كل حالة، لدينا شكلان يمثلان قطعتي أرض مساحتها متساويان، وقد اشير إلى مساحة كل قطعة بدلالة x مقدراً بالأمتار المربعة.

أمعن النظر في كل حالة لنكتشف قيمة x شارحاً خطوات وصولك إلى الناتج.



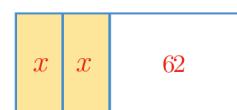
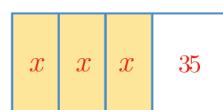
①



②



③



④

2. مع خواص المساواة

1. انسخ وأكمل.

$$(نطرح 2x من كل من الطرفين) \quad 3x = 2x + 50$$

$$x = \dots$$

2. انسخ وأكمل.

$$(نطرح 3x من كل من الطرفين) \quad 5x = 80 + 3x$$

$$(نقسم كلاً من الطرفين على 2) \quad 2x = \dots$$

$$x = \dots$$

3. حل المعادلة $120 = 2x + 80$ ثم المعادلة $3x + 35 = 2x + 62$ مع التحقق من صحة الحل.

4. حل المعادلة $2(9 + 2x) = 14$

- المعادلة هي مساواة تضم عدداً مجهولاً، نرمز إليه غالباً بحرف أبجدي.
- حل معادلة، هو إيجاد جميع قيم المجهول التي تجعل المساواة صحيحة (نقول إنها تتحقق المعادلة)
- كل قيمة تتحقق المعادلة نسميها حلّ لها.

معرفة مسبقة لحلّ معادلة

توضيح:

في حالة $x = 3$ ، قيمة التركيب $4x - 5$ هي 7 .
هذا يعني أن العدد 3 حلّ للمعادلة $4x - 5 = 7$.

حلّ المعادلة

 **مثال** لحلّ المعادلة $5x - 6 = 14$ ، يمكن أن نتبع الخطوات الآتية:

- نعزل الحدود التي تضم المجهول x في أحد طرفي المساواة (=)، والحدود المستقلة عن x في الطرف الآخر من المساواة، على أن نغير إشارة كل حد منقول: $5x = 14 + 6$
- نختزل كلاً من طرفي المساواة: $5x = 20$.

• نقسم كلاً من طرفي المساواة الأخيرة على معامل x : $\frac{5x}{5} = \frac{20}{5}$ ، لنصل إلى الحل $x = 4$.

 يمكن إنجاز الخطوة الأولى كما يلي:

تحقق من فهمك

انسخ وأكمل على غرار المثال السابق: ①

$$x = \dots \leftarrow 3x = \dots \leftarrow 3x = \dots \leftarrow 3x + 2 = 8 \quad ①$$

$$x = \dots \leftarrow -2x = \dots \leftarrow -2x = \dots \leftarrow -2x + 5 = -4 \quad ②$$

$$x = \dots \leftarrow \dots = 3 \leftarrow 5x = \dots = 3 \leftarrow 5x = -4x + 3 \quad ③$$

$$x = \dots \leftarrow \dots = \dots \leftarrow 5x = \dots = -1 \leftarrow 5x + 7 = 2x - 1 \quad ④$$

انسخ وأكمل الجدول التالي: ②

x	0	0.25	-2	$\frac{5}{4}$	10	$\frac{7}{4}$	1
$4x - 5$							



تدريب

- استنادً من الحسابات السابقة لإيجاد حلً لكلً من المعادلات التالية: ③
 $4x - 5 = 0$ ④ $4x - 5 = -1$ ③ $4x - 5 = 2$ ② $4x - 5 = -4$ ①

من بين الأعداد 5 و 0 و 5، أشر في كل حالة إلى الذي هو حلً للمعادلة: ①

$$5x = 3x + 10 \quad ③ \qquad x^2 - 25 = 0 \quad ② \qquad 2x(3x - 1) = 0 \quad ①$$

$$3x^2 + 14x - 5 = 0 \quad ⑥ \qquad 3x(x + 5) = 0 \quad ⑤ \qquad 2x^3 = 250 \quad ④$$

حل كلاً من المعادلات التالية ذاكراً مختلف مراحل الحل. ②

$$5x = -2 \quad ③ \qquad 17 - y = 5 \quad ② \qquad x + 5 = -14 \quad ①$$

$$\frac{1}{5}t - 3 = 1 \quad ⑥ \qquad -\frac{x}{5} = \frac{2}{3} \quad ⑤ \qquad -\frac{1}{2}a = 3 \quad ④$$

حل المعادلة ③ $6x + 360 = 4x + 600$ مبرراً كل مرحلة.

حل كلاً من المعادلات الآتية: ④

$$4y + 3 = -2y - 5 \quad ② \qquad 3x - 2 = 5x + 7 \quad ①$$

$$-5x - 7 = -3x + 2 \quad ④ \qquad -7a + 4 = 5a - 2 \quad ③$$

حل كلاً من المعادلات الآتية: ⑤

$$2(x - 5) = 3x + 7 \quad ② \qquad 3(x - 2) = 7 \quad ①$$

$$5(3 - x) - 3(x - 4) = 0 \quad ④ \qquad -3(x - 4) = 5(x + 3) \quad ③$$

في الشكل المرافق: يرمز x إلى عددٍ موجب، وأبعاد المستطيل مقدرة بالسنتيمترات، وعلم أنَّ ⑥

$$2(x + 15) = 42$$

1. ماذا تعني هذه المساواة بالنسبة إلى المستطيل؟
2. انشر ① $2(x + 15)$.
3. تبعاً للنشر السابق، كيف تكتب المعادلة $2(x + 15) = 42$ ②
4. حل هذه المعادلة. ③
5. اقترح طريقةً أخرى لحل تلك المعادلة وأنجز حلها ④

اصطناع معادلة.



نشاط «بناء معادلة»



1. استكشاف عددي

بعد جولتهما في مخزن لبيع أقراص CD .

قال هاني لهالة: «اشتريت قرصين وبقي معي 80 ليرة سورية»

ردت هالة: «كان لدي 560 ليرة سورية، اشتريت قرصاً واحداً، فبقي معي نفس المبلغ الذي كان لديك قبل أن تشتري القرصين»

أيمكن أن يكون سعر القرص 140 ليرة سورية؟ 160 ليرة سورية؟

2. استخدام رمز

نرمز إلى سعر القرص بالرمز x بالليرات السورية.

1. بناء معادلة

- استند من قول هاني لتعبر عن المبلغ الذي كان بحوزته قبل الشراء.
- استند من قول هالة لتعبر عن المبلغ الذي بقي معها بعد الشراء.
- ترجم، إلى مساواة، قولي هاني وهالة.

2. حل المعادلة

- حل المعادلة التي حصلت عليها مبرراً خطوات الحل.
- تحقق من المساواة التي حصلت عليها في 1. بتعويض قيمة x بها.

3. تأويل الحل

- عَبَرْ بجملة إنشائية عن سعر القرص.
- صُنِعْ سؤالين يتعلقان بالمسألة ثم أجب عنهما.

تعلم

التعبير عن مسألة بمعادلة



مثال يمتلك بشر 5 أقراص CD زيادة عما تمتلك سامية منها. ويمتلكان معاً 27 قرصاً.

إذا كان x يرمز إلى عدد الأقراص التي تمتلكها سامية، لكان عدد الأقراص التي يمتلكها بشر

$$\cdot x + (x + 5) = 27, \quad x + 5$$

التعبير عن مسألة بمعادلة وحلها

مثال في عيد ميلاده، نظمَ فائز حفلةً مع أصدقائه.



في بداية الحفلة كان عدد الفتيان يزيد على عدد الفتيان بمقدار 3 .

بعد مغادرة أربعة صبيان، أصبح عدد الفتيات مثلي عدد الفتىان. كم كان عدد الفتىان وعدد الفتيات ؟

الحل

اختيار المجهول

نرمز إلى عدد الفتىان في بداية الحفلة بالرمز x ، فيكون عدد الفتيات $x + 3$.

وضع معادلة

بعد مغادرة أربعة فتىان ، بقي منهم $x - 4$.

مثلاً هذا الباقى يساوى عدد الفتىات ، إذن $2(x - 4) = x + 3$.

لتسهيل كتابة هذه المعادلة، نقترح تنظيم جدولٍ بمعطيات نص المسألة كالتالى:

الفتيات	الفتىان	
$x + 3$	x	في بداية الحفلة
$2(x - 4)$	$x - 4$	في نهاية الحفلة

حل المعادلة

نشر الطرف الأيسر من المعادلة $2(x - 4) = 2x - 8$

فحصل على المعادلة $2x - 8 = x + 3$

نطرح من كلٌ من طرفيها العدد 3 ، $x + 3 - 3 = 2x - 8 - 3$

فحصل على المعادلة $x = 2x - 11$

نطرح من كلٌ من طرفيها $2x$: $x - 2x = 2x - 11 - 2x$

فحصل على المعادلة $-x = -11$

نضرب كلاً من طرفيها بالعدد 1 : $(-1)(-x) = (-1)(-11)$

فحصل على $x = 11$

التحقق: إذا افترضنا $x = 11$ ، وجدنا :

$.2(x - 4) = 2(11 - 4) = 2 \times 7 = 14$ و $x + 3 = 11 + 3 = 14$

إذن $x = 11$ هو حل المعادلة

النتيجة: في بداية الحفلة، كان عدد الفتىان 11 وعدد الفتيات 14 .

تحقق من فهمك



لتمويل برنامج مدرسي، اقترح طلاب الصف الثامن أن يبيعوا قطعاً من فطائر الجبنة، سعر القطعة بالجملة 30.50 ليرة سورية. وقطعاً من فطائر الزعتر، سعر القطعة 28.50 ليرة سورية. أثناء الفرصةنفذ الطلاب اقتراحهم إذ باعوا 50 قطعة من الفطائر، وجنوا 1515 ليرة سورية. ننوي إيجاد عدد قطع فطائر الجبنة وعدد قطع فطائر الزعتر التي باعها الطلاب.

رمز إلى عدد قطع فطائر الزعتر المباعة بالرمز y .

① عِزْ ، بدلالة y ، عن عدد قطع فطائر الجبنة المباعة.

② عِزْ ، بدلالة y ، عن ثمن قطع فطائر الزعتر المباعة، ثم عن ثمن قطع فطائر الجبنة المباعة.

③ اكتب المعادلة التي تعِزْ عن جني مبلغ 1515 ليرة سورية.

④ حل المعادلة التي حصلت عليها.

تدريب

① خَصَصَ مُعَمَّل أَدْوِيَة 12 عَبْوَة لِتَعْبِئَةِ إِنْتَاجَهَا مِنْ أَقْرَاصِ مَعَالِجَةِ مَرْضِ السُّكْرِيِّ. قالت العاملة:

« جَرَبْتُ تَعْبِئَةَ الْأَقْرَاصِ فِي 10 عَبَوَاتٍ، فَزِدَ 15 قَرْصاً.

• لِمَلِءِ جَمِيعِ الْعَبَوَاتِ يَنْقُصُ 35 قَرْصاً »

1. أَصْحَىجَ أَنَّ سُعَةَ الْعَبْوَةِ هِي 20 قَرْصاً ؟ 30 قَرْصاً ؟

2. يَرْمِزُ x إِلَى سُعَةِ الْعَبْوَةِ الْوَاحِدَةِ.

① عِزْ بِطَرِيقَتَيْنِ مُخَلَّفَتَيْنِ عَنْ عَدْدِ الْأَقْرَاصِ الَّتِي أَنْتَاجَهَا الْمُعَمَّلُ.

② اكتبِ الْمُعَادَلَةَ الَّتِي تعِزْ عَنْ مَضْمُونِ نَصِّ الْمَسَأَةِ ثُمَّ حَلَّهَا.

③ مَا سُعَةُ كُلِّ عَبْوَةِ مِنِ الْعَبَوَاتِ الْمُخَصَّصةِ لِتَالِكِ الْأَقْرَاصِ ؟

④ مَا عَدْدِ الْأَقْرَاصِ الَّتِي أَنْتَاجَهَا الْمُعَمَّلُ.

مُرئيات ومسائل



1 في كلّ حالة آتية، هناك إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاثة إجابات مقترحه. أشر إليها.

$$2x + 3 = 15 + y \quad ①$$

$$y = 2x - 12 \quad ③ \quad y = 2x + 18 \quad ② \quad y = 12 - 2x \quad ①$$

$$16 \quad ③ \quad 4 \quad ② \quad -8 \quad ① \quad \dots \quad 3x = 2(x - 4) \quad ②$$

3 لكي نحلّ المعادلة $2x + 9 = 3 - 4x$ ، يمكننا أن نكتب على التالى:

$$x = -1 \text{ ثم } 6x = -6 \quad 6x + 9 = 3 \quad ①$$

$$x = 2 \text{ ثم } 6x = 12 \quad 6x + 9 = 3 \quad ②$$

$$x = 1 \text{ ثم } 12 = -6x \quad 9 = 3 - 6x \quad ③$$

4 محيط المستطيل المرسوم في الشكل المравق يساوى .36 m.

يمكن التعبير عن ذلك بالمعادلة:

$$2(x^2 + 8) = 36 \quad ③ \quad 2(2x + 8) = 36 \quad ② \quad 2 \times 2x + 8 = 36 \quad ①$$

5 حلّ المعادلة $520 = 2x + 280$ هو حلّ للمسألة:

1 لدينا 520 ليرة سورية. إذا اشترينا قرصين مرنين، يبقى في حوزتنا 280 ليرة سورية.

ما سعر القرص الواحد؟

2 يزيد سعر قرص CD للبرمجة عن 280 ليرة سورية. لشراء قرصين، يجب أن يكون في حوزتنا 520 ليرة سورية. ما سعر القرص الواحد؟

3 لدينا 520 ليرة سورية. ينقصنا 280 ليرة سورية لشراء قرصين مرنين. ما سعر القرص الواحد؟

6 عمر ماري 42 عاماً. بعد عامين يصبح عمرها مثلي عمر ابنها. إذا رمننا إلى عمر ابنها الحالي

بالرمز x ، لعَرِّفنا عن النص بالمعادلة التالية:

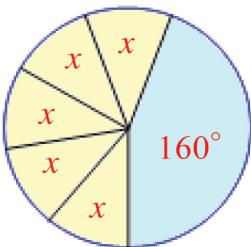
$$2x + 2 = 44 \quad ③ \quad 2(x + 2) = 44 \quad ② \quad 2(x + 2) = 42 \quad ①$$

2 حلّ كلاً من المعادلات التالية ذاكراً مراحل الحل.

$$-25 = 4x + 3 \quad ③ \quad -7 - 3x = 6 \quad ② \quad 5a - 2 = 27 \quad ①$$

$$-1 + \frac{1}{3}t = -\frac{3}{5} \quad ⑥ \quad \frac{9}{4} + x = 1 \quad ⑤ \quad -\frac{2}{3}b + 4 = -4 \quad ④$$

الإحراز تقدم



تشكيل معادلة لمعرفة أجزاء متساوية 3

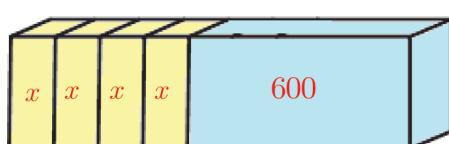
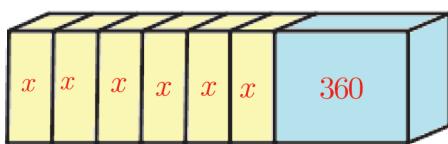
في الشكل المرافق، يرمز x إلى قياس كل زاوية ملونة بالأصفر بالدرجات.

$$1. \text{ اشرح لماذا يمكن كتابة } 5x + 160 = 360.$$

2. حل هذه المعادلة.

تشكيل معادلة لمعرفة أجزاء متساوية 4

في الشكل المرافق، حجم البلاطتين متساويان. وحجم كل جزء معطى بالسنتيمترات المكعبة.



1. أمعن النظر في الشكل واحسب x ذهنياً.

$$2. \text{ حل المعادلة } 6x + 360 = 4x + 600 \text{ مبرأً كل مرحلة.}$$

التعبير عن نصٍ بمعادلة (تشكيل معادلة) 5

عبر عن كل من النصين الآتيين بمعادلة:

① « أضمن عدد x ، أضيف إليه 15 ، ثم أضاعف الناتج فأحصل على 44 »

② « أحد بعدي مستطيل يساوي ثلاثة أمثال البعد الآخر ، ومحيطيه يساوي 28 »

تعلم صياغة النصوص 6

تأمل النص والحل الذي نفذه أحد التلاميذ، ثم صنْ حلاً بعد الأخذ بمجمل ملاحظات المصحح.

النص: سعر بطاقة الدخول إلى مسرح للبالغ يعادل مثلي سعر بطاقة الدخول للقاصر. حضر الحفل جمّع من 12 بالغاً و 10 قاصراً، فدفعوا ثمن بطاقاتهم 2550 ليرة. ما سعر بطاقة دخول البالغ.

حل التلميذ وملاحظات المصحح:

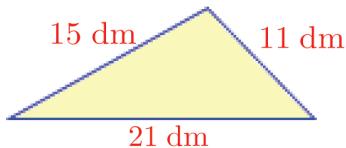
$$(\text{لام يرمز } x \text{ ؟ اشرح ما يرمز إليه } 2x) \quad 10x + 12 \times 2x = 2550$$

$$(\text{اكتب التفاصيل التي أوصلتك إلى هذه المساواة}) \quad 34x = 2550$$

$$(\text{أنت غير موفق في هذه الخطوة}) \quad x = 2550 - 34$$

$$(\text{عليك بعد الحصول على قيمة } x \text{ ، أن تختم الحل بجملة تعبر بها بما كان مطلوباً}) \quad x = 2516$$

اللّعمق



مثلث جديد

7

نصف إلى كلٌ من أضلاع المثلث المرسوم في الشكل المرافق العدد x ذاته مقدراً بالسنتيمترات، بحيث يصبح محيطه مساوياً . احسب قيمة x .

مقتبسات

8

اقتى رامي نماذج من منتجات سيارات السباق وأخرى سياحية. مقتبسته من سيارات السباق تزيد عن مقتبسته من السيارات السياحية بمقدار 37 . أعطى أخيه الصغير 5 سيارات سياحية، فأصبح لديه عدد سيارات السباق مثلي عدد السيارات السياحية. كم كان عدد مقتبسته من كل نوع من السيارات قبل أن يعطي أخيه ؟

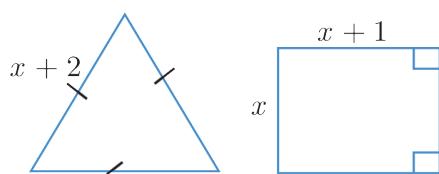
استخدام موظفين

9

عدد الموظفين العاملين في أحد المشاريع يزيد على عدد الموظفات بمقدار 4 . غادرت ثلاثة موظفات المشروع فأصبح عدد الموظفين مثلي عدد الموظفات. كم كان عدد كلٌ من الموظفين والموظفات في المشروع قبل مغادرة الموظفات الثلاث؟

محيط متساويان

10



في الشكلين التاليين، الأبعاد معطاة بالسنتيمترات.

محيط المستطيل يساوي محيط المثلث المتساوي الأضلاع.

1. احسب قيمة x .

2. احسب المحيط المشترك لكل من الشكلين.

أعداد متتالية

11

أوجد ثلاثة أعداد صحيحة متتالية مجموعها يساوي 261 .

لعبة

12

هي ذي قاعدة لعبٍ: « تتقى 150 ليرة سورية إن ربحنا الواقعة وندفع 60 ليرة سورية إن خسرنا الواقعة »

لعبت سناء 25 واقعة فبلغت خسائرها 30 ليرة سورية. كم واقعة ربحتها سناء ؟

مماضصة 13



وزعت إحدى السيدات 50 قطعة سكاكر على أطفالها الثلاثة،
ليلي وماهر ومناف.

حصة مناف منها تعادل مثلي حصة ماهر.

حصة ليلي تزيد بخمس قطع عن حصة مناف.

1. احسب عدد قطع السكاكر التي أعطيت ل Maher.

2. احسب عدد قطع السكاكر التي أعطيت لكلٍ من مناف وليلي.

رحلة 14

قررت إدارة إحدى مدارس دمشق إقامة رحلة طلاب الصف الثامن إلى بلدة زحلة في بقاع لبنان. عند وصولها إلى موقع الجمارك السورية (في جديدة يابوس) كانت قد قطعت ثلثي المسافة بين دمشق وزحلة، وبين موقع الجمارك السورية وموقع الجمارك اللبنانية تم قطع ربع المسافة بين موقع الجمارك السورية وببلدة زحلة. وفي موقع الجمارك اللبنانية سأله مشرف الرحلة أحد سكان المنطقة عن المسافة الباقية إلى زحلة، فأجاب km 15 بالتأكيد.

1. احسب المسافة بين دمشق وزحلة.

2. احسب مسافة كلٍ من مرحلتي الرحلة، الأولى من دمشق إلى موقع الجمارك السورية والثانية بين موقعي الجمارك السورية والجمارك اللبنانية .

هدية 15

بمناسبة عيد ميلاد ليلاس، اتفقت صديقاتها على إهدائها هدية مشتركة، على أن تشارك كلٌ منهن بمبلغ 420 ليرة سورية.

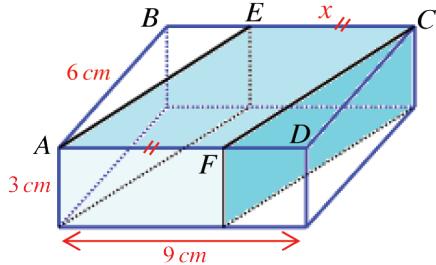
وب قبل شراء الهدية المتفق عليها، انضمت لهن صديقتان آخران، فتبين أنَّ المبلغ المترتب على كلٍ مشتركة في هذه الحالة ولشراء الهدية ذاتها هو 390 ليرة سورية.

1. ما عدد صديقات ليلاس؟

2. ما سعر الهدية ؟

قصة المجلدات

16



$ABCD$ هي قاعدة متوازي مستطيلات، ارتفاعه $AD = 9 \text{ cm}$ وبعدها قاعده $AB = 6 \text{ cm}$ و EC نقطة من القطعة $[BC]$ و F نقطة من القطعة $[AD]$ تتحققان كون الرباعي $AECF$ متوازي أضلاع. نرمز إلى طول القطعة $[EC]$ بالرمز x .

نتأمل المنشور القائم الذي قاعده $AECF$ كما يدلنا الشكل المرافق. احسب قيمة x في الوضع الذي يكون حجم هذا المنشور مساوياً مثلي حجم المجسم الباقي.

طوابع بريدية

17



ما تراه طابع بريدي بقيمة قرشين سوريين، استخدم في البريد السوري عامي 1924 و 1925 إبان الاحتلال الفرنسي لسوريا. شادي وفادي مولعان باقتاء تشيكيلة طوابع بريدية.

شادي: « لدى 135 طابعاً »

فادي: لو أضفت إلى طوابعي ثلث ما لدى، لنقصني 15 طابعاً عما لديك يا شادي.
ما عدد طوابع فادي؟

مسألة العمر

18

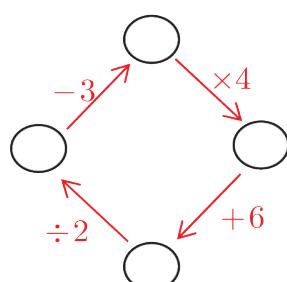
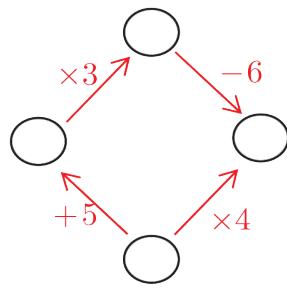
عمر السيد غازي هو 64 عاماً وعمر ابنه 18 عاماً.

بعد كم سنة يصبح عمر غازي ثلاثة أمثال عمر ابنه؟

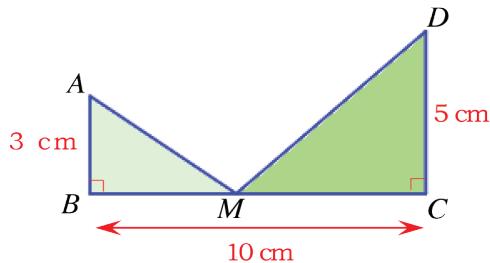
أعداد مخفية

19

انسخ وأملأ الخانات الفارغة في كلٍ من المخططين التاليين بأعدادٍ مناسبة.



20 اختيار مكان مناسب



في الشكل المرافق:

نقطةٌ من القطعة المستقيمة $[BC]$ M .

نريد معرفة موضع النقطة M بحيث تتساوى مساحتها المثلثين DCM و ABM .

نرمز إلى طول $[BM]$ بالرمز x بالسنتيمترات وبالرمز \mathcal{A}_1 إلى مساحة المثلث ABM بالسنتيمترات المربعة، وبالرمز \mathcal{A}_2 إلى مساحة المثلث DCM بالسنتيمترات المربعة.

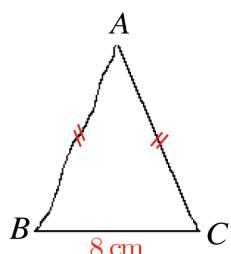
1. احسب كلاً من \mathcal{A}_1 و \mathcal{A}_2 بدلالة x .

2. استخدم معادلةً تعبر عن تساوي المساحتين \mathcal{A}_1 و \mathcal{A}_2 .

3. حل هذه المعادلة وأنجز حل المسألة.

21 التحقق من الخل

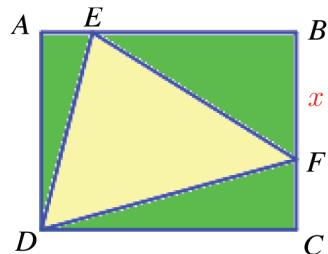
محيط المثلث المرسوم يدوياً من قبل أحد التلاميذ يساوي 16 cm.



1. كم يجب أن يكون طول $[AB]$ ؟

2. أيوجد مثل هذا المثلث؟ لماذا؟

22 مثلث علمت مساحته



. $AD = 4$ cm و $AB = 5$ cm $ABCD$ مستطيل.

. $AE = 1$ cm تحقق E نقطة من $[AB]$.

. $[BC]$ F نقطة من $[BC]$.

نرمز إلى طول $[BF]$ x مقدراً بالسنتيمترات.

1. احسب مساحة المثلث AED .

2. عبّر عن مساحة كل من المثلثين EBF و DFC بدلالة x .

3. أثبت أن مساحة المثلث EDF بالسنتيمترات المربعة هي $8 + 0.5 x$.

4. حل المعادلة $8 + 0.5 x = 9.5$.

5. ارسم الشكل في الحالة التي تكون فيها مساحة المثلث EDF متساوية 9.5 cm^2 .

الوحدة الخامسة

النسبة والتناسب

النسبة والنمذج البياني ①

السرعة الوسطى ②

النسبة المئوية ③

انطلاقة نشطة



في كلٌ مما يأتي، واحدة فقط من الإجابات ① و ② و ③ صحيحة، أشر إليها.

① الجدول الذي تتناسب أعداد السطر الأول مع أعداد السطر الثاني هو

8	4	20	③
6	3	15	②

12	28	0.4	②
21	50	0.7	①

8	4	20	①
7	17	107	③

② في الجدول الآتي الأثمان بالليرات السورية متناسبة مع الكتل بالكيلوغرامات.

الكتلة (بالكيلوغرام)	8	14	24
الثمن (بالليرات)	1200	x	3600

معامل التناسب هو 140 ③ 160 ② 150 ①

③ في الجدول السابق الأثمان متناسبة مع الكتل، فقيمة x هي

2110 ③ 2100 ② 2600 ①

④ ساعة و 18 دقيقة تساوي ... ③ 1.2 ساعة ② 1.18 ساعة ① 1.3 ساعة.

⑤ سعر كنزة هو 3600 ليرة سورية، وفي فترة التزييلات نقص سعرها $\frac{5}{100}$. فسعر الكنزة يصبح

3420 ليرة سورية ② 3500 ليرة سورية ③ 3480 ①

400 ③ 40 ② 4000 ① 125% من 320 يساوي ... ⑥

⑧ عدد الطلبة في أحد الصفوف هو 25 ، منهم 10 طلاب. فالطلاب يشكلون

0.40% من الطلبة ① 4% من الطلبة ② $\frac{4}{100}$ من الطلبة ③

⑨ سعر علبة بسكويت هو 120 ليرة سورية، وبعد ارتفاع الأسعار أصبح سعرها 132 ليرة سورية،

فالنسبة المئوية لازدياد سعر علبة البسكويت هي 1.1% ③ 10% ② 0.2% ①

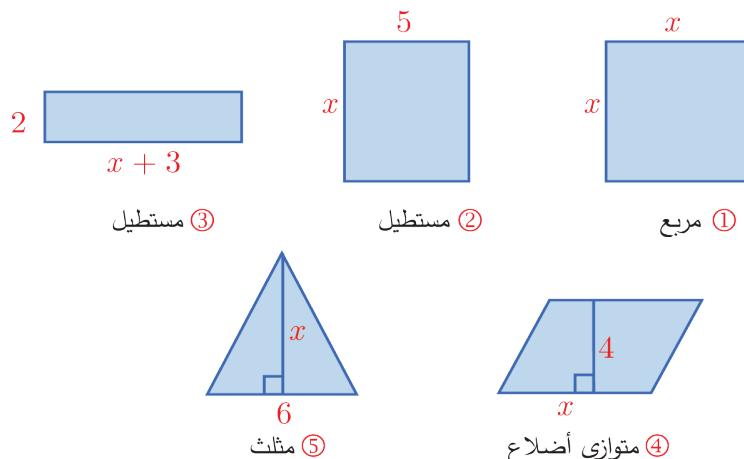
التناسب والتمثيل البياني



نشاط «وصف التناوب ب نقاط متسامنة مع مبدأ جملة ديكارتية»

1 «جدوال تناسبية وأخرى ليست تناسبية»

فيما يأتي خمسة أشكال هندسية مساحاتها تابعة لطول متغير x .



وخمسة جداول تعبر عن مساحات تلك الأشكال حسب قيم x .

x	1	2	3
$\mathcal{B} = 2(x + 3)$			

②

x	1	2	3
$\mathcal{A} = 3x$			

①

x	1	2	3
$\mathcal{E} = x^2$			

⑤

x	1	2	3
$\mathcal{D} = 4x$			

④

x	1	2	3
$\mathcal{C} = 5x$			

③

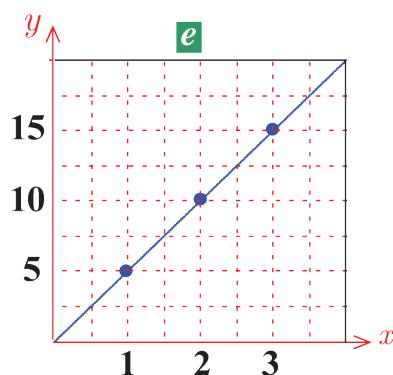
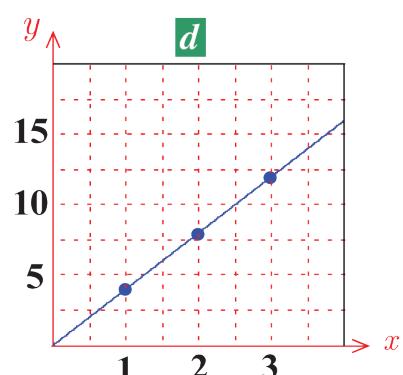
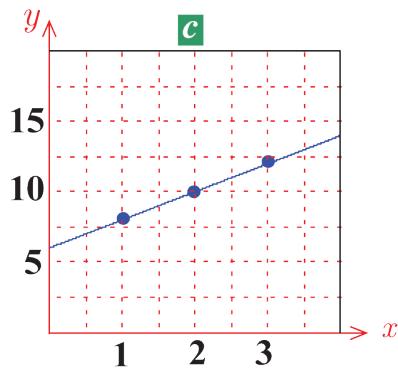
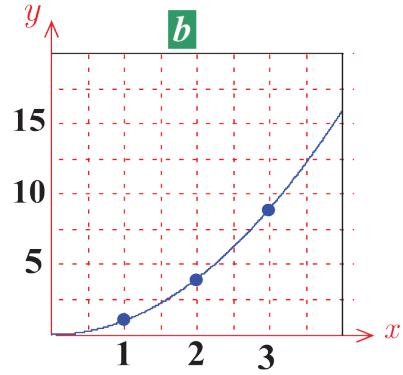
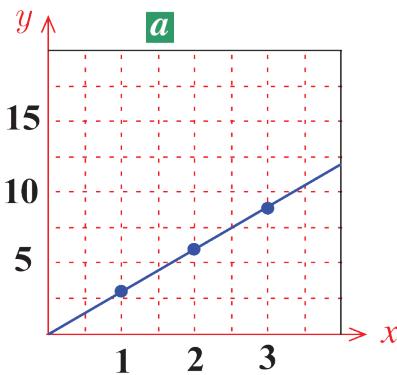
1. طابق بين كل شكل والجدول الموافق له.

2. انسخ الجداول الخمسة وأكمل مضامينها.

3. من بين تلك الجداول، أيّها جداول تناسبية؟

.2 « تمثيل بياني »

هي ذي خمسة خطوط بيانية تمثل الجداول السابقة .^⑤ ; ^④ ; ^③ ; ^② ; ^①



1. طابق بين كلّ بيان والجدول الموافق له.

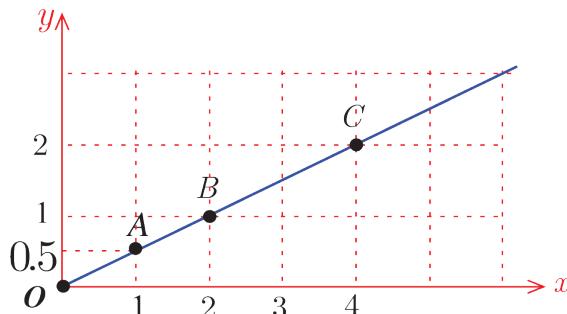
2. كيف يمكنك تمييز الخطوط البيانية التناضجية؟

من التنااسب إلى التمثيل البياني

إذا مثلاً بيانياً معطياتٍ متناسبة، فإنَّ النقاط ذات الصلة تقع على استقامة واحدة.

الجدول المرافق هو جدول تنااسب، والشكل المرافق تمثيل بياني له.

مثال



x	1	2	4
y	0.5	1	2

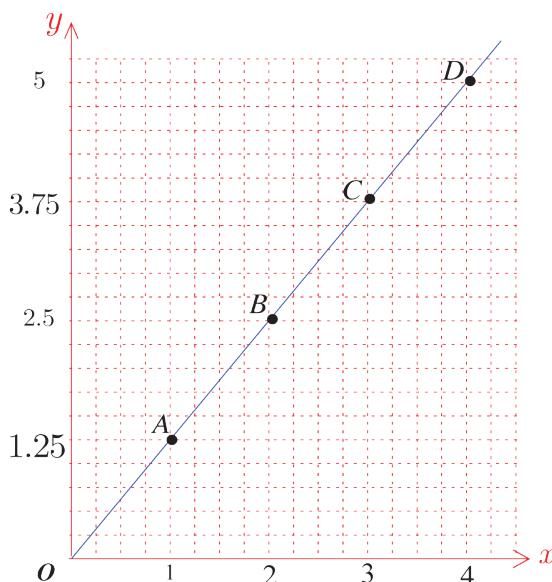
$\times 0.5$

فالنقط $O(0,0)$ و $A(1,0.5)$ و $B(2,1)$ و $C(4,2)$ واقعة على استقامة واحدة.

من التمثيل البياني إلى التنااسب

إذا كانت النقاط الممثلة لمعطيات جدول واقعة مع المبدأ على استقامة واحدة، كان الجدول جدول

تنااسب.



لأنَّ النقاط $A(1,1.25)$ و $B(2,2.5)$ و

و $C(3,3.75)$ و $D(4,5)$ تقع

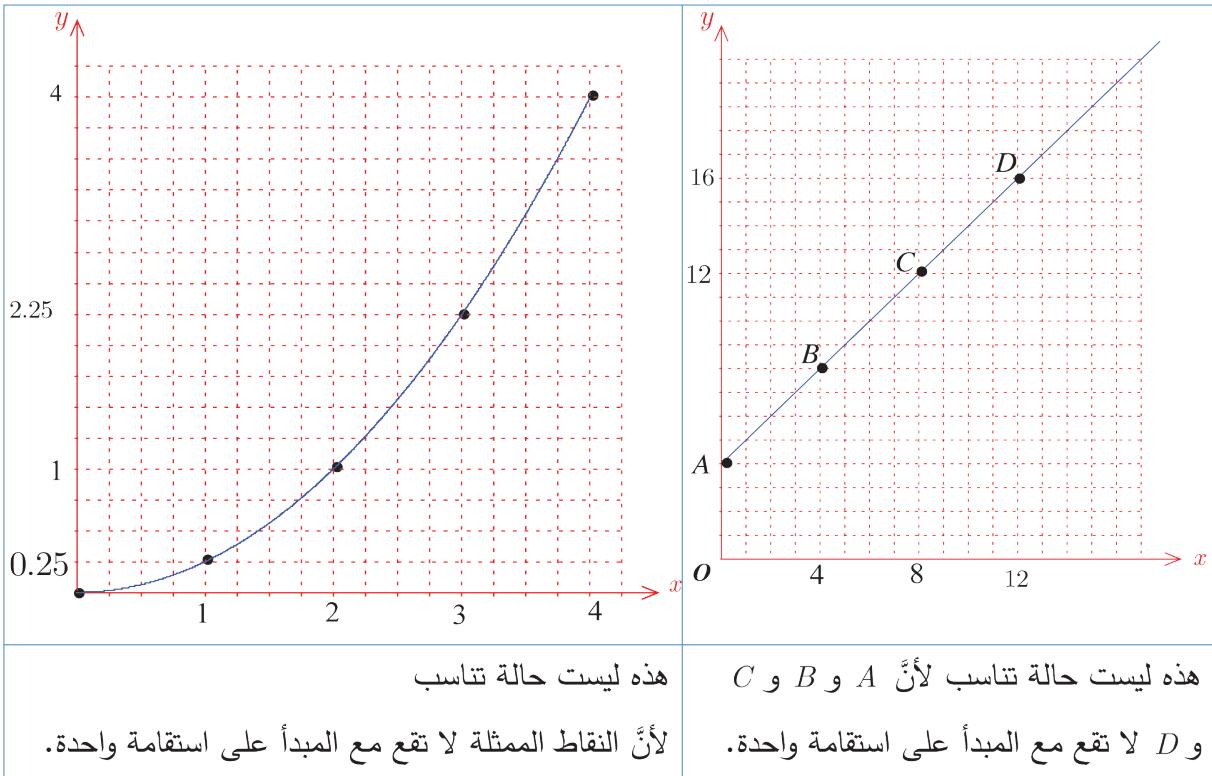
مع المبدأ $O(0,0)$ على استقامة واحدة.

أو نقول:

الخطُّ البياني الذي يمثل المعطيات مستقيمٌ

ماً بالمبأ.

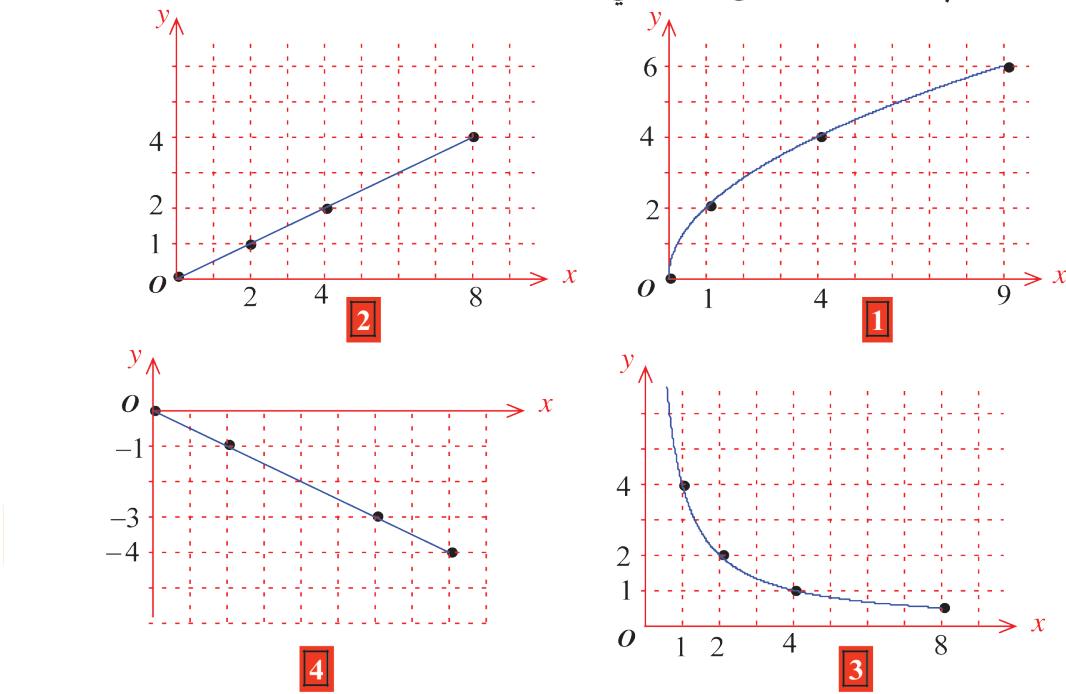
مثال



تحقق من فهمك



من بين التمثيلات الأربعية الآتية، أشر إلى ما هو في حالة تتناسب ذاكرًا معامل تتناسبه.





إذا كان

جدول تنااسب، كانت النسبة $\frac{y}{x}$ ثابتة.

x	a	b	c
y	a'	b'	c'

والعدد الثابت $\frac{y}{x}$ يسمى معامل التنااسب.

تدريب

- ① تأمل الجدول الآتي الذي يتضمن الرواتب الشهرية لأربعة موظفين مستأجرين منازل بأجور سنوية (الوحدة النقدية هي الليرة السورية).

28 000	26 000	24 000	راتب الشهري
		144 000	الأجرة السنوية

إذا علمت إن أجور السكن متناسبة مع الرواتب السنوية.

أولاً:

1. أيٌ من الأعداد 3 ، 6 ، 9 هو معامل التنااسب؟

2. انسخ الجدول السابق وأكمله.

ثانياً:

1. نظم جدولًا مماثلاً بالرواتب الشهرية وأجور السكن الشهرية.

2. هل الرواتب الشهرية متناسبة مع أجور السكن الشهرية. ما معامل التنااسب؟

3. مثل بيانات هذا الجدول بيانياً.

- ② أراد أحد هواة الحاسوب اختبار سرعة كتابته على شاشة حاسبه، فوجد النتائج الآتية:

780	600	420	عدد الكلمات
13	10	7	الزمن بالدقائق

1. هل الأزمنة المستغرقة متناسبة مع عدد الكلمات المكتوبة. ما معامل التنااسب؟

2. مثل مفردات هذا الجدول بيانياً

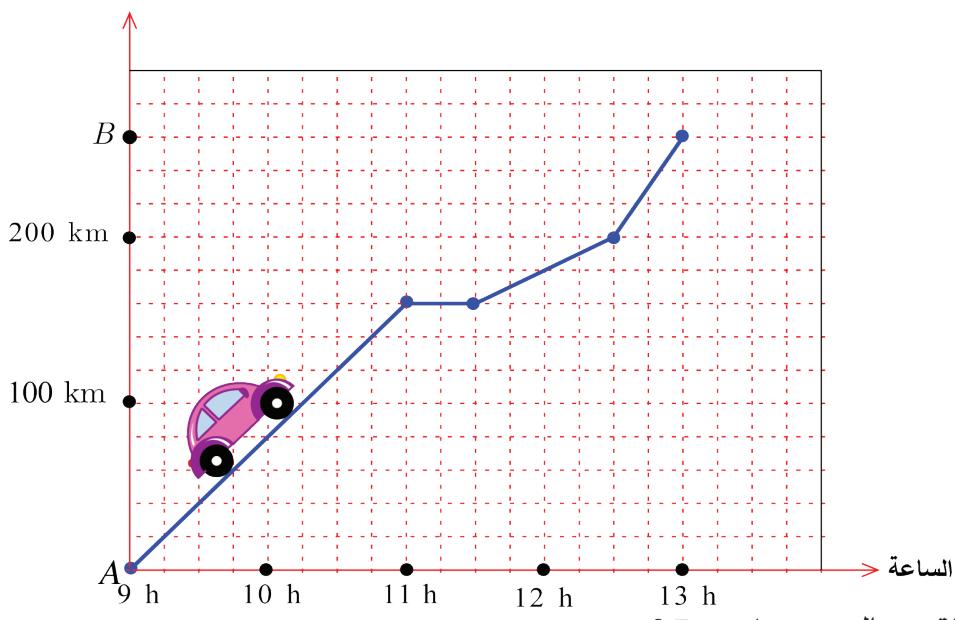
السُّرعة الوسطى ②

نشاط «حساب السرعات الوسطى وصولاً إلى الصيغة $d = v \cdot t$

قراءة خط بيانی ١.

الخط البياني المرسوم أدناه، تمثل لانتقال سيارة بين مدينتين A و B .

المسافة المقطوعة



١. ما المسافة بين المدينتين A و B ؟

٢. في أية ساعة انطلقت السيارة من المدينة A ؟ وفي أية ساعة وصلت إلى المدينة B ؟

٣. ما المسافة التي قطعتها السيارة من الساعة الحادية عشرة حتى الساعة الثالث عشرة؟

٤. هل انتقلت السيارة في الفترة ما بين الساعة الحادية عشرة والحادية عشرة والنصف؟

٢. «صيغة»

إذا كان d رمزاً للمسافة المقطوعة بالكيلومترات، وكان t الزمن المستغرق بالساعات، وكان v رمزاً

للسرعة الوسطى بالكيلومتر في الساعة، لكان

من الساعة التاسعة حتى الحادية عشرة، قطعت السيارة مسافة 160 km، علماً بأن سرعتها لم تكن ثابتة (نقول إن حركتها غير منتظمة). يمكننا القول أن السيارة سارت بمعدل 80 km في الساعة

(نقول إن سرعتها الوسطى هي $80 \text{ km} / \text{h}$ في الساعة، والتعبير الرمزي لقولنا هو $80 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$ أو $(80 \text{ km} / \text{h})$.

1. ما السرعة الوسطى للسيارة ما بين الساعة الحادية عشرة والنصف والثانية عشرة والنصف؟ وما بين الساعة الثانية عشرة والنصف والثالث عشرة؟

2. ما السرعة الوسطى للسيارة ما بين الساعة التاسعة والثالث عشرة؟

3 «مسيرة عودة»

أنهت السيارة مسيرة عودتها من B إلى A بسرعة وسطى مقدارها $80 \text{ km} / \text{h}$.

1. احسب مدة هذه المسيرة.

2. احسب السرعة الوسطى للسيارة ذهاباً وإياباً مقتبساً الجواب إلى خانة عشرية واحدة.

4 «في ألعاب القوى»

في سباق جري، قطع متسلق مسافة 200 m في عشرين ثانية.

1. ما سرعته الوسطى مقدرة بالأمتار في الثانية؟

2. بهذه السرعة الوسطى، ما المسافة التي يقطعها

① في دقيقة؟ ② في ساعة؟ ③ في يوم؟

3. ما سرعته الوسطى؟ مقدرة بالوحدات الآتية

① كيلو متر في اليوم ③ (km / h) ② (m/min)

4. بعض هذه الوحدات غير ملائمة. ما تعليقك؟



تعلم
تعريف.

القول « v هي السرعة الوسطى لمتحرك» يعني « v هي نسبة المسافة التي يقطعها المتحرك إلى الزمن الذي يستغرقه المتحرك لقطع هذه المسافة»

خاصة.

إذا رمنا إلى السرعة الوسطى بالرمز v ، وإلى المسافة المقطوعة بالرمز d ، وإلى الزمن

$$d = v \cdot t, \text{ كان } v = \frac{d}{t}$$

مثال



إذا قطعت سيارة مسافة 120 km خلال ساعتين من حركتها، كانت سرعتها الوسطى

$$v = \frac{d}{t} = \frac{120 \text{ km}}{2 \text{ h}} = 60 \text{ km/h}$$

وهذا لا يعني بالضرورة أن سرعة السيارة كانت ثابتة، فقد تكون أبطأت تارة وأسرعت تارة أخرى. لكنها كانت تسير بمعدل ستين كيلومتراً في الساعة خلال مدة حركتها.

اكتساب معارف



كيف نستعمل الصيغة $d = v \cdot t$ لحساب المسافة؟

مثال سارت سيارة لمدة ساعتين و 12 دقيقة بسرعة وسطى مقدارها 65 km/h.

ما المسافة التي قطعتها السيارة؟

الحل:

- كل ساعة تساوي 60 دقيقة، إذن $1 \text{ min} = \frac{1}{60} \text{ h}$ وبالتالي $12 \text{ min} = \frac{1}{60} \times 12 = \frac{1}{5} = 0.2 \text{ h}$.

$$\therefore t = 2 + 0.2 = 2.2 \text{ h}$$

- بما أن السرعة معطاة بالكيلو متر في الساعة $v = 65 \text{ km/h}$ والزمن معطى بالساعة، $t = 2.2 \text{ h}$ فتحسب المسافة بالكيلومتر.

- باستعمال الصيغة $d = v \cdot t$ ، نجد $d = 65 \times 2.2 = 143 \text{ km}$. فتكون السيارة قد قطعت مسافة 143 كيلومتراً.

كيف نستعمل الصيغة $d = v \cdot t$ لحساب السرعة؟

مثال تقطع طائرة نفاثة مسافة 28.2 km كل دقيقتين. احسب سرعتها الوسطى بالمتر في الثانية.

الحل:

- نحسب المسافة المقطوعة بالأمتار $28.2 \text{ km} = 28.2 \times 1000 = 28200 \text{ m}$.

- نحسب الزمن بالثواني: $2 \text{ min} = 2 \times 60 = 120 \text{ s}$.

- نستخدم الصيغة $d = v \cdot t$ بالصيغة $v = \frac{d}{t}$ ، فنجد $v = \frac{28200}{120} = 235 \text{ m/s}$.

فالسرعة الوسطى للطائرة هي 235 m/s.

 كـيف نستعمل الصيغة $d = v \cdot t$ لحساب الزمن؟

مثال في سباق للدراجات الهوائية، أطلق متسابق العنان لدراجته، فقطع مسافة 3484.5 km بسرعة وسطى مقدارها 40.4 km/h . احسب الزمن الذي استغرقه هذا المتسابق.

الحل:

$$t = \frac{3484.5}{40.4} = 86.25 \text{ s} \quad \text{نستخدم } d = v \cdot t \text{ بالصيغة}$$

فالزمن الذي استغرقه المتسابق هو 86.25 s .

نحو 86.25 s إلى ساعات و دقائق

$$86.25 \text{ s} = 86 \text{ s} + 0.25 \text{ s} = 86 \text{ s} + 0.25 \times 60 \text{ min} = 86 \text{ s} + 15 \text{ min}$$

فالزمن الذي استغرقه المتسابق هو 86 ساعة و 15 دقيقة.

 كـيف تعرّف وحدات السرعة ليصار إلى اختيار أفضلها حسب وحدات الزمن والمسافة؟

مثال 

يسير رجل ماشياً بسرعة وسطى مقدارها 12.6 km/h ، أي أنه يسير بمعدل 12.6 كيلومتراً في الساعة. لحساب هذه السرعة الوسطى بالمتر في الثانية، نجري التحويلين الآتيين.

$$d = 12.6 \text{ km} = 12.6 \times 1000 \text{ m} = 12600 \text{ m} \quad \text{▪}$$

$$t = 1 \text{ h} = 1 \times 60 \times 60 \text{ s} = 3600 \text{ s} \quad \text{▪}$$

$$(v = 3.5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}) \quad v = \frac{d}{t} = \frac{12600 \text{ m}}{3600 \text{ s}} = 3.5 \text{ m/s}$$
 وبهذا نجد

تحقق من فهمك 

① تطير طائرة بسرعة وسطى 9000 km/h لمدة ساعة و 24 دقيقة. ما المسافة التي قطعتها الطائرة؟

② يقطع أحد الجنود، مسافة 1.9 km خلال 40 s (40 ثانية). ما السرعة الوسطى للجندي مقداراً

بالمتر في الثانية؟ (m/s)

③ يقرّ العلماء أن سرعة الديناصورات جرياً كانت بحدود 36 km/h .

احسب هذه السرعة مستخدماً الوحدة m/s

تدريب

قطع راكب دراجة على مسار دائري 8 دورات بسرعة وسطى $30 \text{ km} / \text{h}$ وبזמן قدره 54 s .

1. ما المسافة التي قطعها؟

2. احسب، بدلالة π ، نصف قطر دائرة المسار.

في أحد أحواض السباحة، قطع سباح مسافة 140 m خلال دقيقتين و 14 ثانية.

1. احسب السرعة الوسطى لهذا السباح مقدرة بالكيلومتر في الساعة.

2. قرب هذه السرعة إلى أقرب وحدة صحيحة.

قطع سلحفاة مسافة 10.4 m كل دقيقة وربع.



1. احسب المسافة التي قطعها السلحفاة في نصف ساعة.

2. احسب السرعة الوسطى للسلحفاة مستعملاً (m / h).

٤ سارت سيارة من الساعة 11 والدقيقة 18 حتى الساعة 12.

1. احسب (بالساعات) الزمن الذي استغرقته السيارة.

إذا علمت أنَّ السرعة الوسطى للسيارة كانت محصورة بين $70 \text{ km} / \text{h}$ و $80 \text{ km} / \text{h}$ ،

أوجد حسراً للمسافة التي قطعتها السيارة.

٥ اجر التحويلات الآتية.

1. ثلاثة ساعات وإحدى عشرة دقيقة إلى دقائق.

2. خمس ساعات وتسعة بالعشرة من الساعة إلى دقائق.

3. خمس ساعات وخمس عشرة دقيقة إلى ساعات.

4. تسعة دقائق وثلاثة وعشرون ثانية إلى ثوان.

٦ يزحف حلزون بسرعة $15 \text{ cm} / \text{min}$. احسب سرعته مستخدماً الوحدة km / h ومقرّباً الجواب

لثلاثة منازل عشرية.

النسبة المئوية



نشاط « العمل على النسب المئوية والقيم الفعلية »

تمعّن الجدول الآتي والذي يحصي طلبة أحد المعاهد حسب أعمارهم

أعمار الطلبة	عدد الطلبة
سنة 16 – 20 ①	3 600
سنة 21 – 25 ②	2 400

والطلبة الذين يتعلّمون اللغة الفرنسية يشكّلون $\frac{30}{100}$ من الفئة ① و $\frac{40}{100}$ من الفئة ② .

1. ما عدد الطلبة الذين يتعلّمون الفرنسية من كلّ فئة؟

2. لاحظ $\frac{30}{100} + \frac{40}{100} = \frac{70}{100}$ ، فهل الذين يتعلّمون الفرنسية يشكّلون $\frac{70}{100}$ من طلبة المعهد؟

3. ما عدد طلاب المعهد الذين يتعلّمون الفرنسية؟ وما نسبتهم المئوية؟

تعلم

عدد الطالبات في أحد المعاهد 45 ، ويشكّلن $\frac{18}{100}$ من مجموع طلبة المعهد.

لمعرفة عدد طلبة المعهد ولتكن x ، نستخدم القاعدة الثلاثية

$$x = \frac{45 \times 100}{18} = \frac{5 \times 100}{2} = 250$$

مثال اشتريت رانيا آلة حاسبة بمبلغ 4000 ليرة سورية، وبعد ازدياد الأسعار بنسبة $\frac{12.5}{100}$ ، اشتريت صديقتها تala آلة مماثلة.

لمعرفة السعر الجديد للآلة، نحسب الزيادة x التي تضاف للسعر القديم

$$x = \frac{4000 \times 12.5}{100} = 500$$

اكتساب معارف

كيف نحسب نسبة مئوية؟

مثال يضم أحد الصفوف 20 طالبة و 10 طلاب. في امتحان الرياضيات نال $\frac{65}{100}$ من الطالبات و $\frac{50}{100}$ من الطلاب درجة (امتياز). ما النسبة المئوية لطلبة الصف الذين نالوا درجة (امتياز)؟

الحل:

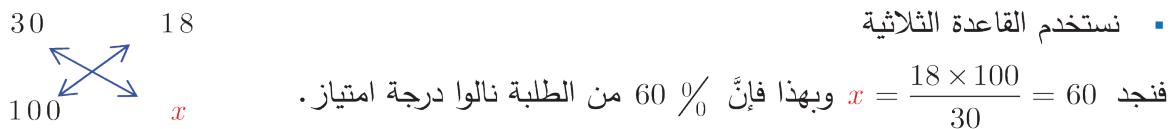
$$\text{إذن } 13 \text{ طالبة نالوا درجة (امتياز)} . \quad \frac{65}{100} \times 20 = 13$$

$$\text{إذن } 5 \text{ طلاب نالوا درجة (امتياز)} . \quad \frac{50}{100} \times 10 = 5$$

عدد الطالبة الذين نالوا (امتياز) يساوي $13 + 5 = 18$.

إذن 18 شخصاً من أصل $30 = 10 + 20$ نالوا درجة (امتياز).

نستخدم القاعدة الثلاثية



$$\text{فجد } 60 = \frac{18 \times 100}{30} = 60 \text{ وبهذا فإن } \% 60 \text{ من الطلبة نالوا درجة امتياز.}$$

تحقق من فهمك

- ① لدى رغد 7 أسطوانات موسيقا كلاسيكية، وهي تشكل $\% 35$ من مجموعة الأسطوانات التي تقتنيها. ما عدد جميع الأسطوانات في المجموعة التي تقتنيها رغد؟
- ② في صالة عرض للأدوات الكهربائية، عرض جهاز تصوير بسعر 540 ليرة سورية. وبعد فترة ارتفع سعر الجهاز بمقدار $\% 15$. ما السعر الجديد لجهاز التصوير؟
- ③ يضم نادٍ رياضي 50 لاعبة و 75 لاعباً. $\% 70$ من اللاعبات و $\% 80$ من اللاعبين يزيد أعمارهم عن 20 سنة. احسب النسبة المئوية لأعضاء النادي ممن يزيد أعمارهم عن 20 سنة.

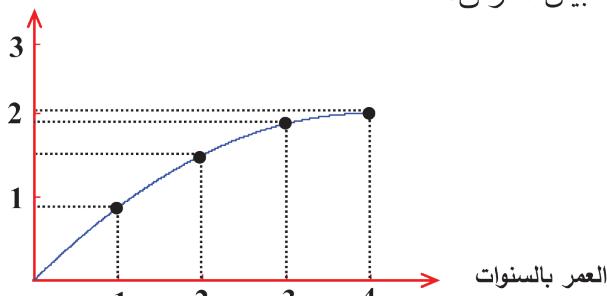
تدريب

- ① في صالة عرض للأدوات الكهربائية، عرض جهاز تلفزيون بسعر 65550 ليرة سورية. وبعد فترة أعلنت الصالة عن تزييلات بمقدار $\% 18$. ما السعر الجديد لجهاز التلفزيون؟
- ② شاهدت ناديا في إحدى صالات البيع ستة واقية للمطر سعرها 2 ليرة سورية، وعندما همت بشرائها خصم لها البائع 320 ليرة سورية. احسب النسبة المئوية لهذا الخصم.
- ③ بعد الإعلان عن التزييلات، بيعت ستة سعرها 7 ليرة سورية بمبلغ 650 ليرة سورية. احسب النسبة المئوية للتزييل الذي طرأ على سعر الستة.
- ④ في أحد الشواطئ الصالحة للسباحة، ضمّ مخيم 75 شابة و 125 شاباً.
- في الساعة الثانية، وُجد أن $\% 40$ من الشباب و $\% 60$ من الشابات يسبحون في البحر.
- ما النسبة المئوية للمخيمين ممن تواجهوا يسبحون في البحر تلك اللحظة.

١ مُنِيَّاتٍ وَمُسَائِلٍ

في كلّ حالة من الحالات الآتية، إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاثة إجابات. أشر إليها.

الطول بالأمتار



١ مثنا طول شجرة بدلالة عمرها، فحصلنا على البيان المرافق.

١١ عمر الشجرة متناسب مع طولها

٢ طول الشجرة متناسب مع عمرها

٣ أيٌ منها ليس متناسباً مع الآخر

٢ باستعمال (السكوتر) استغرقت ناديا 35 min لقطع مسافة 7 km



فالسرعة الوسطى للスクوتر هي

$$7 \times 35 = 245 \text{ km} \cdot \text{min}^{-1} \quad ③ \quad \frac{7}{35} = \frac{1}{5} \text{ km} \cdot \text{min}^{-1} \quad ② \quad \frac{35}{7} = 5 \text{ km} \cdot \text{min}^{-1} \quad ①$$

٣ يستغرق طارق على دراجته على الأقل دقيقة واحدة لقطع مسافة 1 كيلومتر.

فسرعته الوسطى هي:

$$60 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} \quad ③ \quad \text{أكثَرُ مِنْ} \quad 60 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} \quad ② \quad \text{أقلُ مِنْ} \quad 60 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} \quad ①$$

٤ يساوي: $5.4 \text{ km} \times \text{h}^{-1}$

$$1.5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \quad ③ \quad 5.4 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \quad ② \quad 90 \text{ m.s}^{-1} \quad ①$$

٥ سعر مقعد طفل هو 2000 ليرة سورية، ولما ارتفعت الأسعار بنسبة $\frac{10}{100}$ ، أصبح سعره

$$2020 \quad ③ \quad 220 \quad ② \quad 2200 \quad ①$$

٦ أنت متفق مع ما يرد؟ علَّن إجابتَك وصحَّ ما هو خاطئ.

١ مجموعة مثلثات ، $\frac{15}{100}$ منها قائمة و $\frac{10}{100}$ منها متساوية الساقين و 60 مثلثاً ليست قائمة ولا متساوية الساقين. إذن، عدد هذه المثلثات هو 80 مثلثاً.

٢ طول ضلع مربع 20 cm، فمساحته تساوي $20^2 = 400 \text{ cm}^2$

إذاً ازداد طول ضلعه بنسبة $\frac{10}{100}$ بلغت مساحته 440 cm^2 .

٣ باع أحد التجار دراجةً بمبلغ 30 000 ليرة سورية بخسارة $\frac{1}{20}$ من سعرها. ثم باع دراجةً ثانية بمبلغ 30 000 ليرة سورية إنما بربح $\frac{1}{25}$ من سعرها. في محصلة الصفتين يكون التاجر موفقاً.

٤ قال مدرب لأحد متسابقي الجري من يدريهم:

«إذا أردت أن تخفض مدة جريك $\frac{1}{20}$ ، عليك أن تزيد سرعتك $\frac{1}{25}$ »

٥ قيست سرعة باستعمال الوحدة $(m \cdot s^{-1})$ ، فإذا أردنا قياسها باستعمال الوحدة $(\text{km} \cdot h^{-1})$ ، نضرب بالعدد 3.6.

3 نتأمل مجموعة مستطيلات بعدها كل منها x و $3 + x$.

١. احسب A (مساحة كل منها بالسنتيمترات المربعة) بدالة x .

٢. احسب قيمة A الموافقة لقيمة x في الحالات الآتية.

٣. $x = 0.5$ و $x = 1$ و $x = 2$ و $x = 3$. نظِّم جدولًا بهذه القيم.

٤. مثل بيانياً محتويات الجدول واستخدم هذا التمثيل لمعرفة ما إذا كان A و x في حالة تناسب أم لا، معللاً إجابتك.

4 في إحدى مكتبات القرطاسية، وُجد أنَّ سعر القلم الواحد هو 15 ليرة سورية، أما المبيع بالجملة فهو على النحو المبين في الجدول الآتي.

15	5	1	عدد الأقلام
200	70	15	ثمن الأقلام (ل.س)

١. هل أثمان الأقلام متناسبة مع عددها؟. علّم إجابتك.

٢. مثل مفردات هذا الجدول بيانياً. استخدم التمثيل البياني لتأكيد إجابتك السابقة.

5 في سباق الجري، قطع أحد المتسابقين مسافة 3 km في 10 دقائق.

١. كم متراً يكون قد قطع هذا المتسابق.

٢. في دقيقة واحدة ① في ثانية واحدة ②

٣. ماذا تسمى العددين السابقين؟

6 يملأ صنبور حوضاً سعته 5 ليترات خلال دقيقتين ونصف.

١. ما المدة اللازمة ليملاً هذا الصنبور إناءً سعته 500 cm^3 ؟

٢. كم ليتراً من الماء يتدفق من هذا الصنبور خلال ساعة واحدة؟

7

قاد سائق شاحنة شاحنته مدة ساعة و 30 دقيقة بسرعة وسطى قدرها 80 km/h ، ثم قادها مدة 44 دقيقة بسرعة وسطى قدرها 90 km/h .

1. ما المسافة التي قطعها؟

2. احسب السرعة الوسطى لشاحنته خلال مسيرته في مرحلتي القيادة .

8

في سباق جري للكلاب السلوقية، قطع الكلب الفائز مسافة السباق وهي 314 m بسرعة وسطى مقدارها 89.8 km/h .

1. احسب بالثواني الزمن الذي استغرقه هذا المتسابق لقطع مسافة السباق.

2. قرب الثواني إلى خانتين عشرتين. (يمكن استعمال آلة حاسبة)

9

يطارد الفهد طريدقته (المسافات قصيرة) بسرعة 100 km/h . احسب هذه السرعة مستخدماً الوحدة m/s مقارباً الجواب لخانة عشرية واحدة.

10

في عام 2010 كانت الليرة السورية تعادل 0.02 دولاراً أمريكياً.

أولاً) احسب بالدولار الأمريكي سعر كلّ من الأشياء الآتية مقارباً الجواب لخانتين عشرتين:

1. طافية سعرها 80 ليرة سورية.

2. قلم حبر ناشف سعره 15 ليرة سورية.

ثانياً) احسب بالليرة السورية سعر كلّ من الأشياء الآتية مقارباً الجواب لخانتين عشرتين:

1. طقم سعره 175 دولاراً أمريكياً.

2. معطف سعره 190 دولاراً أمريكياً.

11

يدور محرك بسرعة 4200 دورة في الدقيقة. ما سرعة دوران هذا المحرك بالدورات في الثانية؟

12

نعلم أنَّ متوسط غزارة نهر الأمازون في أمريكا الجنوبية هي $150\,000 \text{ m}^3/\text{s}$.

احسب غزارة هذا النهر بالكيلومتر مكعب في السنة (معتبراً السنة 365 يوماً).

13

لدى غيث 7 أسطوانات موسيقاها كلاسيكية، وهي تشكل 35% من مجموعة الأسطوانات التي يقتنيها. ما عدد جميع الأسطوانات في المجموعة التي يقتنيها غيث؟

14

يضم أحد صفوف الثامن 15 طالبة. يؤلف الذكور 40% من طلبة هذا الصف. ما عدد طلبة هذا الصف؟

لِإِحْرَازِ تَقْدِيمٍ

15 تحويل وحدات السرعة

الخطوات التي تقود إلى التعبير عن السرعة $18 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$ بالوحدة $18 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. انسخ وأكمل.

① نحوال 18 km إلى الأمتار، فيكون $18 \text{ km} = \dots \text{m}$.

② نحوال 1 h إلى الثواني، فيكون $1 \text{ h} = \dots \text{s}$.

③ نستنتج أن $18 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} = \dots \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$.

④ عيّر عن السرعة $2 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ بدلالة الوحدة $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$.

معلومات 

$$1 \text{ h} = 60 \text{ min}, 1 \text{ h} = 3600 \text{ s}, 1 \text{ min} = 60 \text{ s}, 1 \text{ s} = \frac{1}{3600} \text{ h}, 1 \text{ s} = \frac{1}{60} \text{ min}, 1 \text{ min} = \frac{1}{60} \text{ h}$$

16 تحويل وحدات الزمن وحساب السرعة

قطعت رياضية لسباق المشي مسافة 10 km بمدة 41 min و 49 s .

① عيّر بالساعات عن كل من 41 min و 49 s .

② استخدم آلة الحاسبة لحساب المدة التي استغرقتها المسابقة ثم قرب الناتج إلى منزلتين عشربيتين.

③ احسب السرعة الوسطى لهذه المسابقة باستعمال الوحدة $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$.

قرب الناتج إلى رقم عشري واحد.

17 تعلم التعبير النصي

اقرأ النص والحل المقترن من قبل أحد الطلاب، ثم صبغ الحل آخذًا بالتعليقات على حل الطالب.

النص: يسكن كانان على مسافة 800 m من موقف حافلة مديرية ويخرج من منزله في الساعة السابعة

والدقيقة 15، ويمر الباص بالموقف في الساعة السابعة والدقيقة 21.

بأية سرعة على كانان أن يجري (بالكميلتر في الساعة) كي لا يختلف عن بايه؟

حل الطالب مع ملاحظات المصحح (باللون الأحمر).

$$7 \text{ h } 21 \text{ min} - 7 \text{ h } 15 \text{ min} = 6 \text{ min}$$

$$0.8 \div 6 \approx 0.13 \quad (\text{من أين لك العدد } 0.8? \text{ وما هي وحدة خارج القسمة؟})$$

على كانان أن يجري بسرعة $0.13 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$.

للعمق

أراد أحد سائقي سيارات الأجرة لرحلات طويلة أن يختبر معدل مصروف سيارته من الوقود، وفي إحدى رحلاته شاهد على لوحة السيارة ما يتضمنه الجدول الآتي.

عند الوصول	عند الانطلاق	
عَدَاد المسافة (بالكيلومتر)	8 280	8 520
عَدَاد الوقود (باليتير)	35	19.40

1. ① احسب (باليتير) متوسط كمية البنزين التي تصرفها سيارته لقطع مسافة 100 km .
② استخدم المعلومة السابقة لحساب متوسط كمية البنزين التي تصرفها سيارته لقطع مسافة $20 000 \text{ km}$.
2. ① احسب (بالكيلومتر) متوسط المسافة التي تقطعها السيارة باستهلاك ليتر من البنزين.
(قرب الجواب إلى خانتين عشرتين)
② استخدم المعلومة السابقة لحساب متوسط المسافة التي تقطعها السيارة باستهلاك 38 L من البنزين.

الحركة خلال مرحلتين

- يقود كل من أكرم وأكلم دراجته على مرحلتين.
- أكرم:
في المرحلة الأولى يسير بدرجته لمدة نصف ساعة بسرعة $30 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$ ، وفي المرحلة الثانية بسرعة $20 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$
 - أكلم:
في المرحلة الأولى يقطع مسافة 15 km بسرعة $15 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$ ، وفي المرحلة الثانية يقطع مسافة 20 km بسرعة $15 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$. فمن من الإثنين قد حقق سرعة وسطى أفضل في مرحلتي حركتهما؟

على الدراجة

كي يصل أحد المدرسين إلى مدرسته، يقطع باستعمال دراجته النارية 5 km في ربع ساعة. وفي العودة (كونه ليس مستعجلًا) يخفض سرعته الوسطى بمقدار 20% . ما الزمن الذي يستغرقه المدرس في مسيرة العودة؟

تناسب أم لا؟ 21

y و z يرمازان إلى مقدارين تابعين لمقدار رمزه x :

$$z = 5(x - 3) - 3(x - 5) \quad \text{و} \quad y = x(x^2 - 3x + 4)$$

نريد معرفة ما إذا كان y و z متناسبين مع x :

أولاً: 1. انسخ وأكمل الجدول الآتي.

x	0	1	2
y			
z			

2. بمقتضى الجدول، هل يمكن التأكيد على أن y و z متناسبين مع x ؟

ثانياً:

1. احسب قيمة كل من y و z عند $x = 3$.

2. من هذا الحساب، هل يمكن استنتاج أن:

① y ليس متناسباً مع x لماذا؟ ② z متناسب مع x لماذا؟

ثالثاً: استخدم عبارة z بدلالة x لتأكيد أن z متناسب مع x .

 لتأكيد أن z متناسب مع x . عليك أن تعين معامل التناوب، وهو العدد الثابت a الذي يحقق

$$\cdot z = a x$$

المقياس 22

1. رسم مصوّر لغرفة مستطيلة الشكل بعدها 3.2 m و 4 m على صفحة بمستطيل بعدها 16 cm و

20 cm . ما المقياس المستخدم في الرسم؟

2. نريد أن نرسم على الصفحة، وفق المقياس السابق، نموذجاً لخزانة مستطيلة بعدها 1.80 m

و 63 cm . احسب بعدي النموذج.

3. إذا كان عرض الباب على المصوّر 4 cm ، ما العرض الحقيقي للباب؟

دائرة 23

هل طول الدائرة متناسب مع طول نصف قطرها؟ إن كان ذلك، ما معامل التناوب؟

كَرِيب 24

في الاجتماع السنوي لمجلس إدارة إحدى الشركات، تغيب الكثير من الأعضاء بسبب وباء الكريبي المتقطعي في تلك الفترة. قال أحد الأعضاء السبعة الحاضرين «لا يمكننا اتخاذ أي قرار بسبب غياب 65 % من الأعضاء» ما عدد أعضاء مجلس إدارة تلك الشركة؟

سهرة 25

70 % من زمن سهرة الشباب تنقضي قبل منتصف الليل. فإذا كانت السهرة تبدأ في الساعة 20 والدقيقة 30 ، في أيّة ساعة تنتهي السهرة؟

نجاح - رسوب 26

في إحدى المدن، نشر المركز الثقافي جدولًا بالطلاب المنقلين من الصف التاسع من التعليم الأساسي إلى الصف الأول من التعليم الثانوي لأربع سنوات متتالية.

العام الدراسي	طلب التاسع الأساسي	طلب الأول الثانوي	النسبة المئوية
2008 – 2009	1 000	972	2.8 %
2009 – 2010	1 050	1 029
2010 – 2011	1 379	1.5 %
2011 – 2012	2 000	1.2 %

1. إلام تشير النسبة المئوية . 2.8 %

2. أكمل الجدول بما ينسجم مع معطيات العام الدراسي 2009 – 2008 .

27 في عام 2013 عرضت إحدى صالات البيع حواسيب محمولة بسعر 60000 ليرة لكل حاسب. وفي العام 2014 ارتفعت الأسعار بنسبة $\frac{10}{100}$ ، ثم ارتفعت في العام 2015 بنسبة $\frac{10}{100}$. ما سعر الحاسب في العام 2015 ؟

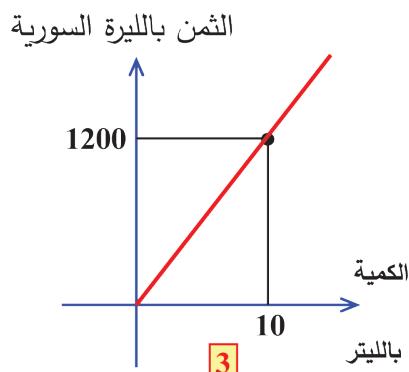
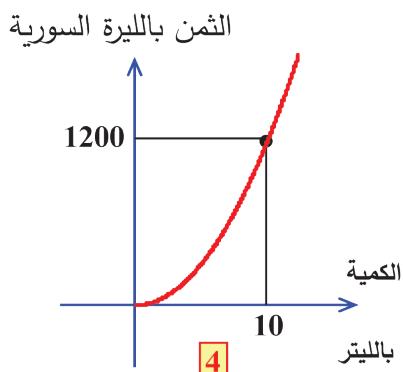
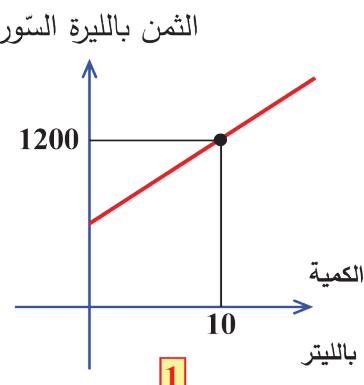
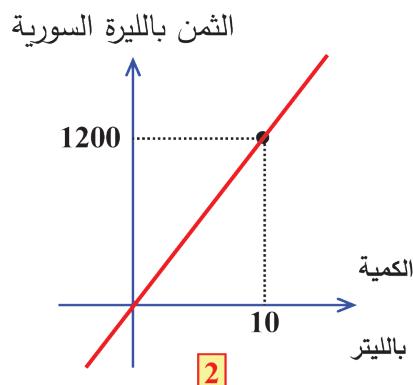
مضاعفات العدد 7 28

يرمز n إلى كل عدد صحيح يحقق $58 < n < 32$. ما النسبة المئوية لمضاعفات العدد 7 من بين هذه الأعداد؟

يقطع مزارع المسافة بين منزله ومزرعته في زمن معين.
في أحد الأيام، وبسبب خلل في صمامات محرك سيارته، اضطر المزارع إلى تخفيف سرعته الوسطى بمقدار 50%.

احسب النسبة المئوية للزيادة التي طرأت على الزمن الذي استغرقه المزارع بين منزله ومزرعته في هذه الرحلة.

ملاً أحد السائقين خزان سيارته بالوقود من إحدى المحطات.
أيٌّ من التمثيلات الآتية هو الأفضل تمثيلاً لتلك المحطة؟ على إجابتك.



الوحدة السادسة

إحصاء

١ الجدول التماري وجدول الفئات

٢ التماري المتجمع (المأكمي)

٣ تمثيل بيانات إحصائية

٤ متوسط الحسابي

انطلاق نشطة



في كلٌّ مما يأتي، واحدة فقط من الإجابات ① و ② و ③ صحيحة، أشر إليها.

الجدول الآتي يمثل درجات عينة من طلاب الصف الثامن الأساسي في اختبار درجته العظمى 20.

استعمل هذا الجدول للإجابة عن الأسئلة من الرقم 1 حتى الرقم 4.

x	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
n	1	1	3	5	6	5	9	8	6	3	3

110 ③ 50 ② 15 ① ① التكرار الكلي لهذه العينة يساوي

12 ③ 8 ② 5 ① ② التكرار للدرجة 8 هو

25 ③ 10 ② 5 ① ③ تكرار الدرجات التي تساوي أو تقل عن 8 يساوي

15 ③ 20 ② 16 ① ④ تكرار الدرجات x التي تحقق $8 \leq x < 11$ يساوي

⑤ في ثلاثة اختبارات متتالية لمادة الرياضيات في الفصل الدراسي الأول (الدرجة العظمى 20)، نالت رانيا في الاختبار الأول 15 درجة، ونالت في كلٌّ من الاختبارين الآخرين 18 درجة.

الدرجة التي استحقتها رانيا في الفصل الأول هي ①

الجدول التكراري وجدول الفئات



نشاط «التمكن من تبويب معطيات إحصائية في فئات مما يفيد في دراسة العينات كبيرة الحجم»



1. تقدم 20 طالباً لاختبار في مادة الرياضيات (الدرجة العظمى 20).

سليمان وعلا ورغل، نال كلّ منهم 10 درجات. وغيث وريم ورويلا ورويدة ، نال كلّ منهم 12 درجة. سلمى، نالت 14 درجة. لجين وعبير ، نالت كلّ منها 15 درجة. فؤاد وفادي وجمال وجمانة، نال كلّ منهم 16 درجة. صفاء وسارة وحلا، نال كلّ منهم 18 درجة. ولماح ووضاح ولينا ، نال كلّ منهم 19 درجة. أكمل الجدول التكراري الآتي.

الدرجة	10	12	14	15	16	18	19
التكرار	.	4

2. العينة الإحصائية الآتية، مفرداتها هي كتل 28 شخصاً قدرت بالكيلوغرامات.

20 , 9 , 16 , 14 , 16 , 15 , 12 , 13 , 14 , 12 , 15 , 25 , 12 , 15
16 , 12 , 12 , 20 , 9 , 20 , 26 , 25 , 27 , 15 , 24 , 22 , 26 , 24

نرتب هذه العينة تصاعدياً، فنجد.

9 9 12 12 12 12 13 14 14 15 15 15 15
16 16 16 20 20 20 22 24 24 25 25 26 26 27

إذا رمنا إلى الكتلة بالرمز x_i وإلى عدد الأشخاص ذوي الكتلة x_i بالرمز f_i ، وجدنا الجدول التكراري الآتي

x_i	9	12	13	14	15	16	20	22	24	25	26	27
f_i	2	5	1	2	4	3	3	1	2	2	2	1

الجدول الآتي نسميه جدول الفئات.

الفئة	[9,12]	[12,15]	[15,18]	[18,21]	[21,24]	[24,27]
التكرار	7	8	5

1. ما عدد الفئات؟

2. طول الفئة الأولى (أو مداها) $d = 12 - 9 = 3$. ما أطوال باقي الفئات؟

3. مركز الفئة الثانية: $c_2 = \frac{12 + 15}{2} = 13.5$. ما مراكز باقي الفئات؟

في إحدى الجامعات، وجد أن 20 طالباً، مسافات سكّنهم عن الجامعة، موزعة على النحو الآتي.

①	المسافة (d) بالكميلومترات	1	4	5	7	10	12	14	15	17	19
	التكرار (عدد الطالب)	1	1	2	2	4	4	3	0	1	2

مجموعة الطلاب التي أحصيت مسافات منازلهم عن الجامعة، نسميها **عينة إحصائية**، ونسمى عدد الطلاب **حجم العينة** ونرمز إليها بالرمز n . في مثالنا $n = 20$.

- الجدول السابق نسميه **الجدول التكراري**.
- عدد الطلاب الذين يبعد سكنهم عن الجامعة 14 km هو 3 . نسمى 3 **التكرار** للمسافة 14.

جدول الفئات

لتتنظيم جدول الفئات، علينا اختيار عدد الفئات، هذا العدد يجب أن يكون قاسماً لحجم العينة. في مثالنا يمكن أن نختار عدد الفئات 2 أو 4 أو 5 أو 10 ... وكلما كبر عدد الفئات كلما كانت المعطيات أقرب من الحقيقة.

في عملنا مع البيانات في المثال السابق، سنوزع العينة إلى أربع فئات، فيكون طول الفئة

$$. d = \frac{n}{4} = \frac{20}{4} = 5$$

الفئة الأولى $1 + 1 = 2$ ، تكرارها $0 \leq d < 5 : [0,5]$

الفئة الثانية $2 + 2 = 4$ ، تكرارها $5 \leq d < 10 : [5,10]$

الفئة الثالثة $4 + 4 + 3 = 11$ ، تكرارها $10 \leq d < 15 : [10,15]$

الفئة الرابعة $0 + 1 + 2 = 3$ ، تكرارها $15 \leq d \leq 20 : [15,20]$

ويكون الجدول الآتي هو جدول الفئات لهذه البيانات.

②	الفئة	$[0,5]$	$[5,10]$	$[10,15]$	$[15,20]$
	تكرار الفئة	2	4	11	3

يمكن تنظيم جدول الفئات على النحو الآتي.

الفئة	$0 \leq d < 5$	$5 \leq d < 10$	$10 \leq d < 15$	$15 \leq d \leq 20$
تكرار الفئة	2	4	11	3

تحقق من فهمك



① طلب من طلاب الصف الثامن (20 طالباً) أن يسجلوا عدد الروايات التي قرأوها هذا العام، فجاءت النتائج كالتالي.

1, 0, 1, 3, 0, 2, 4, 5, 2, 1, 0, 0, 2, 3, 1, 0, 0, 0, 1, 2
نظم جدول التكرار.

② العينة الإحصائية الآتية، مفرداتها هي درجات 30 طالباً في مذاكرة الرياضيات.

200, 290, 300, 281, 290, 210, 150, 240, 295, 256

180, 257, 270, 100, 234, 235, 255, 249, 90, 190

160, 274, 290, 210, 250, 215, 183, 211, 245, 196

نظم جدول الفئات لهذه البيانات (اختر عدد الفئات 6).

تدريب



① الجدول الآتي يظهر عدد الأهداف التي حققها فريق لكرة القدم.

عدد الأهداف	0	1	2	3
عدد المباريات	2	3	4	1

① ما عدد المباريات التي لعبها هذا الفريق؟

② ما عدد الأهداف التي سجلها هذا الفريق؟

② في أولمبياد للرياضيات خاص بالصف الثامن (الدرجة العظمى 20) نشرت درجات عينة مؤلفة من 50 متسابقاً كما يأتي.

15, 6, 15, 8, 18, 14, 5, 9, 5, 7

17, 9, 18, 15, 6, 10, 1, 11, 12, 6

10, 14, 13, 9, 16, 8, 13, 5, 8, 11

2, 17, 15, 6, 14, 11, 10, 6, 13, 3

10, 2, 15, 2, 8, 7, 12, 18, 3, 13

نظم جدول فئات بهذه المعطيات متذبذباً أربع فئات على النحو الآتي:

$m < 5$ $5 \leq m < 10$ $10 \leq m < 15$ $15 \leq m$

(يرمز m إلى درجة المتسابق).

التكرار المتجمع (التراكمي)

2

نشاط « تعرف التكرار المتجمع الصاعد (أقل من) والنازل (أكبر من) »



1. جدول التكرار المتجمع الصاعد

المعطيات هي ما وردت في مثال الأشخاص وكتلهم (المثال السابق)
الجدول الآتي يسمى جدول التكرار المتجمع الصاعد. أكمل هذا الجدول.

الحد الأعلى للفئة	< 12	< 15	< 18	< 21	< 24	≤ 27
التكرار المتجمع الصاعد	2	10

2. جدول التكرار المتجمع النازل

المعطيات هي ما وردت في مثال الأشخاص وكتلهم (المثال السابق)
الجدول الآتي يسمى جدول التكرار المتجمع النازل. أكمل هذا الجدول.

الحد الأدنى للفئة	≥ 9	≥ 12	≥ 15	≥ 18	≥ 21	≥ 24
التكرار المتجمع النازل	28	26	5

تعلم

التكرار المتجمع الصاعد (أقل من)

لنتأمل الجدول ② .

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أقل من 5 km هو 2 .

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أقل من 10 km هو $2 + 4 = 6$.

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أقل من 15 km هو $6 + 11 = 17$.

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أقل من 20 km هو $17 + 3 = 20$.

ننظم جدولًا بهذه البيانات، نسميه الجدول المتجمع الصاعد:

الحد الأعلى للفئة	5	10	15	20
التكرار المتجمع الصاعد	2	6	17	20

التكرار المتجمع النازل (أكبر من)

لنتأمل الجدول ① .

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أكبر من 0 km هو 20 .

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أكبر من 5 km هو $20 - 4 = 16$.

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أكبر من 10 km هو $20 - 6 = 14$.

عدد الطلاب الذين مسافة سكنهم عن الجامعة أكبر من 15 km هو $20 - 17 = 3$.

ننظم جدولًا بهذه البيانات، نسميه الجدول المتجمع النازل.

الحد الأدنى للفئة	0	5	10	15
التكرار المتجمع النازل	20	16	14	3

تحقق من فهمك



الجدول الآتي يشير إلى الفارق في عدد الأهداف التي حققتها أحد فرق كرة القدم مع الخصوم خلال 160 مباراة أحرز فيها الانتصار.

الفارق في الأهداف	1	2	3	4
عدد الانتصارات	95	45	15	5

1. أنشئ جدول التكرار المتجمع الصاعد.

2. أنشئ جدول التكرار المتجمع النازل.

تدريب

هذه المفردات هي مسافات 24 موظفًا عن مكاتبهم (المسافة d مقدرة بالكميلومترات) :

2.5	3.2	2	3.5	3.9	3.2
3.1	3.5	3.5	2.7	4.1	2.4
4.2	2.7	3.4	2.1	2.5	1.9
3.4	3.8	2.3	3	3.9	3.4

نظام جدولًا تكراريًّا لهذه المفردات مستعملًا الفئات:

$$4 \leq d < 5 , \quad 3 \leq d < 4 , \quad 2 \leq d < 3 , \quad 1 \leq d < 2$$

المتوسط الحسابي

3

نشاط « تعرف المتوسط الحسابي باستعمال طائق مختلفة لعرض البيانات الإحصائية »

المعطيات هي ما وردت في مثال الأشخاص وكتلهم (المثال السابق)
1. في حالة البيانات الإحصائية معطاة وفق الجدول التكراري الآتي.

x_i	9	12	13	14	15	16	20	22	24	25	26	27
f_i	2	5	1	2	4	3	3	1	2	2	2	1

احسب المتوسط الحسابي لكتل أشخاص العينة.

2. في حالة البيانات معطاة وفق جدول الفئات الآتي.

الفئة	[9 , 12 [[12 , 15 [[15 , 18 [[18 , 21 [[21 , 24 [[24 , 27]
النكرار	2	8	7

1. أكمل الجدول هذا الجدول.

2. احسب القيمة التقريرية للمتوسط الحسابي لكتل أشخاص العينة.

تعلم

أولاً: المتوسط الحسابي
تعريف.

المتوسط الحسابي للأعداد x_1, x_2, \dots, x_n هو خارج قسمة مجموع هذه الأعداد على عددها.

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

مثال المتوسط الحسابي للأعداد **الخمسة** 6 ، 10 ، 8 ، 15 ، 16 يعطى وفق:

$$\bar{x} = \frac{10 + 8 + 15 + 16 + 6}{5} = \frac{55}{5} = 11$$

تعريف.

المتوسط الحسابي لمفردات العينة x_1, x_2, \dots, x_n التي تكراراتها على التوالي هي ... ،

$$\bar{x} = \frac{n_1 \cdot x_1 + n_2 \cdot x_2 + \dots}{n_1 + n_2 + \dots} = \frac{n_1 \cdot x_1 + n_2 \cdot x_2 + \dots}{n}$$
 يعطى وفق



مثال لنكن البيانات الإحصائية مبوبة في الجدول التكراري الآتي.

x_i	6	8	10	11	12
f_i	2	3	6	4	1

المتوسط الحسابي يعطى وفق

$$\bar{x} = \frac{2 \times 6 + 3 \times 8 + 6 \times 10 + 4 \times 11 + 1 \times 12}{2 + 3 + 6 + 4 + 1} = \frac{12 + 24 + 60 + 44 + 12}{16} = \frac{512}{16} = 32$$

ثانياً: المتوسط الحسابي التقريري

نسعى إلى هذا المتوسط في حالة بيانات إحصائية مبوبة في جدول فئات.

في هذه الحالة، ، x_1 ، x_2 هي مراكز الفئات.

مثال

الفئة	$[0, 4]$	$[4, 8]$	$[8, 12]$	$[12, 16]$
تكرار الفئة	2	4	3	1

مراكز الفئات في هذه البيانات هي على التوالي.

$$x_1 = \frac{0 + 4}{2} = 2, \quad x_2 = \frac{4 + 8}{2} = 6, \quad x_3 = \frac{8 + 12}{2} = 10, \quad x_4 = \frac{12 + 16}{2} = 14$$

الفئة	$[0, 4]$	$[4, 8]$	$[8, 12]$	$[12, 16]$
مركز الفئة	2	6	10	14
تكرار الفئة	2	4	3	1

فالمتوسط الحسابي التقريري يعطى وفق.

$$\bar{x} = \frac{2 \times 2 + 4 \times 6 + 3 \times 10 + 1 \times 14}{2 + 4 + 3 + 1} = \frac{4 + 24 + 30 + 14}{10} = \frac{72}{10} = 7.2$$

تحقق من فهمك



مجموعة مؤلفة من 200 شخصاً، يستغرقون يومياً الوقت t بالدقائق، في مشاهدة التلفاز وفق التوزيع الآتي.

الزمن t	$0 \leq t < 40$	$40 \leq t < 80$	$80 \leq t < 120$	$120 \leq t \leq 180$
التكرار	10	50	100	40

احسب المتوسط الحسابي التقريري للزمن الذي يستغرقه الشخص الواحد من هؤلاء في مشاهدة التلفاز.

تدريب

① الجدول الآتي يظهر عدد الأهداف التي حققها فريق الجهاد لكرة القدم في 19 مباراة لعبها هذا الفريق وتبقي مباراة أخيرة في الدوري سيلعبها هذا الفريق الأسبوع المقبل.

عدد الأهداف	0	1	2	3
عدد المباريات	7	7	4	1

- ① ما المتوسط الحسابي لعدد الأهداف التي حققها الفريق في المباراة الواحدة حتى الآن؟
 (بالنحو إلى رقم عشرى واحد)
- ② كم هدفاً على هذا الفريق أن يحقق في المباراة الأخيرة، كي يكون متوسط أهدافه هدفاً في كل مباراة.

② الجدول الآتي عرض لائحة بأسعار أربع قطع من عقار.

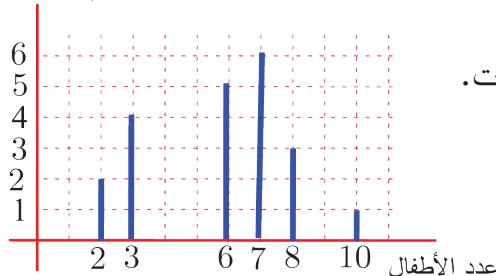
سعر المتر المربع (ل.س)	10000	12000	15000	20000
مساحة القطعة (m^2)	200	150	100	50

1. احسب المتوسط الحسابي لسعر المتر المربع من العقار.
2. إذا ارتفع سعر المتر المربع من العقار بنسبة 5%:
 ① احسب المتوسط الحسابي حسب السعر الجديد.
 ② احسب النسبة المئوية للزيادة في المتوسط الحسابي.
- ③ تضم إحدى المدارس 5 صفوف بسعة 28 طالباً، و 4 صفوف بسعة 27 طالباً، و 3 صفوف بسعة 26 طالباً، و 5 صفوف بسعة 25 طالباً، و 3 صفوف بسعة 24 طالباً.
1. ما عدد الطلاب في هذه المدرسة؟
2. احسب المتوسط الحسابي لعدد الطلاب في الصف الواحد (قرب الجواب إلى خانة عشرية واحدة)

تمثيل بيانات إحصائية



أعمارهم بالسنوات



نشاط « تمثيل بيانات إحصائية بمستطيلات »



1. الشكل المرافق تمثل بالأعمدة لأعمار 36 طفلاً بالسنوات.
- طفلان: عمر كلّ منهما سنتان.
- ثلاثة أطفال: عمر كلّ منهم 4 سنوات
- ستة أطفال: عمر كلّ منهم 5 سنوات وهكذا

نظم جدول التكرار للبيانات الإحصائية الممثلة بهذه الأعمدة.

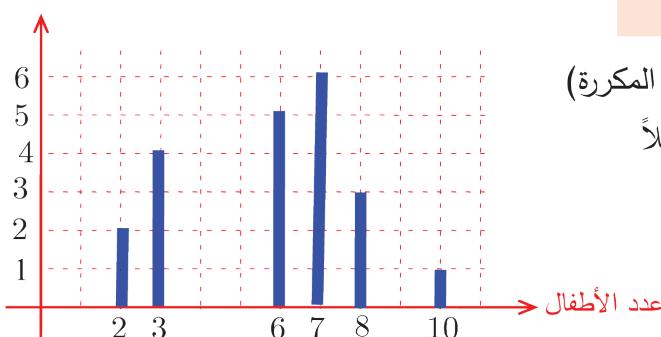
2. جدول الفئات الآتي، يمثل أعمار 17 شخصاً

الفئة	[2 , 6 [[6 , 10 [[10 , 14 [[14 , 18 [[18 , 22]
التكرار	1	3	7	5	1

مثل هذه البيانات بمستطيلات، قاعدة كلّ منها تساوي مدى الفئة وارتفاعه يساوي تكرار الفئة.

تعلم

الأعمار بالسنوات



التمثيل بالأعمدة (بيانات مكررة)



مثال التمثيل بالأعمدة (خاص ببيانات المكررة)

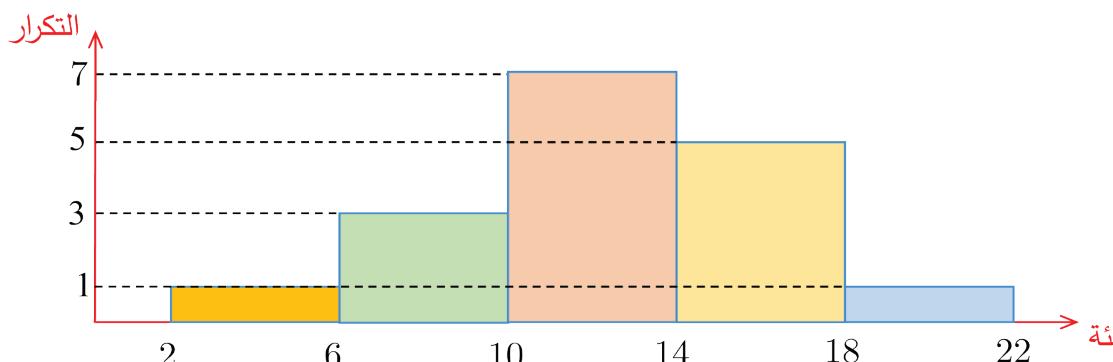
- الشكل المرافق تمثل بالأعمدة لأعمار 36 طفلاً بالسنوات.
- طفلان: عمر كلّ منهما سنتان ،
- ثلاثة أطفال: عمر كلّ منهم 4 سنوات
- ستة أطفال: عمر كلّ منهم 5 سنوات وهكذا

التمثيل بمستطيلات

في حالة بيانات مبوبة في جدول تكراري، يمكن تمثيلها بمستطيلات بعد الأفقي لكلّ مستطيل يساوي مدى الفئة وبعد الشاقولي يساوي تكرارها. يسمى هذا التمثيل: المدرج التكراري.

الفئة	[2 , 6 [[6 , 10 [[10 , 14 [[14 , 18 [[18 , 22]
التكرار	1	3	7	5	1

تمثل هذه البيانات بمستطيلات، قاعدة كل منها تساوي مدى الفئة وارتفاعه يساوي تكرار الفئة.



اكتساب معارف

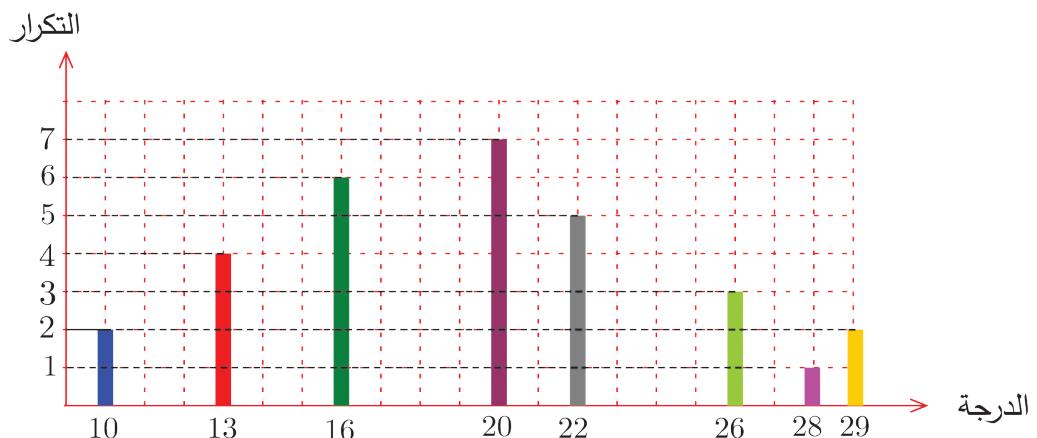
مثال الجدول الآتي هو الجدول التكراري لدرجات 30 طالباً في اختبار لمادة الرياضيات (الدرجة العظمى 30) :

المفردة	x_i	10	13	16	20	22	26	28	29
التكرار	f_i	2	4	6	7	5	3	1	2

1. احسب المتوسط الحسابي لدرجات هذه العينة.
2. مثل هذه البيانات بأعمدة.
3. نظم جدول فئات لهذه البيانات، ثم احسب المتوسط الحسابي التقريري.
4. مثل هذه البيانات بمستطيلات.
5. نظم جدول التكرار المتجمع الصاعد.
6. مثل التكرار المتجمع الصاعد بأعمدة.

الحل:

1. حساب المتوسط الحسابي
$$\bar{x} = \frac{2 \times 10 + 4 \times 13 + 6 \times 16 + 7 \times 20 + 5 \times 22 + 3 \times 26 + 1 \times 28 + 2 \times 29}{2 + 4 + 6 + 7 + 5 + 3 + 1 + 2} = \frac{582}{30} = 19.4$$
2. تمثيل البيانات بأعمدة.



3. جدول فئات، متوسط حسابي تقريري.

① تنظم جدول فئات

$$\text{مدى العينة: } D = 30 - 10 = 20$$

نعتمد 5 فئات، فيكون طول الفئة $d = \frac{20}{5} = 4$ ، ويكون جدول الفئات الموافق هو الآتي:

الفئة	$[10,14[$	$[14,18[$	$[18,22[$	$[22,26[$	$[26,30]$
تكرار الفئة	6	6	7	5	6

قد نرمز إلى درجة الطالب بالرمز x ، ثم ننظم جدول الفئات على النحو الآتي.

الفئة	$10 \leq x < 14$	$14 \leq x < 18$	$18 \leq x < 22$	$22 \leq x < 26$	$26 \leq x \leq 30$
تكرار الفئة	6	6	7	5	6

② المتوسط الحسابي التقريري.

مراكز الفئات هي على التوالي: $x_2 = x_1 + 4 = 12 + 4 = 16$ ، $x_1 = \frac{10 + 14}{2} = 12$

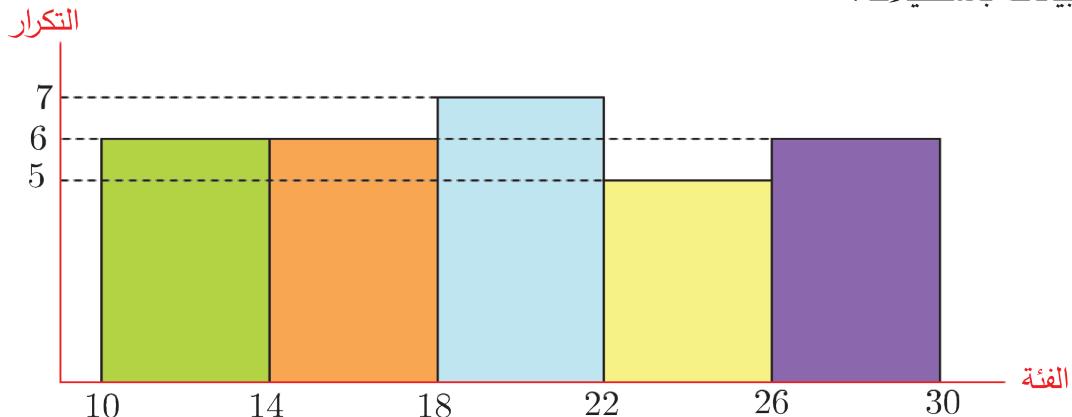
$$x_5 = 28 \quad x_4 = 24 \quad x_3 = 16 + 4 = 20$$

مركز الفئة	12	16	20	24	28
تكرار الفئة	6	6	7	5	6

يعطى المتوسط الحسابي \bar{x} وفق

$$\bar{x} = \frac{6 \times 12 + 6 \times 16 + 7 \times 20 + 5 \times 24 + 6 \times 28}{6 + 6 + 7 + 5 + 6} = \frac{582}{30} \approx 19$$

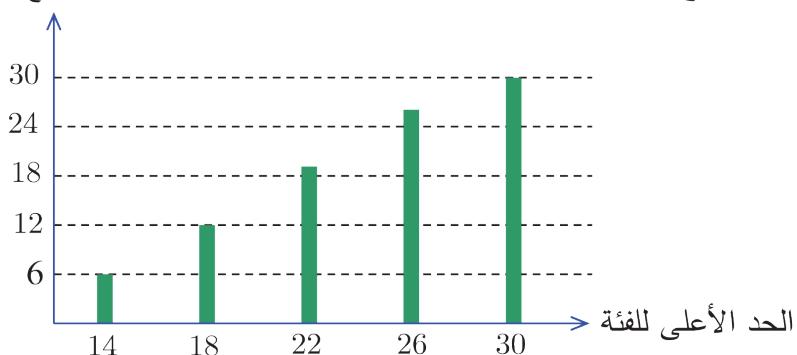
4. تمثل البيانات بمستويات.



5. جدول التكرار المتجمع الصاعد.

الحد الأعلى للفئة	< 14	< 18	< 22	< 26	< 30
النكرار المتجمع الصاعد	6	12	19	24	30

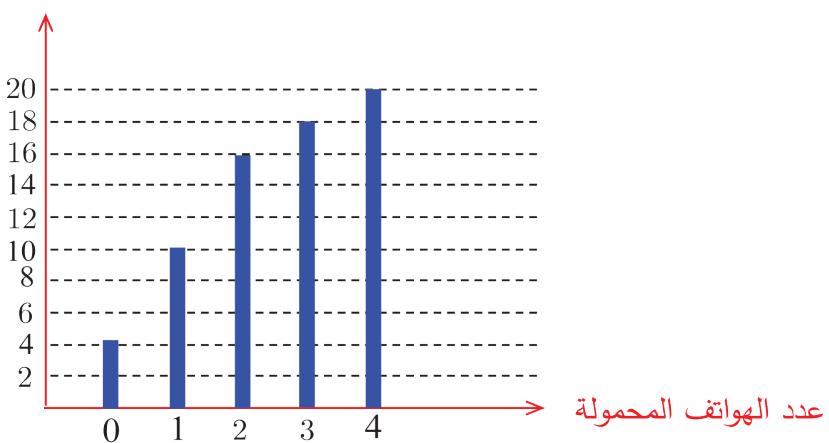
6. تمثل التكرار المتجمع الصاعد بأعمدة.



تحقق من فهمك



الممثل الآتي هو تمثيل تصاعدي لمقتنيات 20 عائلة من الهواتف المحمولة. التكرار التراكمي الصاعد

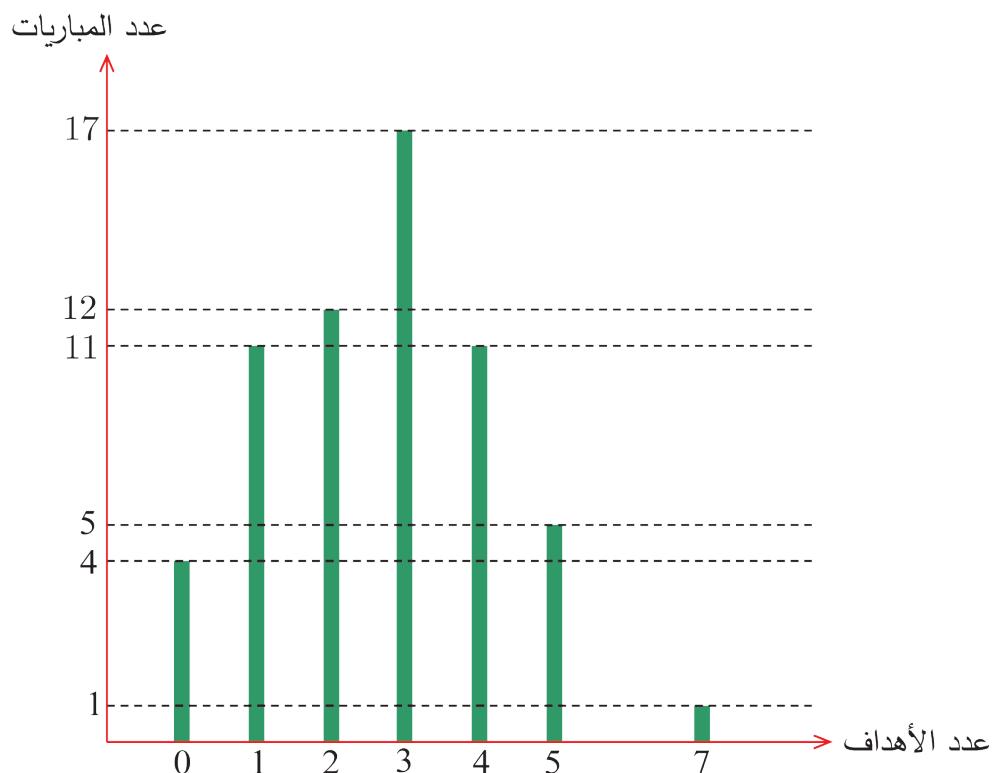


حسب هذا التمثيل.

1. كم عائلة تملك على الأكثر جهازي هاتف؟
2. كم عائلة تملك بالضبط جهازي هاتف؟
3. نظم الجدول التكراري لهذه البيانات.



① في مونديال 1998 لكرة القدم، نظم التمثيل التكراري الآتي بعدد الأهداف وعدد المباريات.



1. ما عدد المباريات التي جرت في هذا المونديال؟
2. احسب المتوسط الحسابي لعدد الأهداف في المباراة الواحدة (مقرّباً الجواب إلى خانة عشرية واحدة)

١ مُنِيَّاتٍ وَمُسَائِلٍ

في كلّ حالة آتية، هناك إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاثة إجابات مقتربة. أشر إليها.
الجدول الآتي هو جدول توزيع الدرجات التي نالها سامر في 10 اختبارات.

الدرجة	4	5	6	7
التكرار	2	4	3	1

❶ نال سامر 4 مرات الدرجة 6 ③ 5 ② 2 ①

❷ التكرار للدرجة 4 هو $4 \times 2 = 8$ ③ 5 ② 2 ①

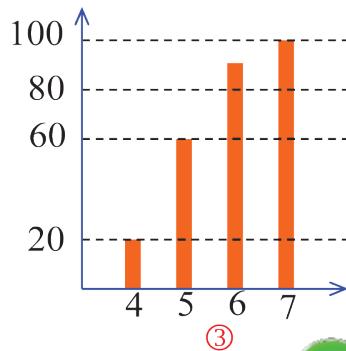
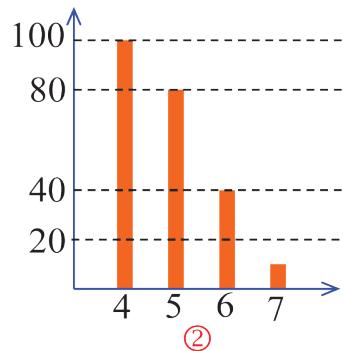
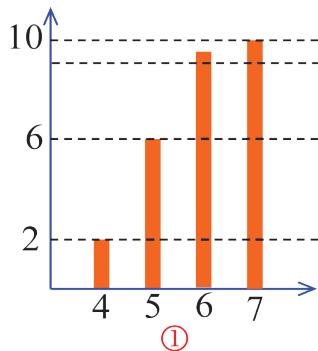
❸ التكرار المتجمع الصاعد لدرجات الطّلاب هو

10, 8, 4, 1 ③ 2, 6, 9, 10 ② 4, 9, 15, 22 ①

❹ التكرار المتجمع النازل لدرجات الطّلاب هو ...

10, 8, 4, 1 ③ 2, 6, 9, 10 ② 22, 15, 9, 4 ①

❺ تمثيل جدول التكرار المتجمع الصاعد بالأعمدة هو



هل أنت موافق أم غير موافق؟ اشرح إجابتك.

❶ في أحد الصفوف، جميع الطّلاب أعمارهم 12 أو 13 أو 14 سنة. فالمتوسط الحسابي لأعمار طلاب هذا الصف يساوي 13 .

❷ إذا نظمت معطيات عدديّة في مجموعات، فإنّ المتوسط الحسابي ينتمي إلى المجموعة ذات التكرار الأكبر.

٣ إذا كان 28% من طلاب أحد المعاهد أعمارهم أقل من 15 سنة، كان 72% منهم أعمارهم أقل من 14 سنة.

٤ إذا كان نسبة الذكور في نادي رياضي 72%， فإن الإناث يشكلون 20.16% من الذكور.

٥ المتوسط الحسابي لسلسلة أعداد يقسم هذه الأعداد إلى مجموعتين متساويتي العدد.

٦ الجدول الآتي بيان بعدد المنتسبين إلى أحد النوادي من العام 2012 حتى العام 2016 .

العام	2012	2013	2014	2015	2016
عدد المنتسبين	80	90	100	95	105

من العام 2012 حتى العام 2014 عدد المنتسبين للنادي هو 270 شخصاً.

٣ طلب من 40 طالباً أن يصرّحوا عن عدد الأقلام في حقائبهم ، فكانت النتائج حسب الجدول الآتي.

عدد الأقلام	0	1	2	3	4
عدد الطالب	1	5	24	7	3

أكمل كلاً من الجداول الأربع الآتية.

على الأكثر	0	1	2	3	4
التكرار
أكثر من	0	1	2	3	4
التكرار

②	على الأقل	0	1	2	3	4
التكرار
④	أقل من	0	1	2	3	4
التكرار

الجدول الآتي يبيّن توزيع 32 شخصاً حسب كتلتهم بالكيلوغرامات.

الكتلة	$[40, 44]$	$[45, 49]$	$[50, 54]$	$[55, 59]$
التكرار	4	8	12	8

١. كم شخصاً من هؤلاء، كتلته kg 40 أو أكثر؟ 50 أو أكثر؟

٢. نظم الجدول التكراري الصاعد لهذه البيانات.

5

أحصينا عدد الأطفال في عينة مؤلفة من 43 عائلة، ثم مثنا البيانات بالأعمدة، فكان كالتالي.

التكرار



1. نظم جدول التكرار بهذه البيانات.

2. نظم جدول التكرار المجتمع الصاعد.

3. نظم جدول التكرار المجتمع النازل.

المتوسط السنوي والمتوسط الفصلي

6

هذه هي الدرجات التي نالها ياسر في مادة الرياضيات (الدرجة العظمى 20) على مدى ثلاثة أعوام.
درجاته في العام الأول: 7 و 9 و 10 ، درجاته في العام الثاني 12 و 12 و 11 و 13
درجاته في العام الثالث: 9 و 10 و 12 .

1. احسب المتوسط الحسابي لهذا الطالب على مدى الأعوام الثلاثة.

2. احسب المتوسط الحسابي لكل عام من الأعوام الثلاثة.

3. لتنبيت المعدل السنوي في مادة الرياضيات اعتمد المدرس المتوسط الحسابي لمتوسطات الأعوام
الدراسية الثلاثة. هل يستحق ياسر هذا المعدل؟

7

في اختبار لمادة الرياضيات، وزّعت درجات 100 طالب في الجدول التكراري الآتي.

الدرجة	2	3	4	5	6	7
التكرار	1	0	4	3	5	6

الدرجة	8	9	10	11	12	13
التكرار	9	8	12	10	11	10

الدرجة	14	15	16	17	18	19
التكرار	5	4	4	5	1	2

استعمل آلة الحاسبة لحساب المتوسط الحسابي لدرجات هؤلاء الطلاب المائة.

8

في إحدى دوريات كرة القدم في القطر العربي السوري، كانت نتائج نادي الاتحاد على النحو المبين في الجدول الآتي.

عدد المباريات	7	2	3	5
عدد النقاط	10	2	7	5

نعلم أن الفريق ينال ثلات نقاط لكل انتصار، ونقطة واحدة لكل تعادل، وصفر نقطة لكل خسارة.

- ما عدد المباريات التي لعبها فريق الاتحاد في هذا الموسم؟
- احسب المتوسط الحسابي لعدد النقاط التي نالها النادي في المباراة الواحدة بالتقريب إلى خانة عشرية واحدة.

9

مجموعة مؤلفة من 20 شخصاً، أعمارهم بالسنوات هي:

18, 16, 22, 34, 28, 29, 32, 27, 19, 23

21, 24, 26, 38, 39, 28, 33, 25, 29, 32

- احسب المتوسط الحسابي لأعمار هؤلاء الأشخاص.
- رتّب المفردات المعطاة (الأعمار) تصاعدياً.
- أكمل الجدول التكراري الآتي.

العمر	[15,19]	[20,24]	[25,29]	[30,34]	[35,39]
التكرار					

4. استعمل الجدول التكراري الذي أكملته في حساب المتوسط الحسابي التقريبي.

10 في الفصل الدراسي الأول، وُجد أنَّ مجموع معدلي غسان وعدنان يزيد على مجموع معدلي غسان وسلوى بمقدار 3.5. كم يزيد معدل عدنان على معدل سلوى؟

11

لما كانت الدرجة العظمى في اختبار مادة الرياضيات 18، كان معدل درجات الصف الثامن .12.5

كم يصبح معدل درجاتهم فيما لو كانت الدرجة العظمى 20؟ (دون تغيير في علامات الطلاب)

6

لإحراز تقدّم

حساب متوسّط

12

الجدول الآتي بيان بدرجات مجموعة من الطّلاب:

الدرجة	8	9	10	11	12	المجموع
التكرار	5	7	8	12	11	
الجاء						

1. انسخ هذا الجدول.
2. أكمل السّطر «الجاء» وذلك بجاء ضرب كلّ درجة بالتكرار الموافق لها.
3. أكمل العمود «المجموع» وذلك بجمع التكرارات والجاءات.
4. احسب المتوسط الحسابي لدرجات هؤلاء الطّلاب وذلك بتقسيم مجموع الجاءات على مجموع التكرارات.

تعلم التعبير 13

اقرأ النص والحل المنجز من قبل أحد الطّلاب. ثم حّرّز الحل مع الأخذ بمجمل ملاحظات المصحح.

النص الجدول الآتي هو جدول فئات الأعمر a لمجموعة من الأشخاص:

العمر	$18 \leq a < 22$	$22 \leq a < 26$	$26 \leq a < 30$	$30 \leq a < 34$	$34 \leq a \leq 38$
التكرار	6	10	18	9	2

احسب المتوسط الحسابي التقريبي لهؤلاء الأشخاص.

حل الطّالب، مع ملاحظات المصحح

$$\bar{x} = \frac{6 \times a + 10 \times a + 18 \times a + 9 \times a + 2 \times a}{45} = \frac{45a}{45} = a$$

من أين جئت بالعدد a ؟

136

اللّعْمَقُ

يمكن التعبير عن الأعداد برموز (خطوط - عيدان - ...) على النحو الآتي:

رمز العدد 1 ، // رمز العدد 2 ... حتى العدد 4 .

رمز العدد 5 ، ##### رمز العدد 7 وهكذا #####

التكرار الرمزي 14

طلب من طلاب الصف الثامن (28 طالباً) أن يسجل كلّ منهم عدد أشقائه (إخوة وأخوات) ، فجاءت النتائج كالتالي.

0...0...2...3...1...5...1...0...1...1...4...1...2

2...3...2...1...0...2...3...5...1...2...1...3...2...0

يمكن عرض هذه النتائج في الآتي:

1. انسخ الجدول الآتي:

عدد الأشقاء	0	1	2	3	4	5
التكرار الرمزي						
التكرار العددي						

2. اقرأ قائمة عدد الأشقاء ، ثم انتقل إلى الجدول وضع في كلّ عمود من السطر الثاني الرمز الموفق.

3. أكمل الجدول بكتابة التكرار العددي في كل عمود.

الجمعة وبقي أيام الأسبوع 15

متوسط المسافة التي يقطعها أحد الرياضيين جرياً هو 8 km في اليوم (خلال سبعة أيام) ، والمسافة التي يقطعها يوم الجمعة هي 14 km . ما متوسط المسافة التي يقطعها هذا الرياضي باقي الأيام؟

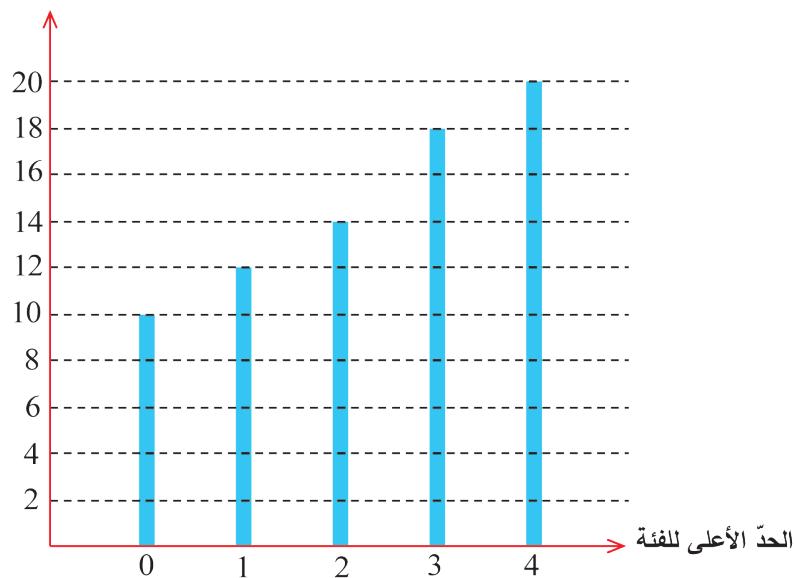
المعدّات الجزئية والمعدل العام 16

أجريت ستة اختبارات متتالية في مادة الرياضيات (الدرجة العظمى 10) لطلاب الصف الثامن .
كان معدل مازن في الاختبارات الأربع الأولى 6 ، وكان معدله في الاختبارات الثلاثة الأخيرة 7 ،
وكان معدله في الاختبارات الستة 6 . احسب الدرجة التي نالها مازن في الاختبار الرابع .

التكرار الصاعد والتكرار النازل 17

سئل 20 شخصاً عن عدد الشطائر التي يأكلونها يومياً، وكانت الإجابات وفق التمثيل التصاعدي الآتي:

التكرار المتجمع الصاعد



1. نظم الجدول المتجمع الصاعد لهذه البيانات.
2. مثل مضمون هذا الجدول بالأعمدة.

لعبة الترد 18

يلقي لاعب حجر نرد. ليكن n العدد الظاهر ($1 \leq n \leq 6$).
يربح اللاعب في كل رمية $35 - 10n$ نقطة. (الناتج السالب يدل على الخسارة)
1. كم نقطة يخسر اللاعب إذا حقق العدد 1 ؟ وكم نقطة يربح إذا حقق العدد 5 ؟
2. ألقى لاعب حجر الترد 100 مرة، وكانت النتائج وفق الجدول الآتي :

رقم الوجه	1	2	3	4	5	6
التكرار	12	25	17	14	13	19

1. نظم جدول التكرار المتجمع الصاعد بهذه المعطيات.
2. احسب المتوسط الحسابي للنقاط التي سجلها اللاعب (مقارباً الجواب لخانة عشرية واحدة) .